

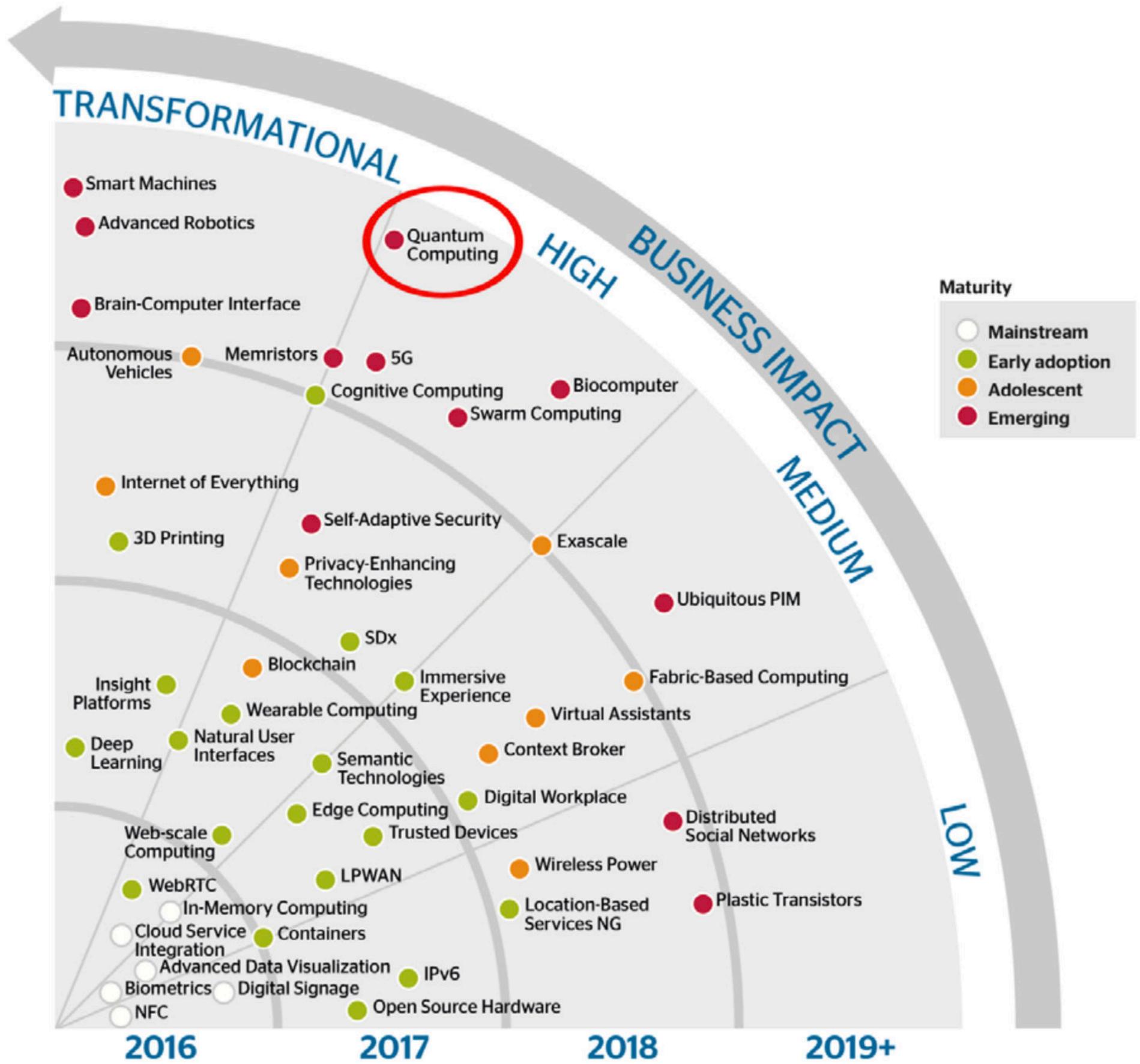
# **Computación Cuántica**

**Estado, Conceptos, Aplicaciones, y Futuro**  
**Santiago Núñez Corrales - José Castro**

**José Castro**

# **Tendencias del Mercado**

## **Inicios**



# Mercado

## North America

Largest Market  
By Region (2019)

## APAC

Fastest-Growing Market  
By Region (2020–2030)



2019  
Market Size  
**\$89.6**  
million

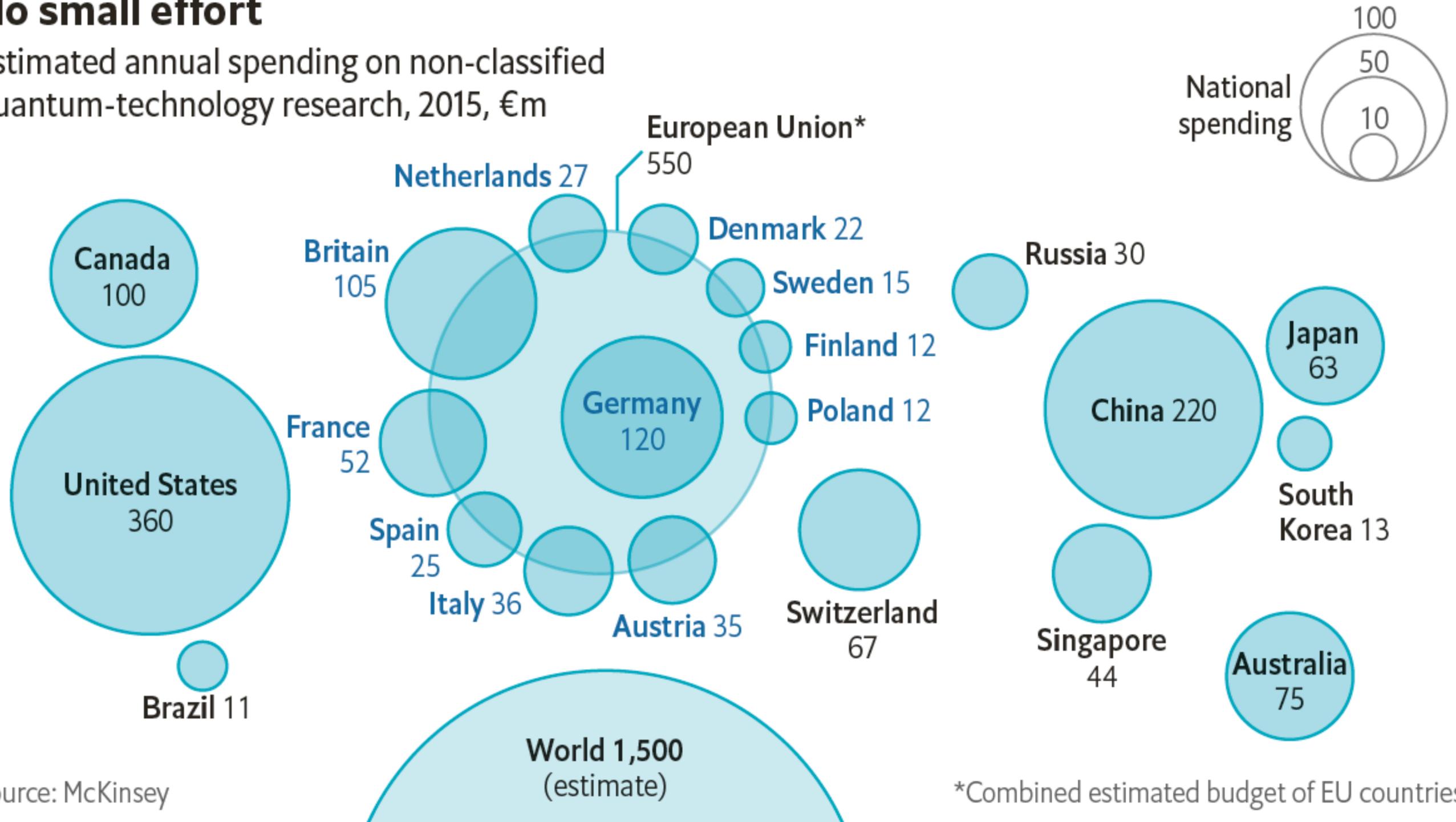
2030  
Market Size  
**\$1,866.8**  
million

Market  
Growth Rate  
(2020–2030)  
**33.1%**

# Gasto anual en investigación (por país)

## No small effort

Estimated annual spending on non-classified quantum-technology research, 2015, €m



Source: McKinsey



# Quantum computing deals are on the rise

Disclosed deals & equity funding (\$M), 2015 – 2020

Funding amount (\$M)

\$500

Deal count

40

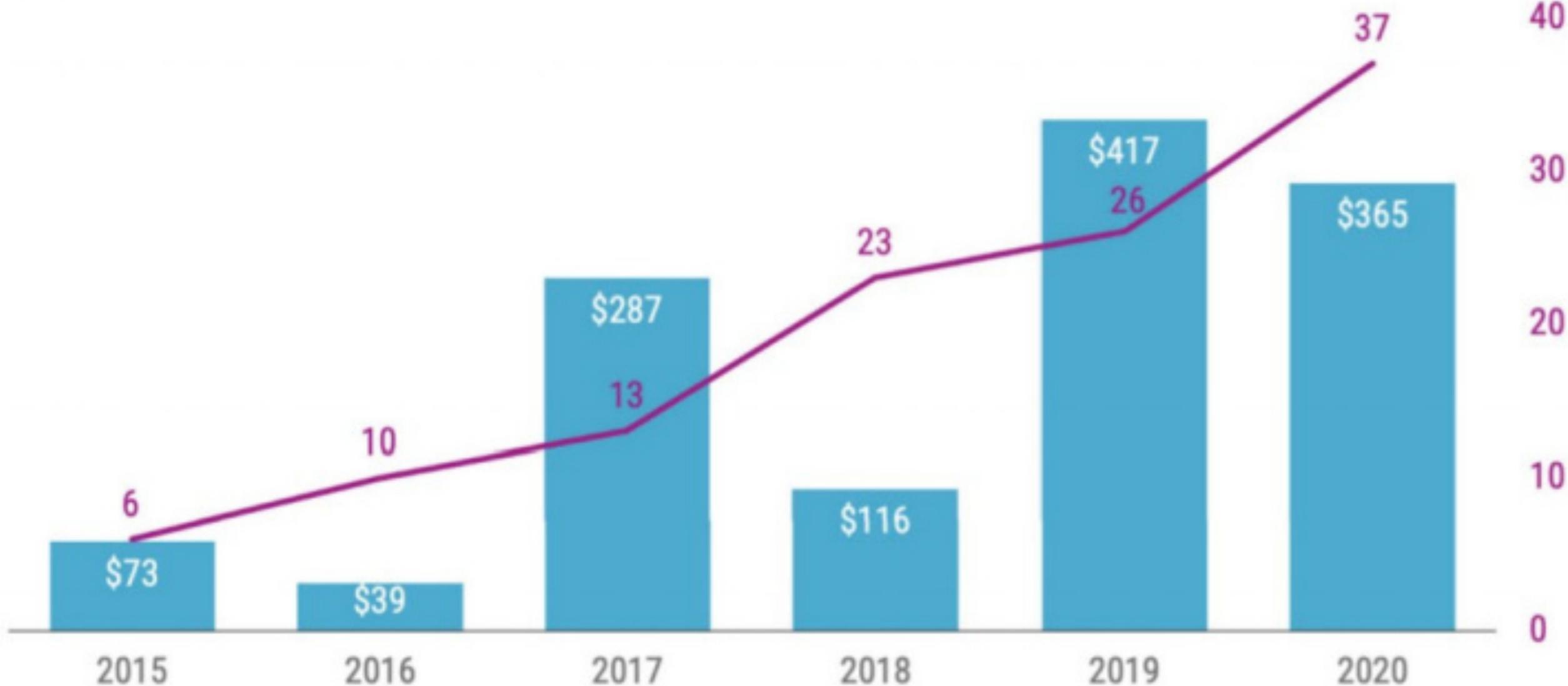
\$400

\$300

\$200

\$100

\$0



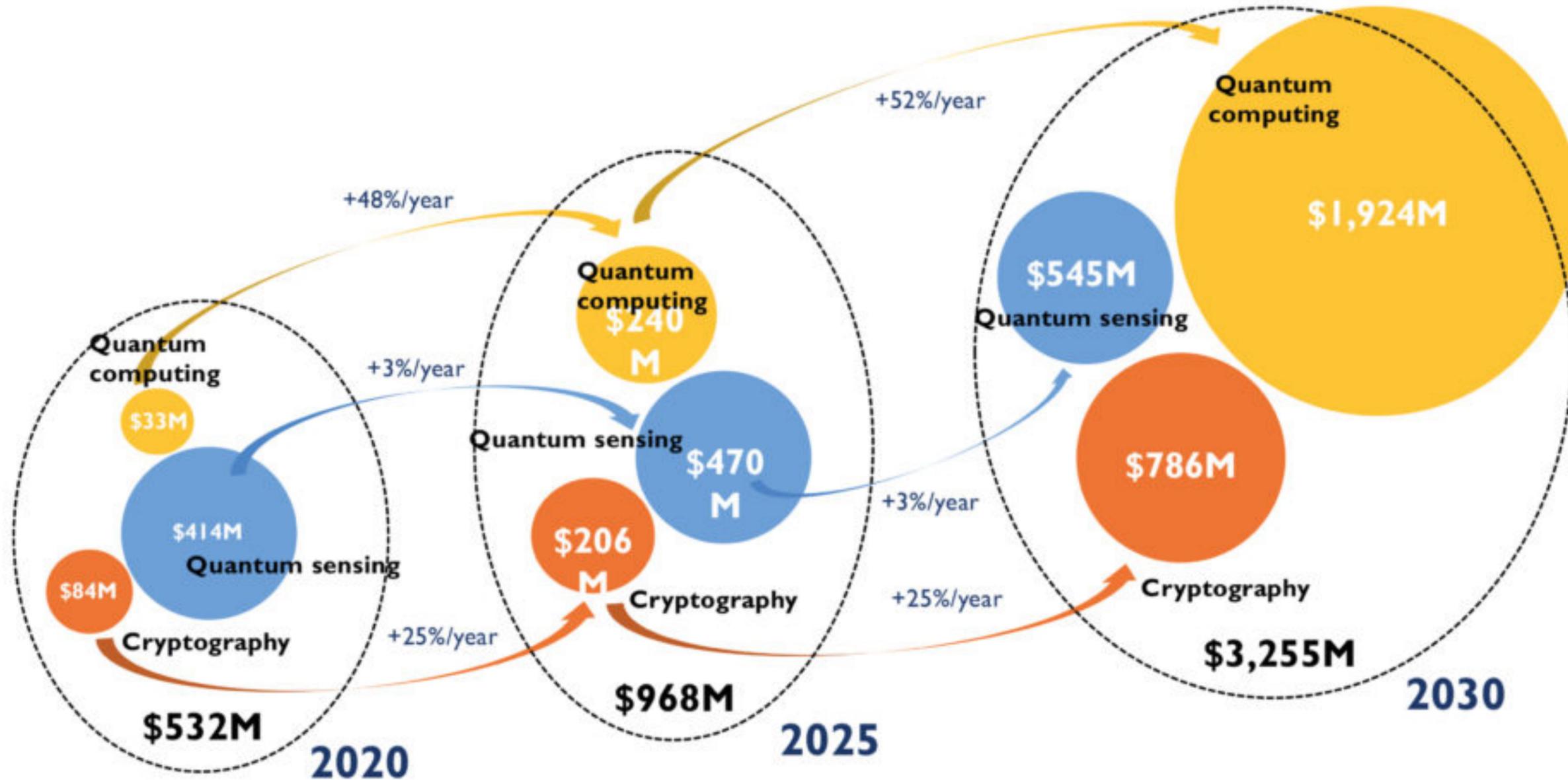
Source: cbinsights.com

CBINSIGHTS

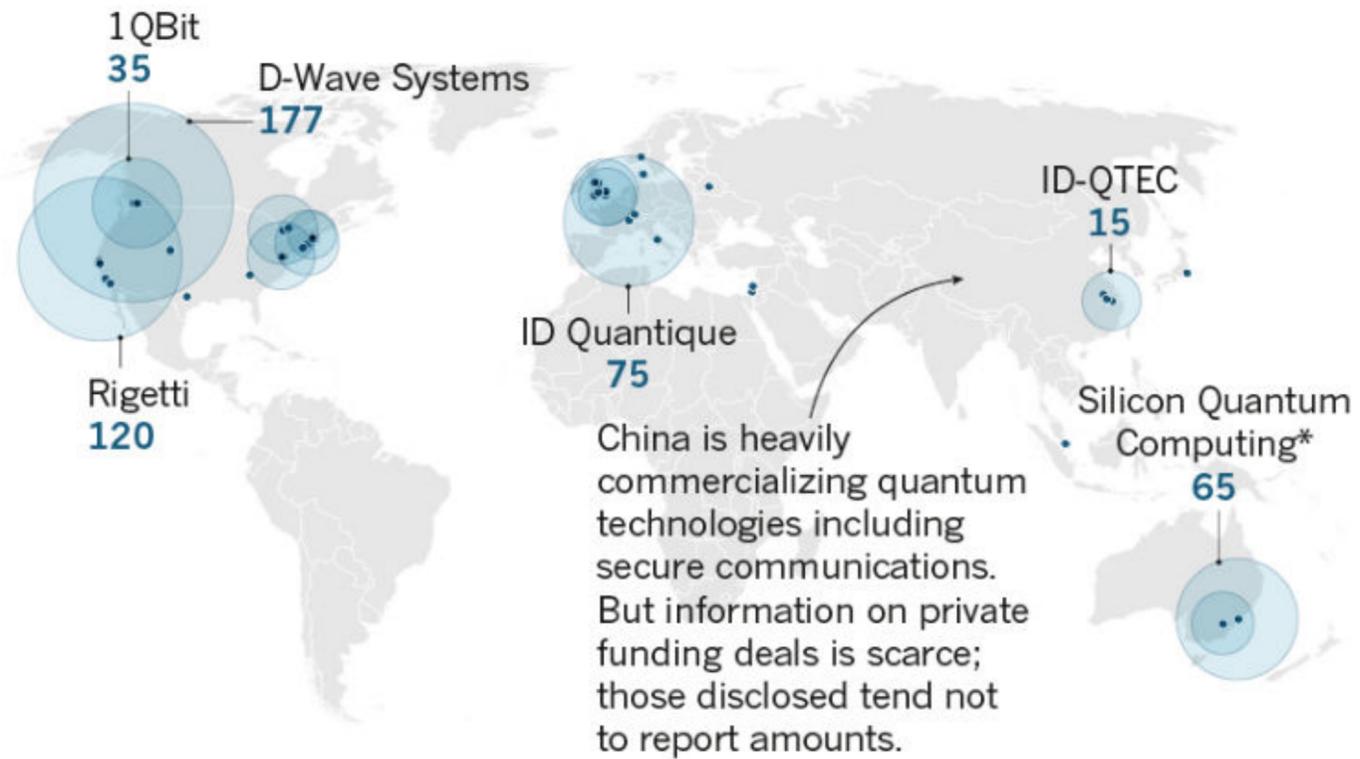
# Tendencias tecnológicas

## 2020 – 2025 – 2030 quantum technologies forecast

(Source: Quantum Technologies report, Yole Développement, 2020)



## LOCATION OF INVESTMENTS 2012-18 (US\$, millions)



©nature

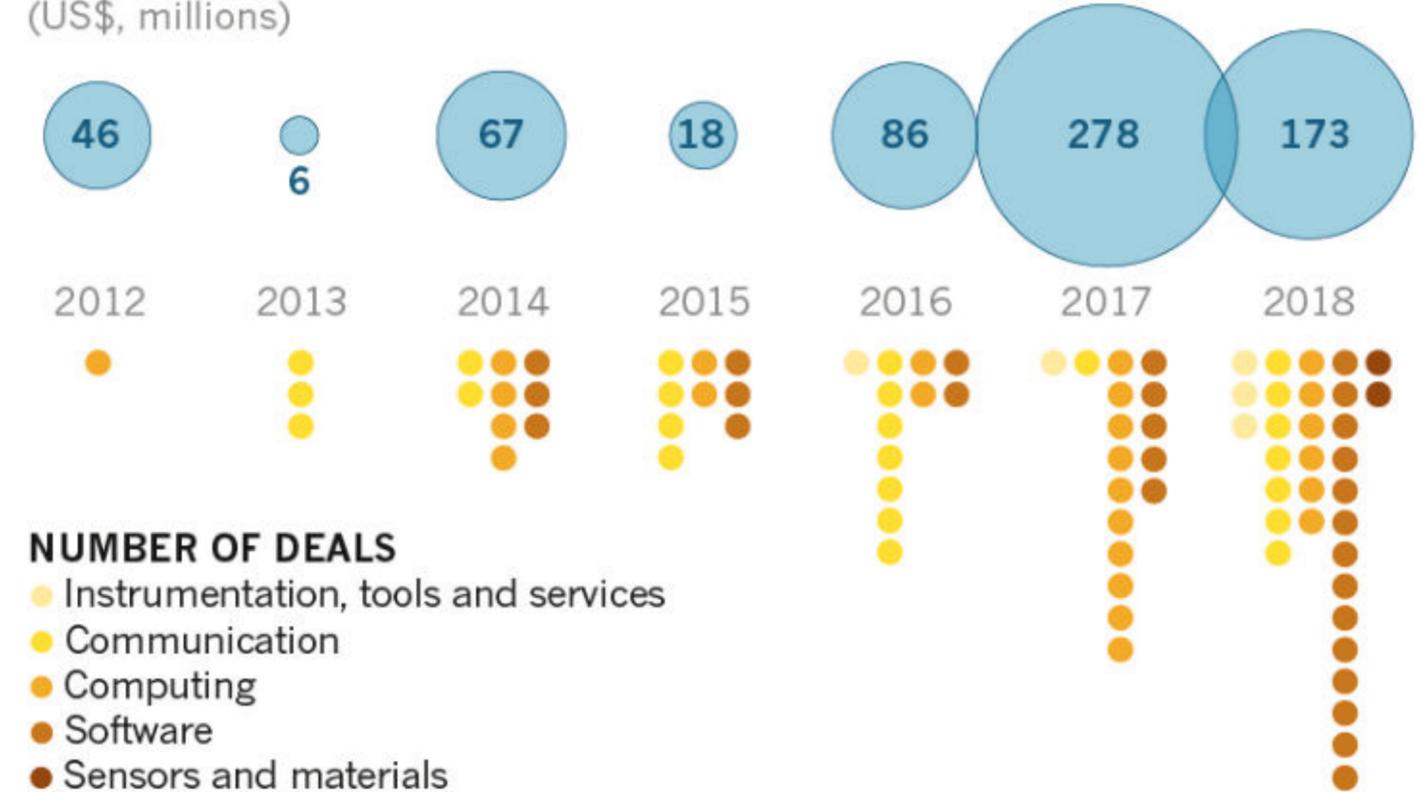
\*Includes unspecified contribution from the Australian government alongside private investors.

Source: Nature analysis, including data from Quantum Computing Report, Boston Consulting Group, PitchBook and Crunchbase

## Cash for qubits

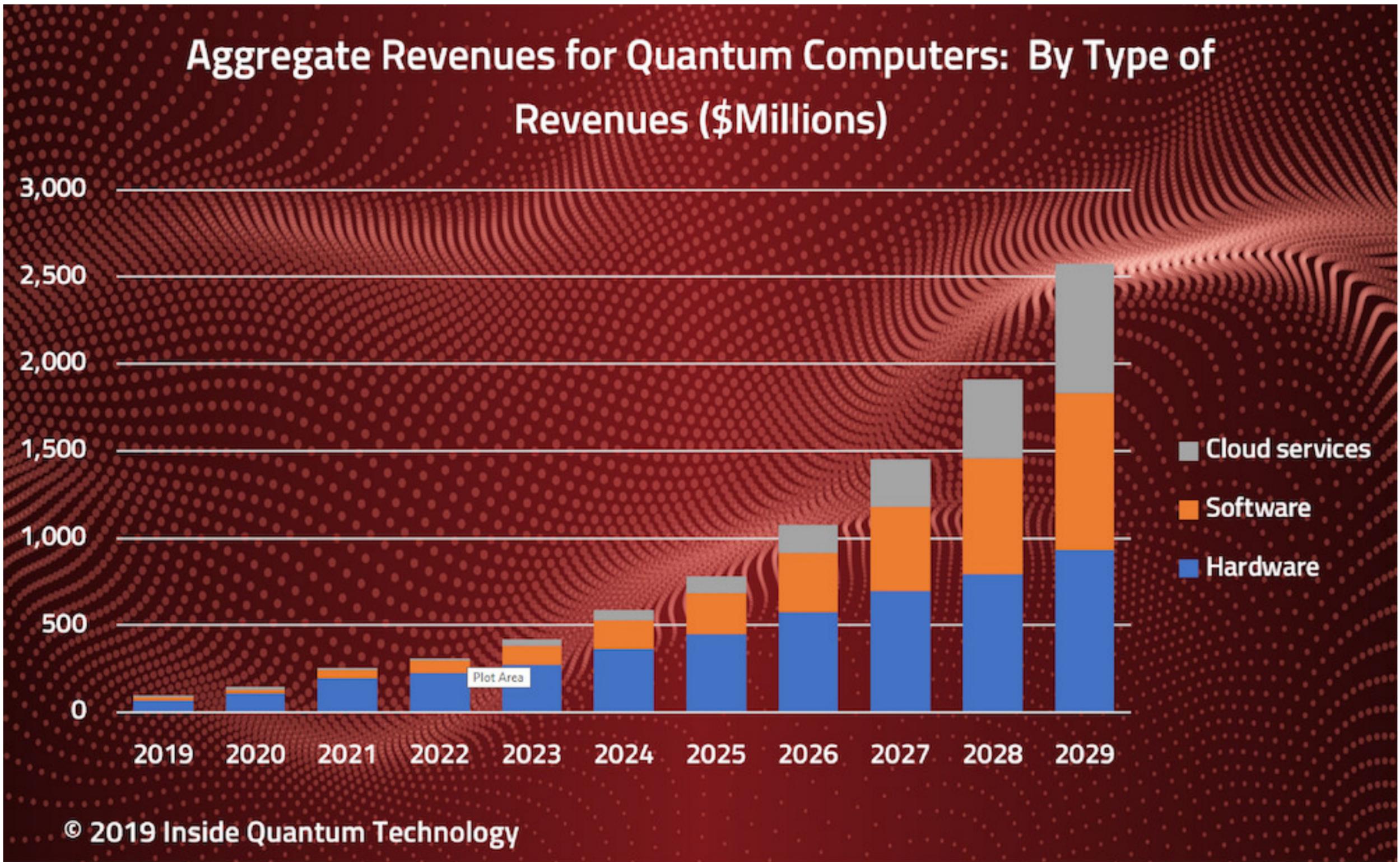
A growing number of quantum technology firms are raising cash from private investors, particularly in the sectors of quantum computing and quantum software.

### TOTAL VALUE OF DEALS (US\$, millions)



Elizabeth Gibney. **Quantum gold rush: the private funding pouring into quantum start-ups.** Nature, October 2019.

# Ingresos

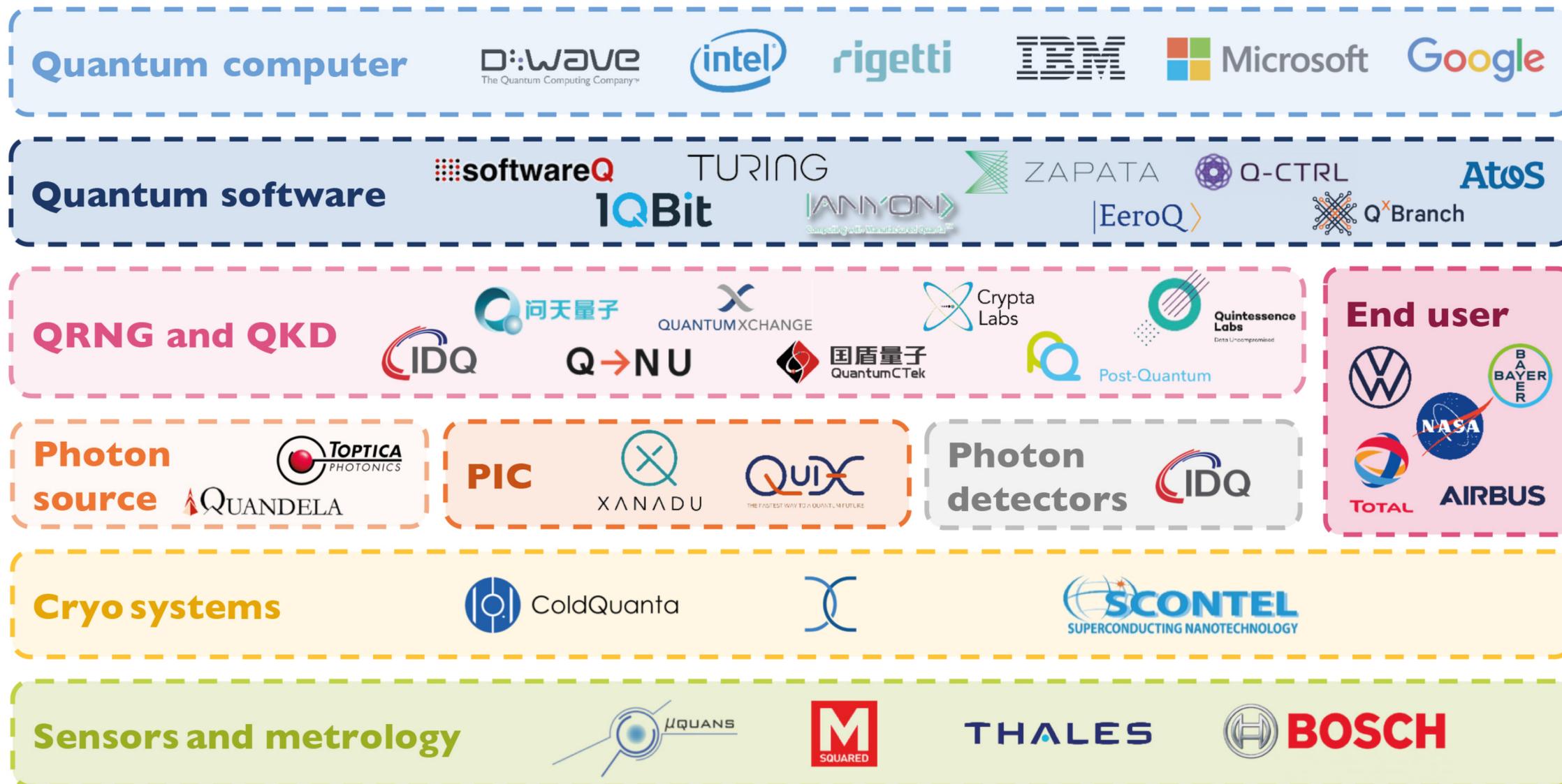


# Empresas



# Cadena de suministro

(Source: Quantum Technologies 2020 report, Yole Développement, 2020)



Non exhaustive list

PIC: Photonic Integrated Circuit - QKD: Quantum Key Distribution - QRNG: Quantum Random Number Generator

## Software & Consultants

## Quantum Computers

## Enabling Technologies

## New Funding Strategies

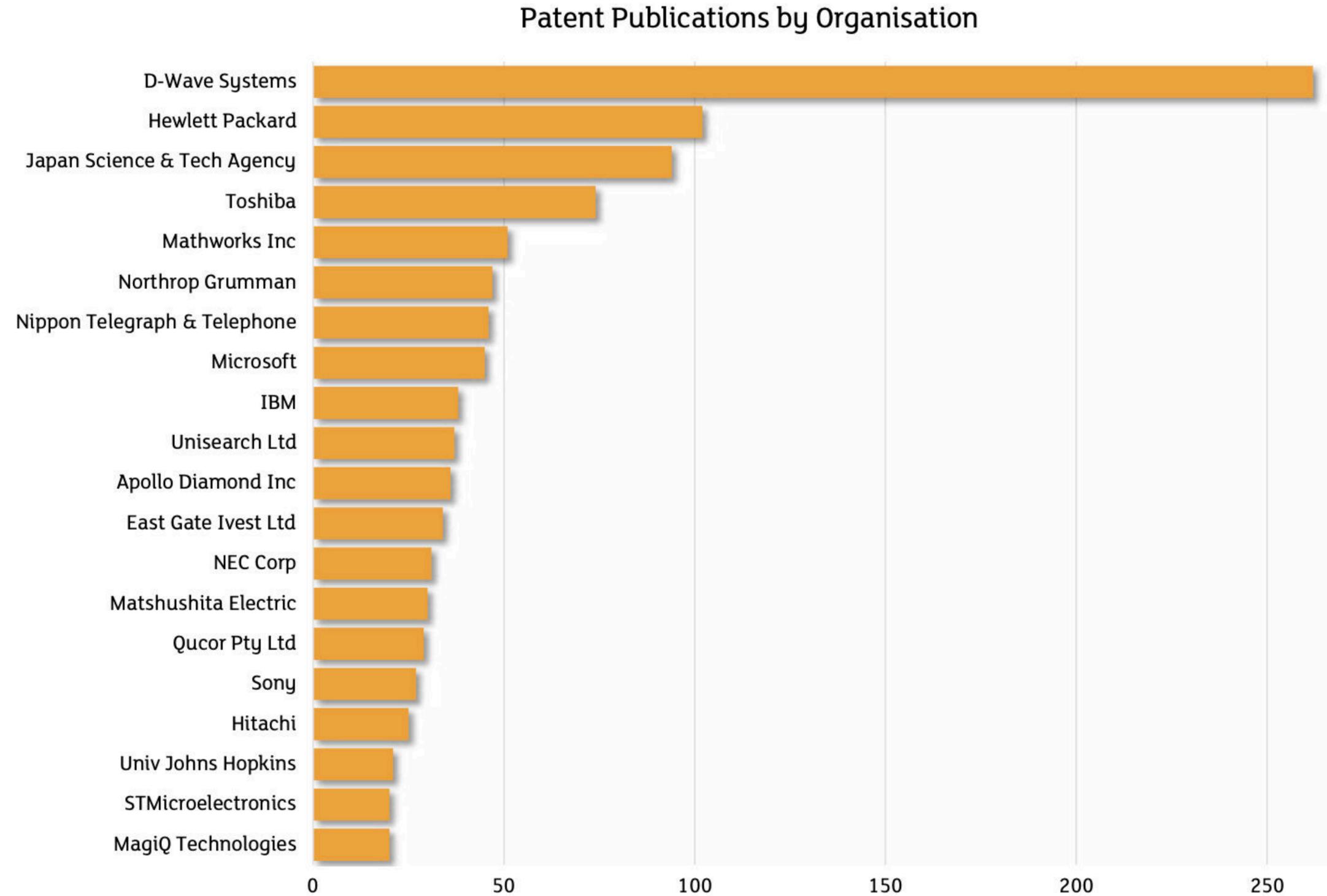
Representative list of players. A very active ecosystem!



# Patentes

The USA tops the list followed by the European Union, Canada, Japan and the UK.

Figure 2.3 shows the most active organisations, with D-Wave Systems (Canada) clearly leading the field, followed by Hewlett Packard, the Japan Science & Tech Agency and Toshiba.



# What can quantum computers do better?

Quantum computing could solve a range of complex aerospace problems



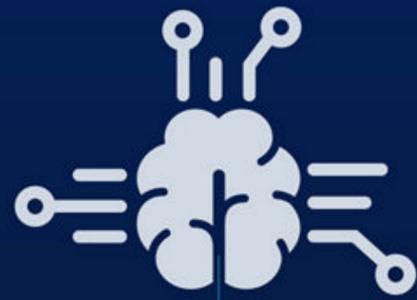
RESOLVING COMPLEX COMPUTATIONAL CHALLENGES



IMPROVING CRYPTOGRAPHIC ALGORITHMS



DEBUGGING MILLIONS OF LINES OF SOFTWARE CODE



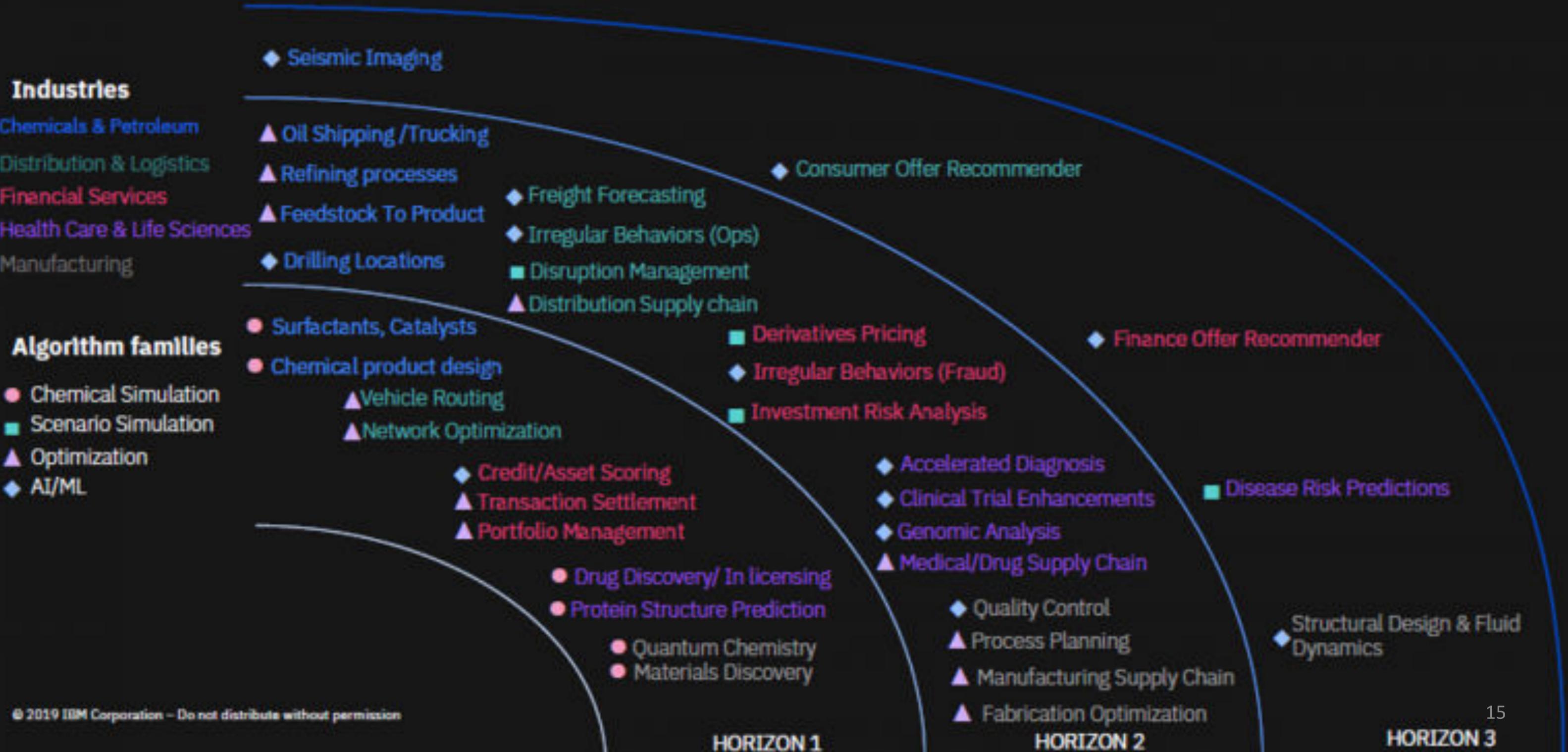
ADVANCING MACHINE LEARNING



SPEEDING UP AIRCRAFT DESIGN

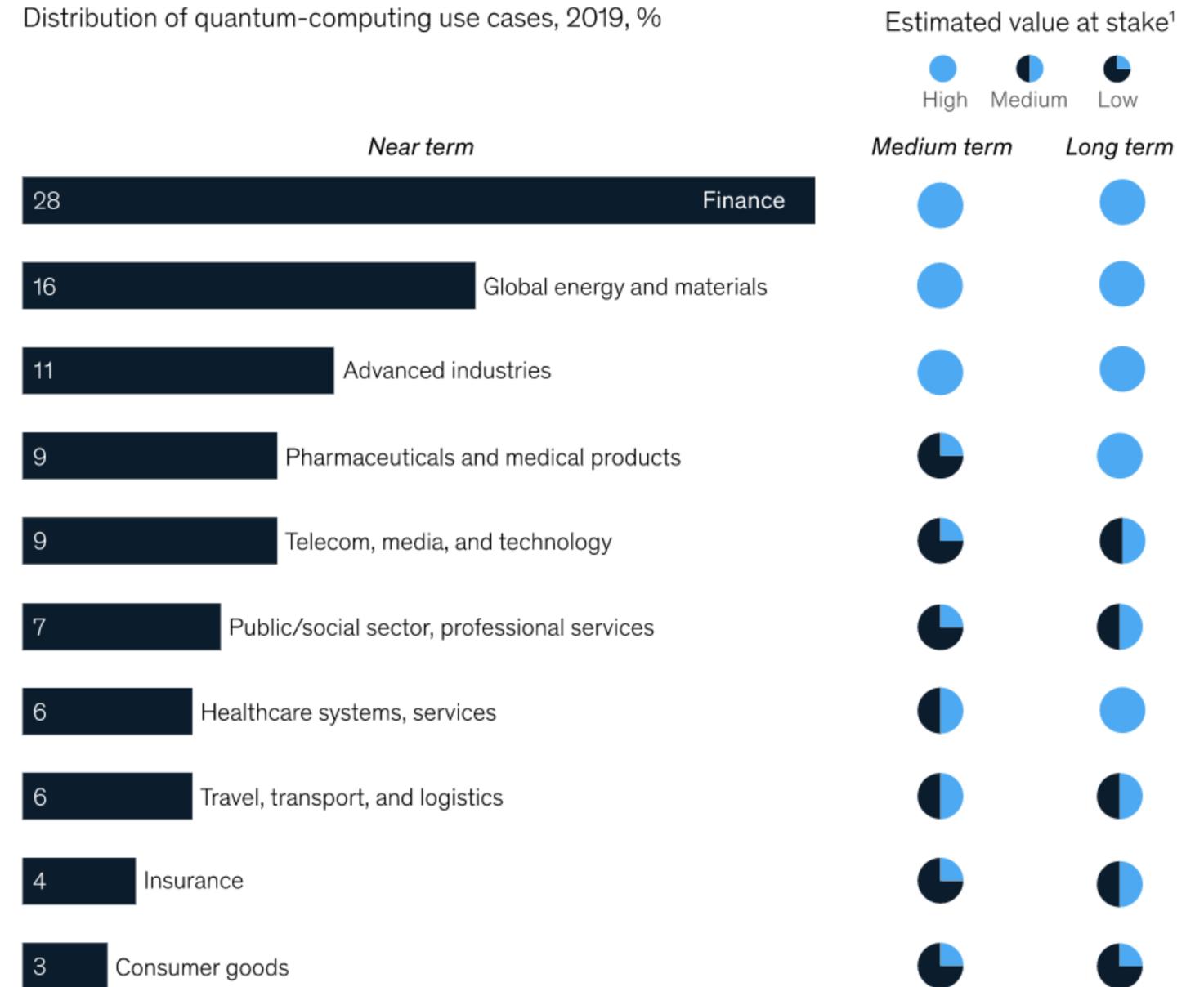


# Maturity horizons are based on tangible value of Quantum Volume and potential advantage applied to a business use case

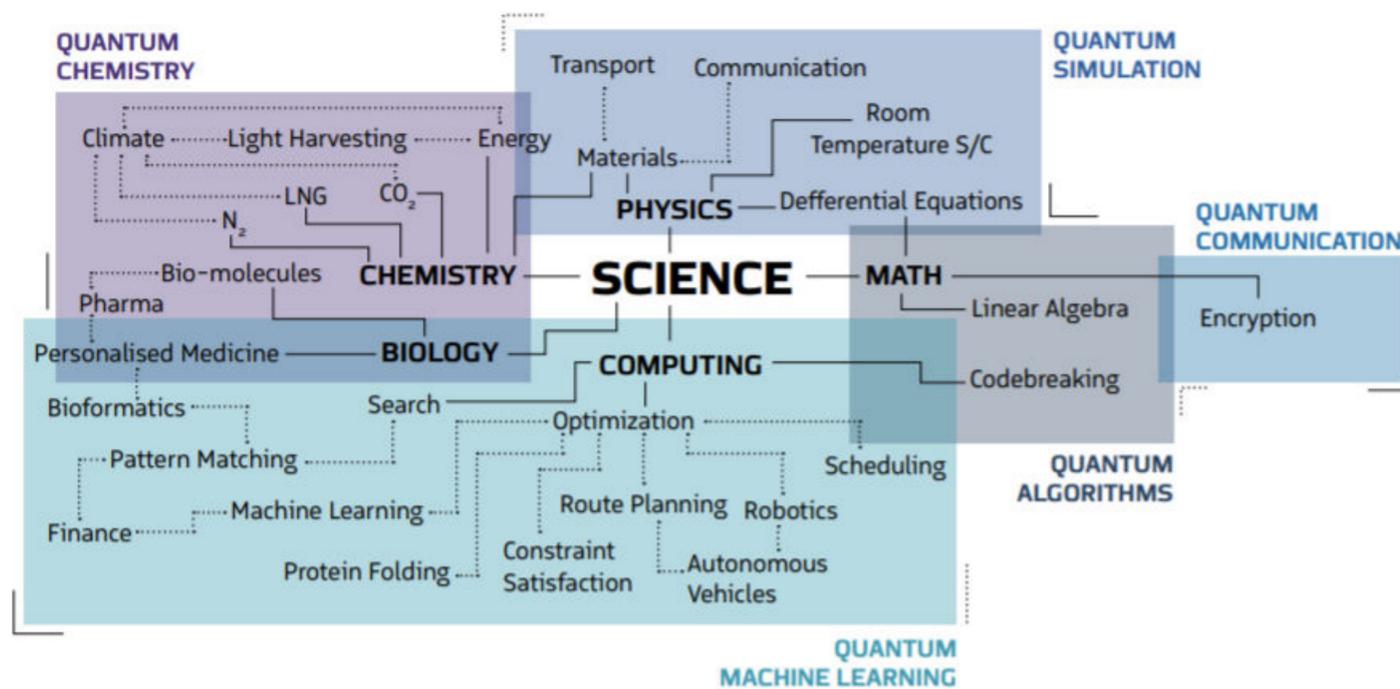


## Who could create value with quantum computing?

Distribution of quantum-computing use cases, 2019, %



<sup>1</sup>Approximate timing for medium term is by the year 2025; for long term, by the year 2035. Experts consider these values at stake to be a snapshot in time. Fully developed quantum computing will lead to additional value within and shifts between industry verticals. Source: Expert interviews; McKinsey analysis



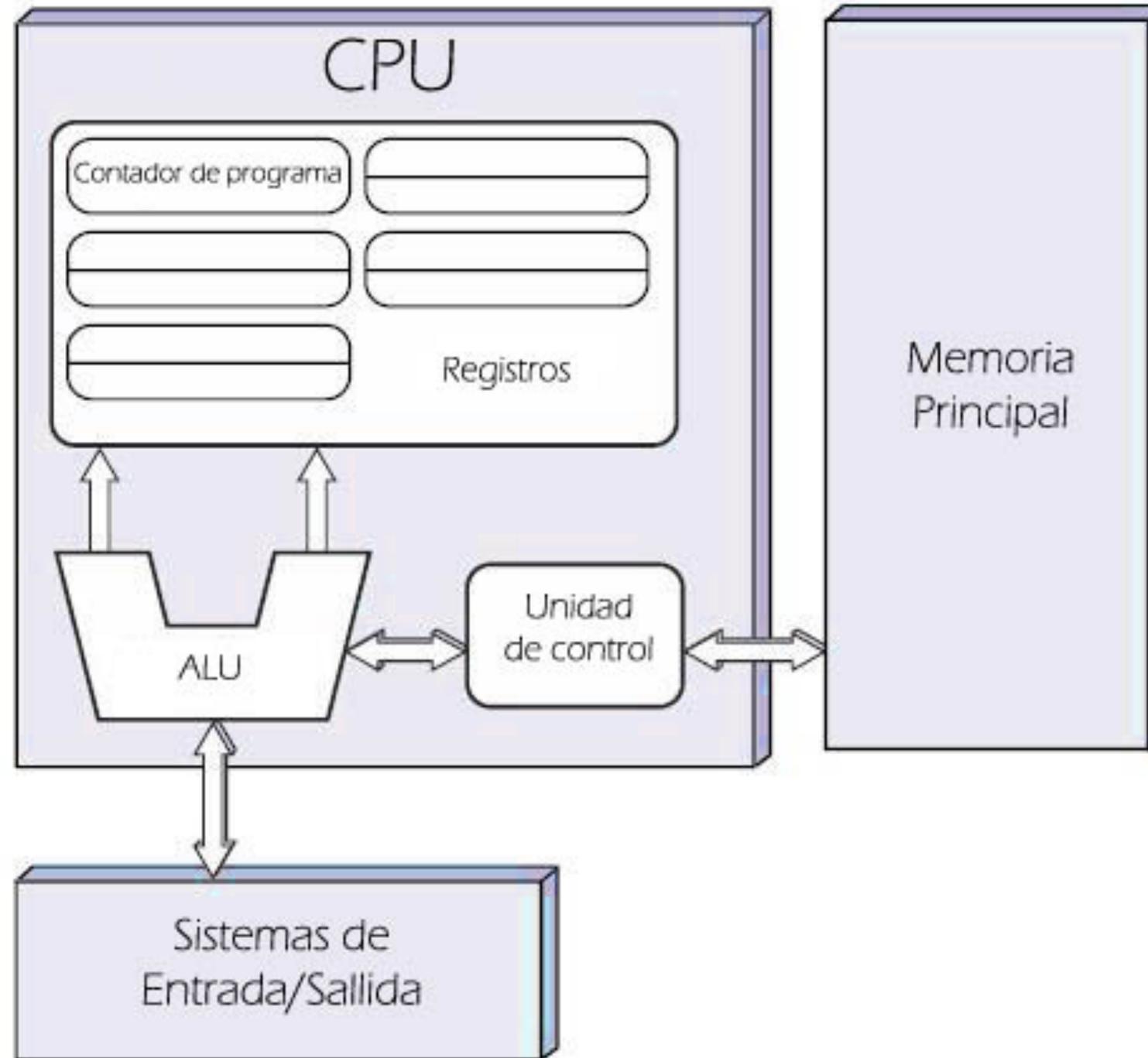
**Figure 2**  
Potential applications for quantum computing (Source: Quantum Computing Market & Technologies - 2018-2024, Industry 4.0 Market Research, a division of HSRC, February 2018)

**¿Cómo funcionan?**  
**¿qué las hace especiales?**

# ¿Qué es una computadora?

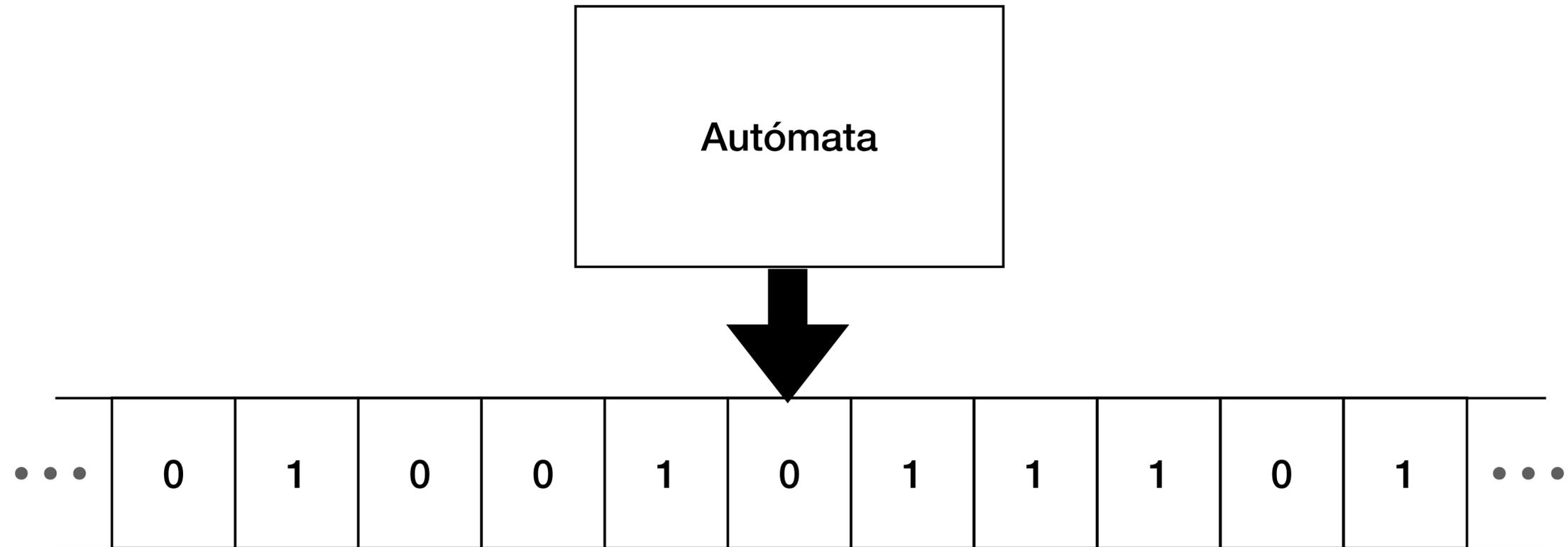


# Arquitectura Von Neumann



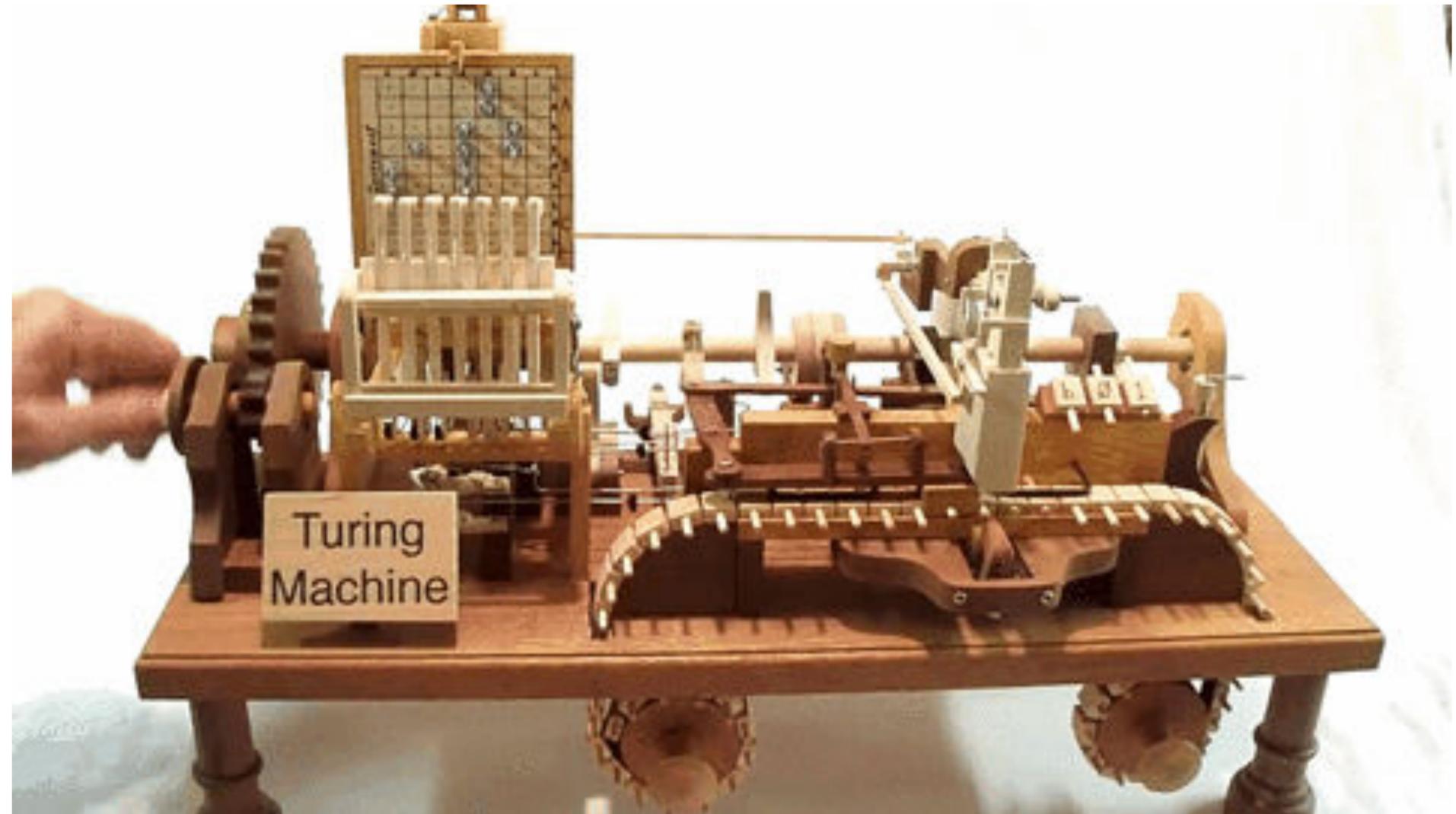
# Máquina de Turing

## Conceptos Básicos



# Máquina de Turing

## Conceptos Básicos



# Máquina de Turing (máquina clásica)

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y no tienen repercusión a la distancia, se propagan a partir del punto en que suceden a puntos vecinos en unidades discretas de tiempo, o a una velocidad limitada.

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado a la vez, no puede estar en la superposición de varios estados al mismo tiempo.

- **Principio de Objetividad:**

- Un observador puede consultar el estado del sistema y conocerlo completamente sin interferir en el.

# ¿Se cumplen en Mecánica Cuántica?

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y no tienen repercusión a la distancia, se propagan a partir del punto en que suceden a puntos vecinos en unidades discretas de tiempo, o a una velocidad limitada.

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado a la vez, no puede estar en la superposición de varios estados al mismo tiempo.

- **Principio de Objetividad:**

- Un observador puede consultar el estado del sistema y conocerlo completamente sin interferir en el.

# ¿Se cumplen en Mecánica Cuántica?

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y no tienen repercusión a la distancia, se propagan a partir del punto en el que suceden a puntos vecinos en unidades discretas de tiempo, o a una velocidad limitada.

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado a la vez, no puede estar en la superposición de varios estados al mismo tiempo.

- **Principio de Objetividad:**

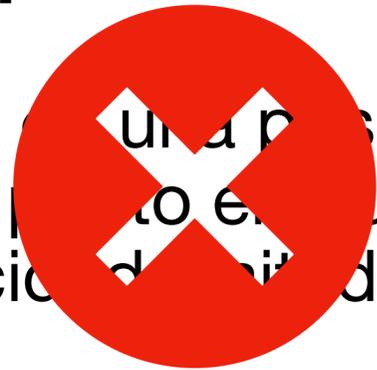
- Un observador puede consultar el estado del sistema y conocerlo completamente sin interferir en él.

# ¿Se cumplen en Mecánica Cuántica?

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y se propagan a partir del punto en un tiempo, o a una velocidad finita.



Un estado cuántico es global, la acción en un punto pueden alterar el estado en otro lugar instantáneamente

, se discretas de

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado a la vez, no puede estar en la superposición de varios estados al mismo tiempo.

- **Principio de Objetividad:**

- Un observador puede consultar el estado del sistema y conocerlo completamente sin interferir en el.

# ¿Se cumplen en Mecánica Cuántica?

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y se propagan a partir del punto en un tiempo, o a una velocidad finita.

Un estado cuántico es global, la acción en un punto pueden alterar el estado en otro lugar instantáneamente, se discretas de

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado a la vez, no puede estar en la superposición de varios estados al mismo tiempo.

- **Principio de Objetividad:**

- Un observador puede consultar el estado del sistema y conocerlo completamente sin interferir en el.

# ¿Se cumplen en Mecánica Cuántica?

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y tiempo, se propagan a partir del punto en el que suceden a una velocidad finita.

Un estado cuántico es global, la acción en un punto pueden alterar el estado en otro lugar instantáneamente, se discretas de

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado a la vez, no puede estar en la superposición de varios estados al mismo tiempo.

Un estado cuántico puede estar en la superposición de varios estados globales

- **Principio de Objetividad:**

- Un observador puede consultar el estado del sistema y conocerlo completamente sin interferir en el.

# ¿Se cumplen en Mecánica Cuántica?

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y se propagan a partir del punto en el que ocurren a una velocidad finita, o a una velocidad menor que la de la luz.

Un estado cuántico es global, la acción en un punto pueden alterar el estado en otro lugar instantáneamente, se discretas de

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado a la vez, no puede estar en la superposición de varios estados al mismo tiempo.

Un estado cuántico puede estar en la superposición de varios estados globales

- **Principio de Objetividad:**

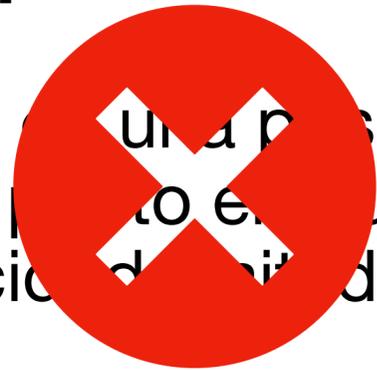
- Un observador puede conocer el estado del sistema y conocerlo completamente sin interferir en él.

# ¿Se cumplen en Mecánica Cuántica?

## Supuestos

- **Principio de Localidad:**

- Los eventos suceden en una posición y se propagan a partir del punto en un tiempo, o a una velocidad finita.



Un estado cuántico es global, la acción en un punto pueden alterar el estado en otro lugar instantáneamente

, se discretas de

- **Principio de Unicidad:**

- Un sistema solo puede estar en un estado de varios estados al mismo tiempo.

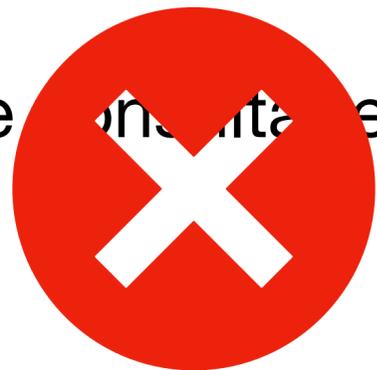


Un estado cuántico puede estar en la superposición de varios estados globales

superposición

- **Principio de Objetividad:**

- Un observador puede observar el sistema sin interferir en él.

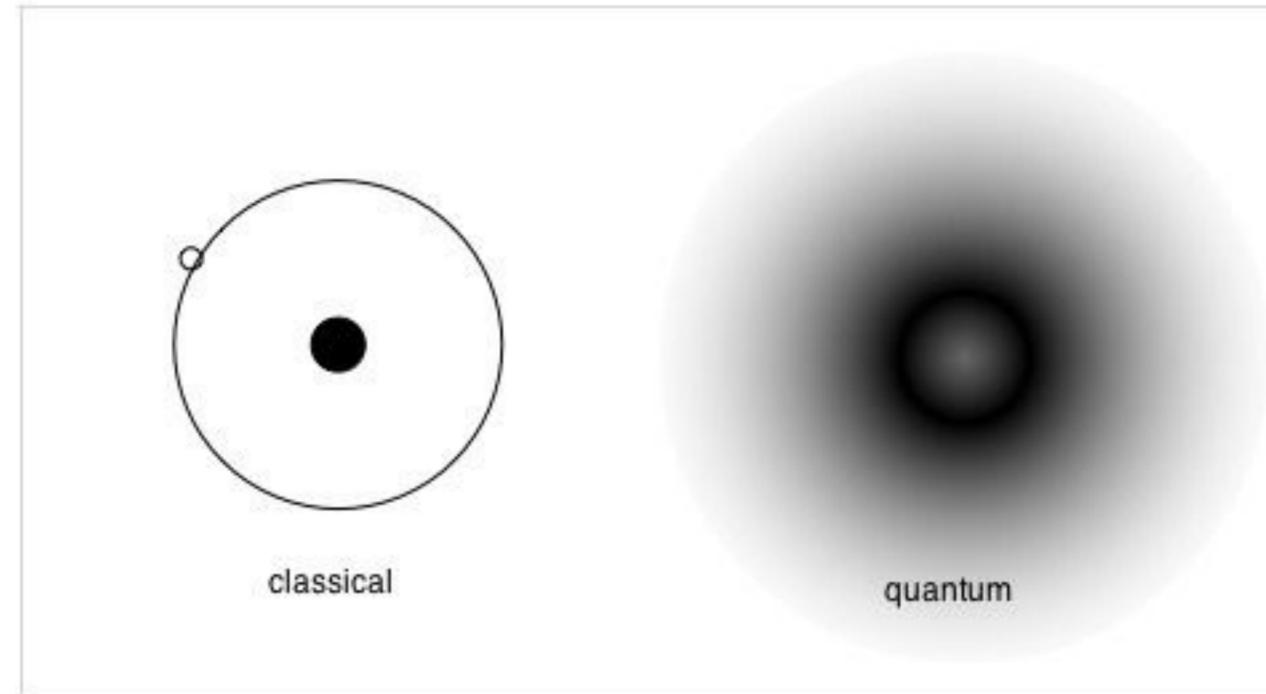


No es posible observar el estado sin alterarlo, Las reglas del sistema mientras no se observa son distintas a cuando interactuamos con el

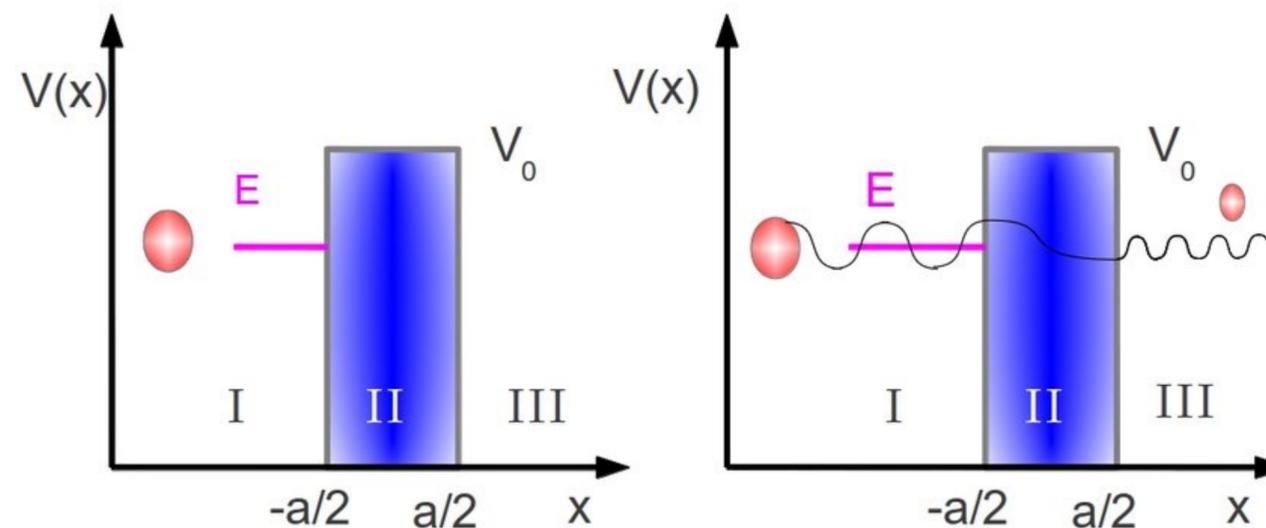
mente sin

# Física clásica vs física cuántica

- Identidad definida (onda vs partícula)
- Mismas causas, mismos efectos (determinismo)
- Magnitud de efectos de proporcional a distancia (localidad)
- Medir el sistema no altera su estado (determinismo)
- El estado no se degrada al interactuar con su ambiente (coherencia)



- Identidad dual (onda y partícula)
- Una causa, múltiples posibles efectos (probabilidad)
- Causas lejanas pueden tener efectos fuertes (no-localidad)
- Medir el sistema sí altera su estado (no-determinismo)
- El estado se degrada en el tiempo al interactuar con su ambiente (decoherencia)



# ¿Cómo interpretamos la Mecánica Cuántica?

## Filosofía



SOLVAY CONFERENCE 1927

colourized by pastincolour.com

A. PICARD    E. HENRIOT    P. EHRENFEST    Ed. HERSEN    Th. DE DONDER    E. SCHRÖDINGER    E. VERSCHAFFELT    W. PAULI    W. HEISENBERG    R.H FOWLER    L. BRILLOUIN  
P. DEBYE    M. KNUDSEN    W.L. BRAGG    H.A. KRAMERS    P.A.M. DIRAC    A.H. COMPTON    L. de BROGLIE    M. BORN    N. BOHR  
I. LANGMUIR    M. PLANCK    Mme CURIE    H.A. LORENTZ    A. EINSTEIN    P. LANGEVIN    Ch.E. GUYE    C.T.R. WILSON    O.W. RICHARDSON

Absents : Sir W.H. BRAGG, H. DESLANDRES et E. VAN AUBEL

# ¿Cómo interpretamos la Mecánica Cuántica?

## Filosofía

$$i\hbar \frac{\partial |\Psi\rangle}{\partial t} = H |\Psi\rangle$$

Ecuación determinística

Describe ondas

Pero vemos partículas

No se pusieron de acuerdo



SOLVAY CONFERENCE 1927

colourized by pastincolour.com

A. PICARD    E. HENRIOT    P. EHRENFEST    Ed. HERSEN    Th. DE DONDER    E. SCHRÖDINGER    E. VERSCHAFFELT    W. PAULI    W. HEISENBERG    R.H FOWLER    L. BRILLOUIN  
P. DEBYE    M. KNUDSEN    W.L. BRAGG    H.A. KRAMERS    P.A.M. DIRAC    A.H. COMPTON    L. de BROGLIE    M. BORN    N. BOHR  
I. LANGMUIR    M. PLANCK    Mme CURIE    H.A. LORENTZ    A. EINSTEIN    P. LANGEVIN    Ch.E. GUYE    C.T.R. WILSON    O.W. RICHARDSON  
Absents : Sir W.H. BRAGG, H. DESLANDRES et E. VAN AUBEL

# ¿Cómo interpretamos la Mecánica Cuántica?

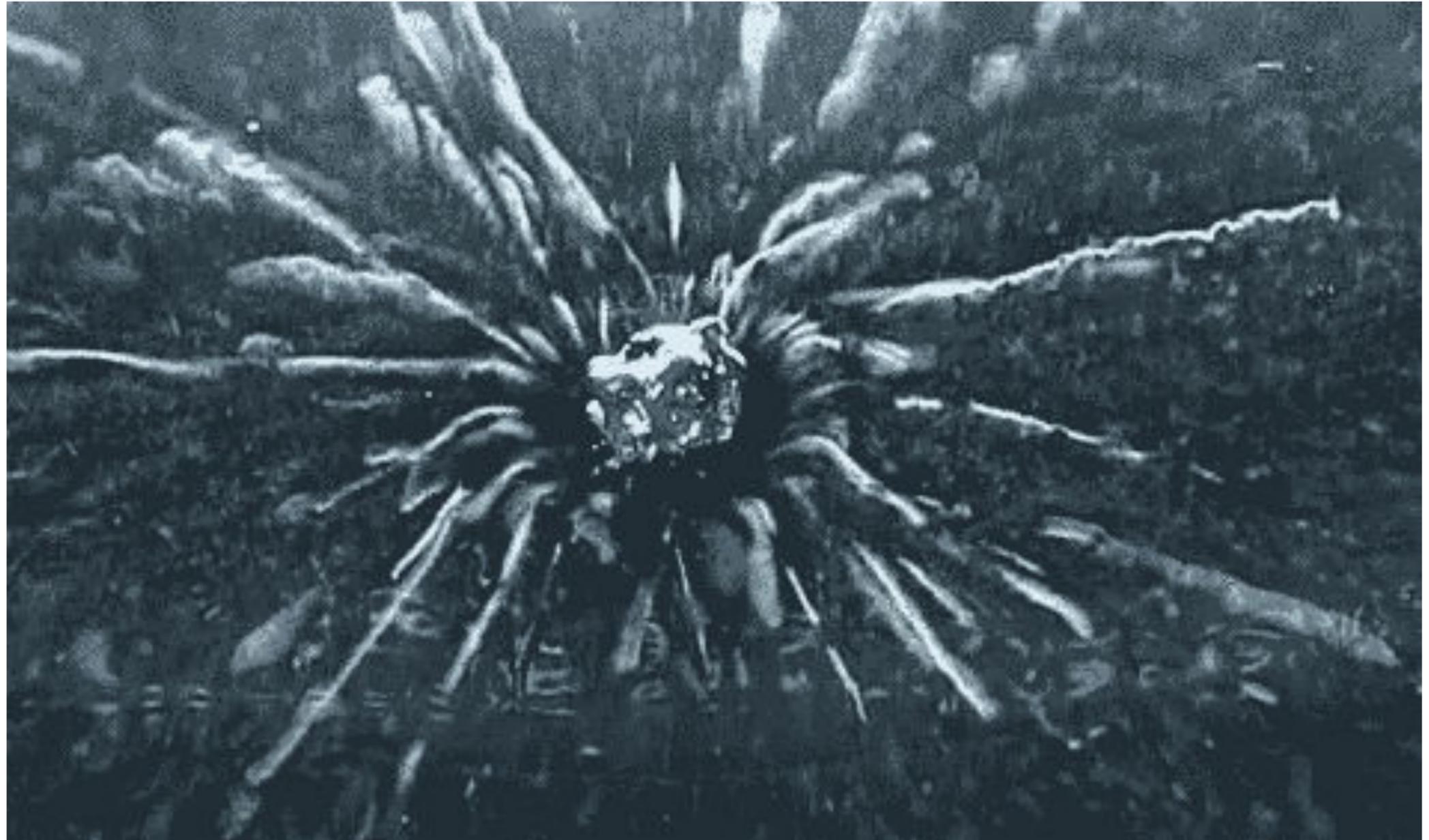
## Filosofía

$$i\hbar \frac{\partial |\Psi\rangle}{\partial t} = H |\Psi\rangle$$

Ecuación determinística

Describe ondas

Pero vemos partículas



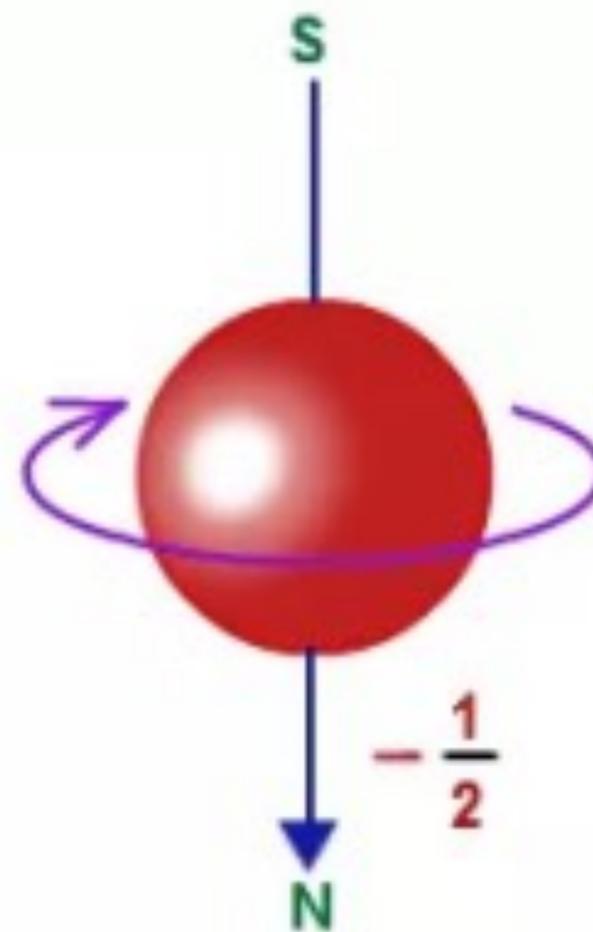
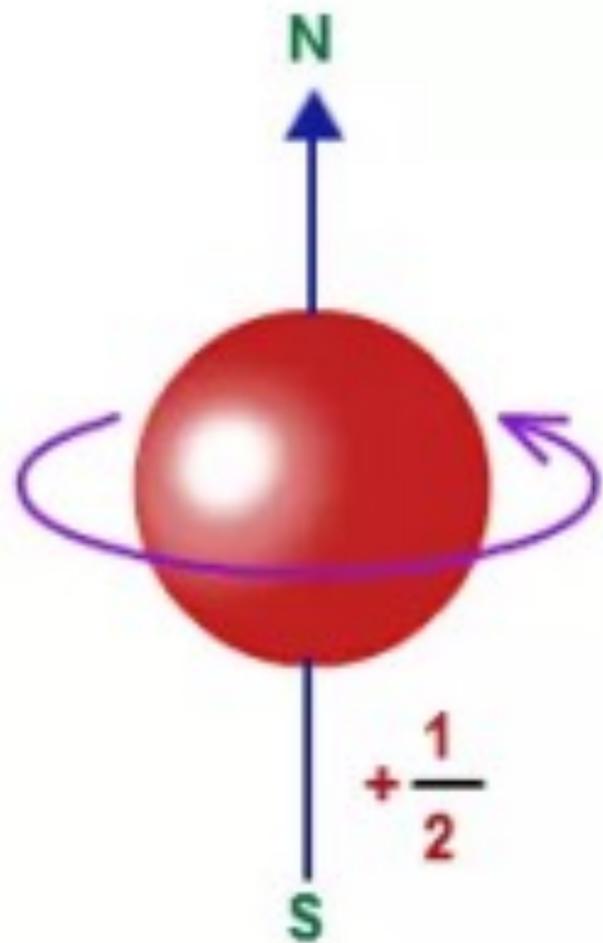
# Qbit

## Bases

- Polarización de la luz
  - Vertical - Horizontal
- Orbita de un electrón dentro de un átomo
  - Orbita externa - Interna
- Spin de una partícula
  - Up - Down

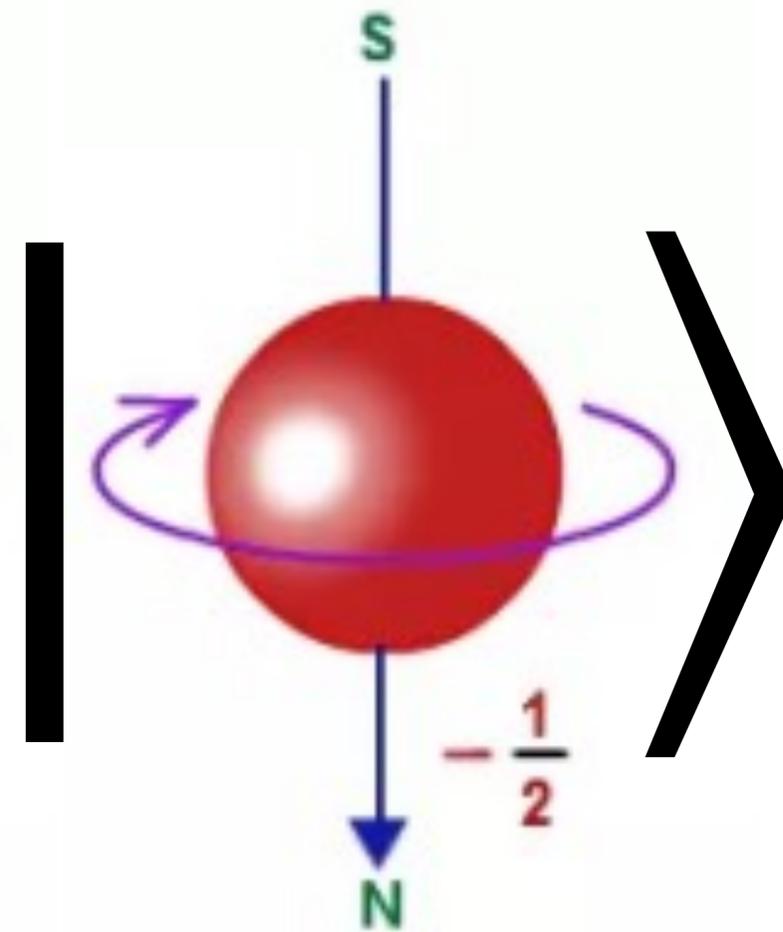
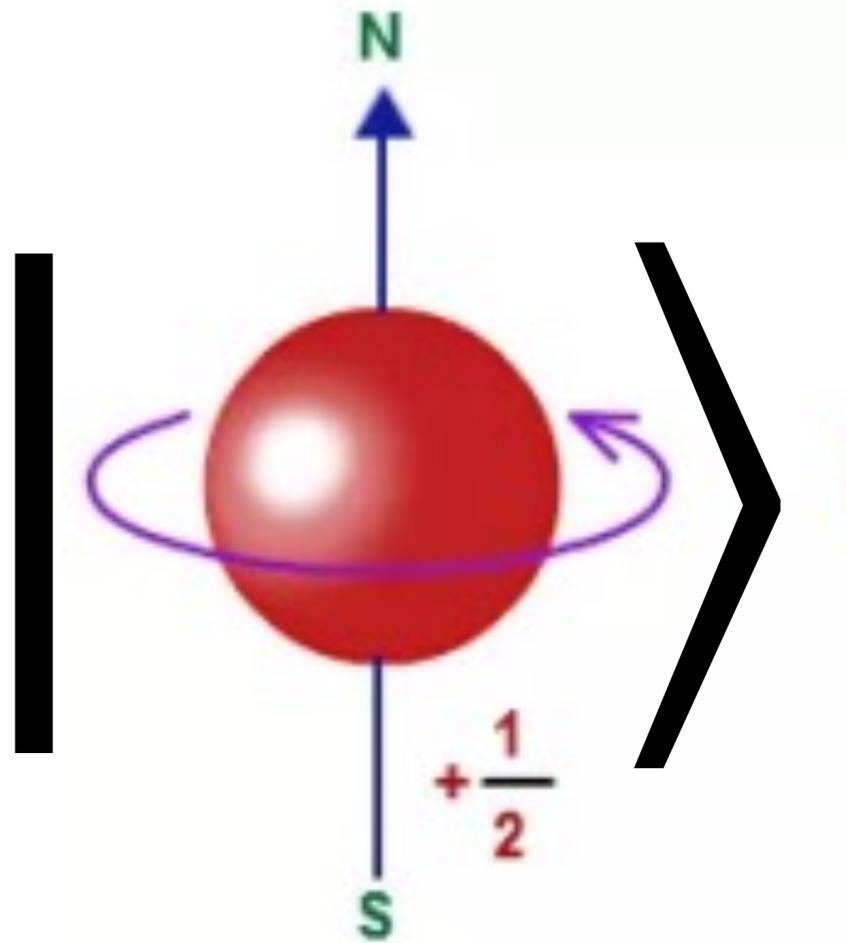
# Qbit

## Spin

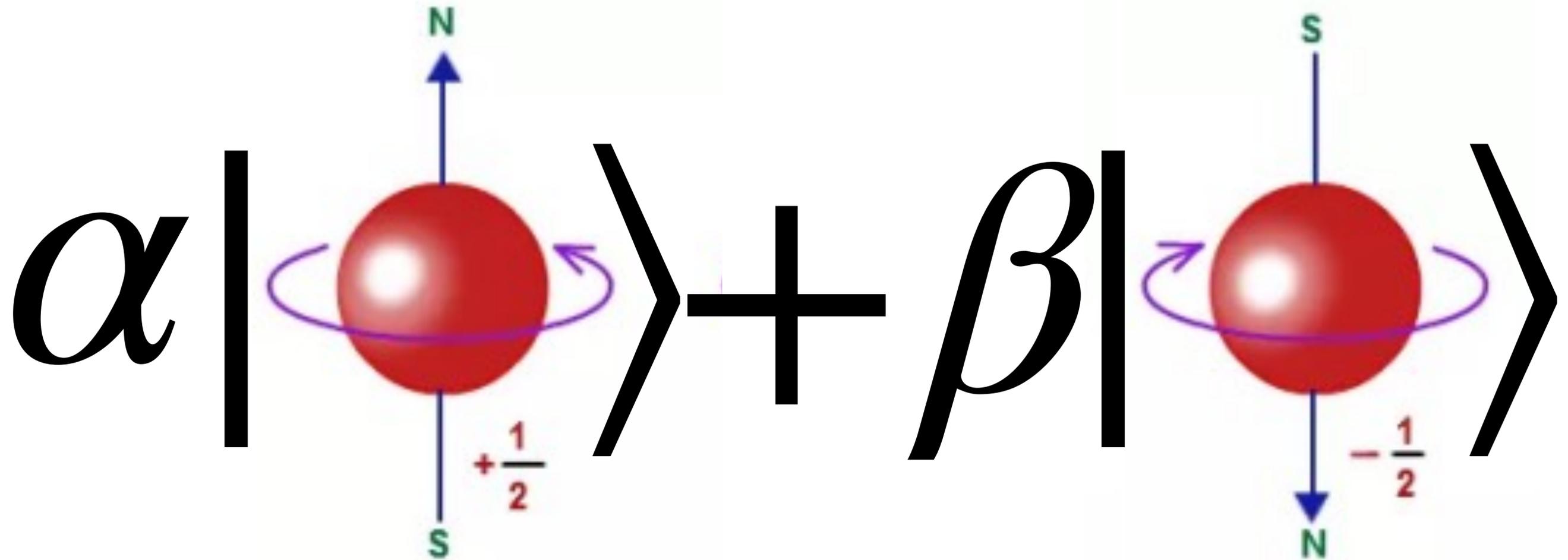


# Qbit

## Notación de Dirac



# Qbit superposición



$$\alpha, \beta \in \mathbb{C}, \quad \alpha^2 + \beta^2 = 1$$

# Qbit

etiquetas 0 y 1

$$\alpha |0\rangle + \beta |1\rangle$$

# Qbit

etiquetas + y -

$$\alpha | + \rangle + \beta | - \rangle$$

# Qbit

## ortogonalidad

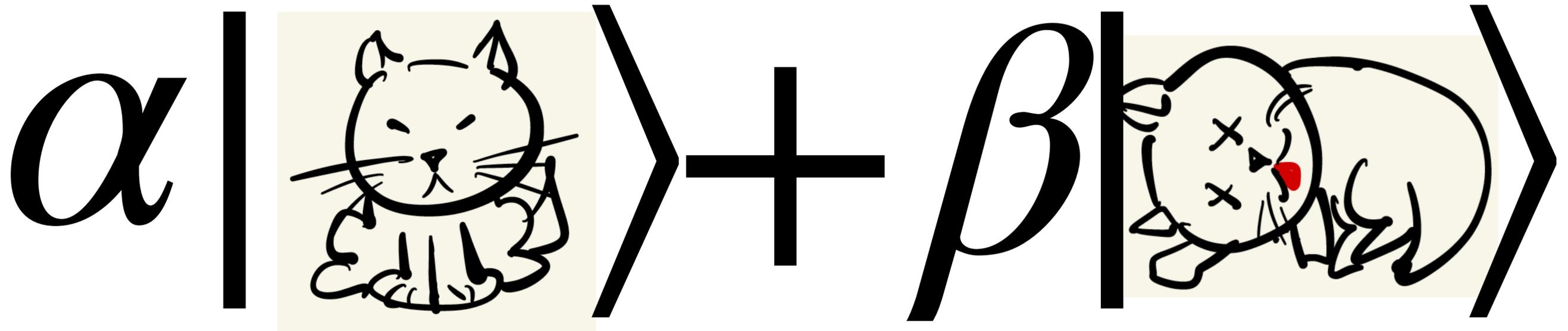
$$\alpha |+\rangle + \beta |-\rangle$$

$$|+\rangle = \frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}$$

$$|-\rangle = \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}$$

# Qbit

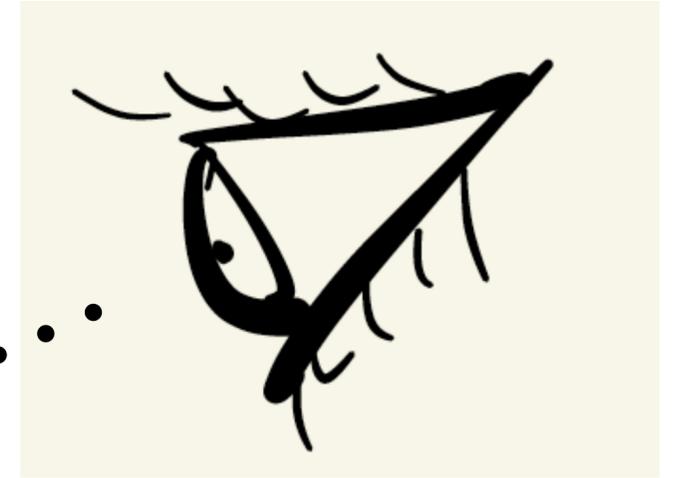
superposición de estados complejos

$$\alpha | \text{cat} \rangle + \beta | \text{dead cat} \rangle$$
The diagram shows a mathematical expression for a qubit state. On the left is the Greek letter alpha (α) in a cursive font, followed by a vertical bar. To the right of the bar is a yellow square containing a simple line drawing of a sitting white cat with black outlines. This is followed by a large right-pointing chevron symbol. To the right of this chevron is a plus sign (+). To the right of the plus sign is the Greek letter beta (β) in a cursive font, followed by another vertical bar. To the right of this bar is a yellow square containing a simple line drawing of a dead white cat with black outlines, its eyes are marked with 'X's, and it has a red tongue sticking out. This is followed by a large right-pointing chevron symbol.

# Qbit

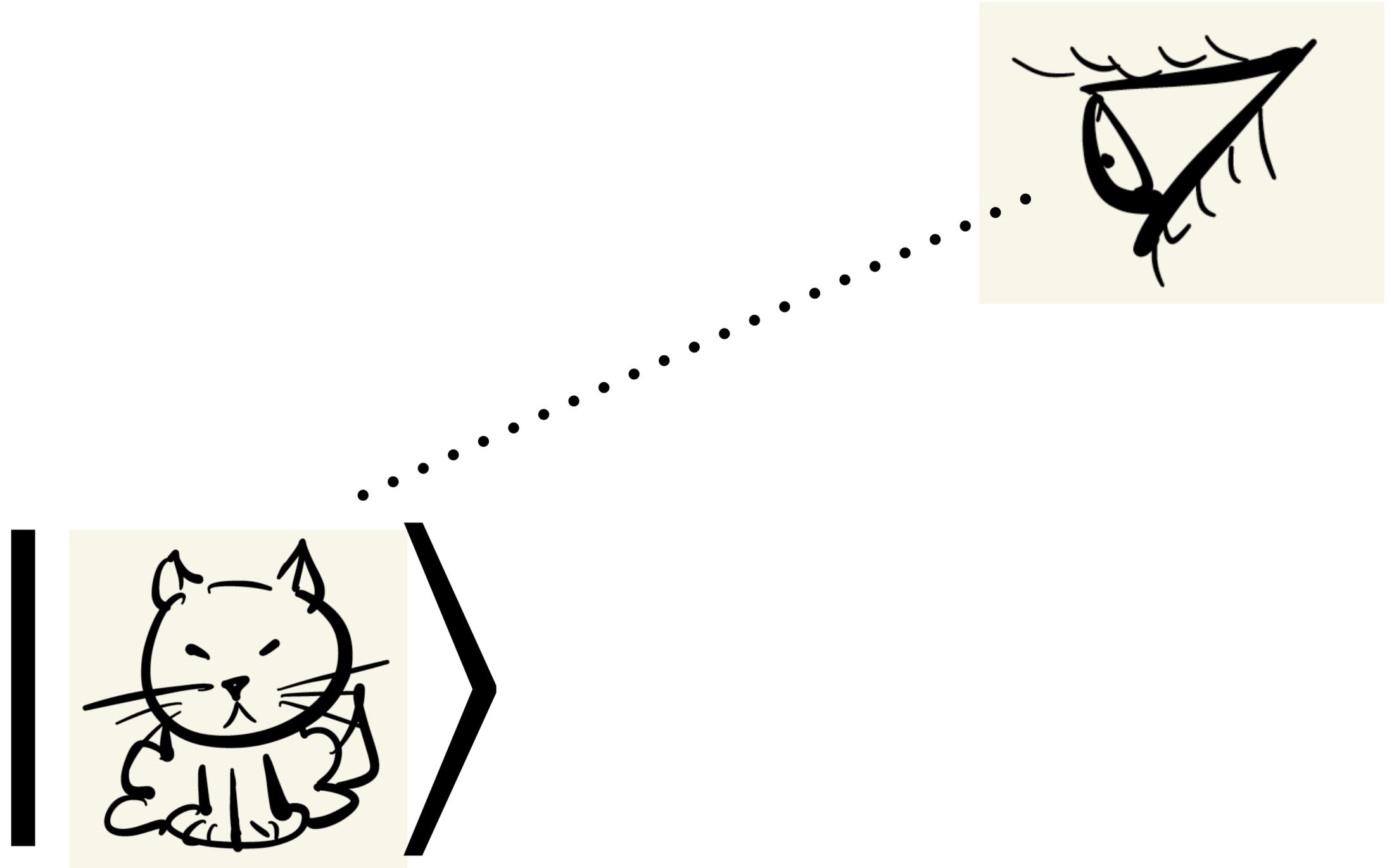
observación

$$\alpha | \text{cat} \rangle + \beta | \text{dead cat} \rangle$$



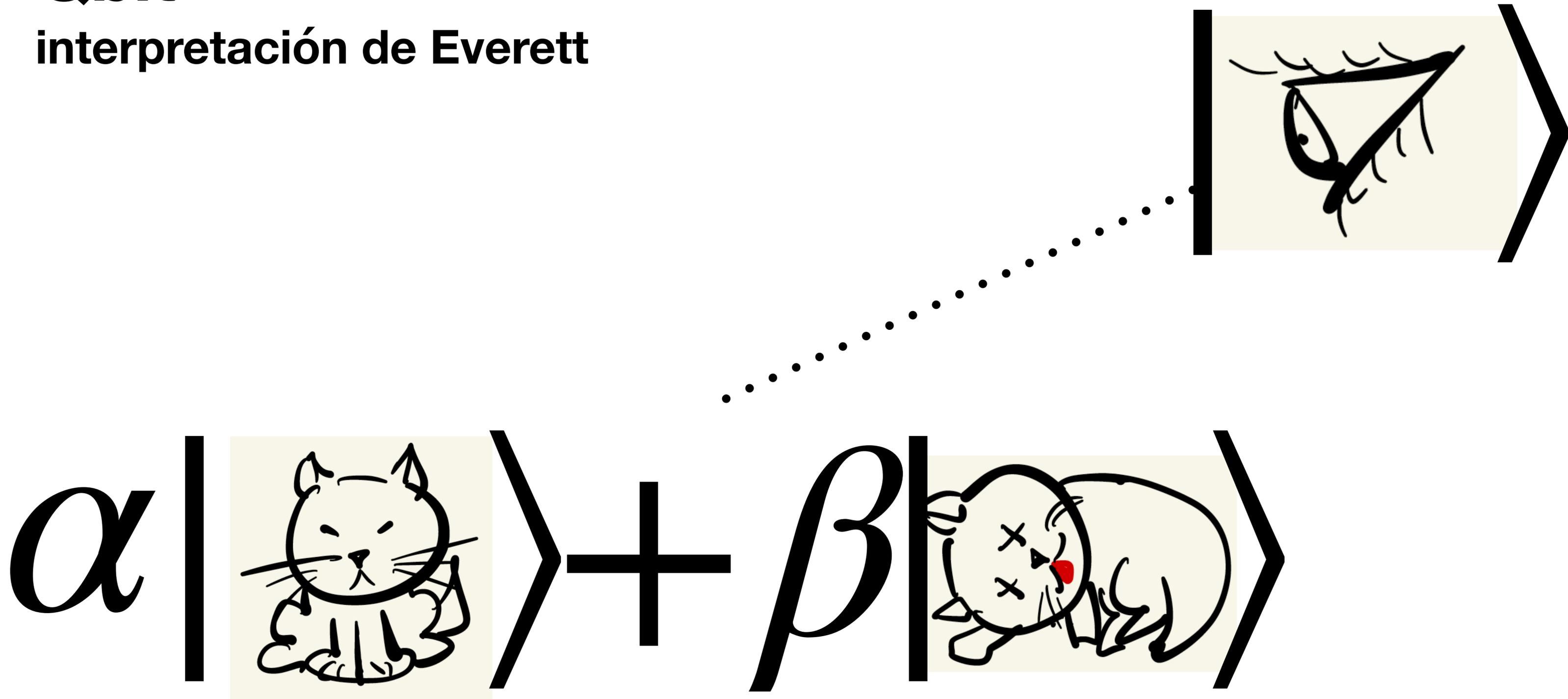
# Qbit

colapso



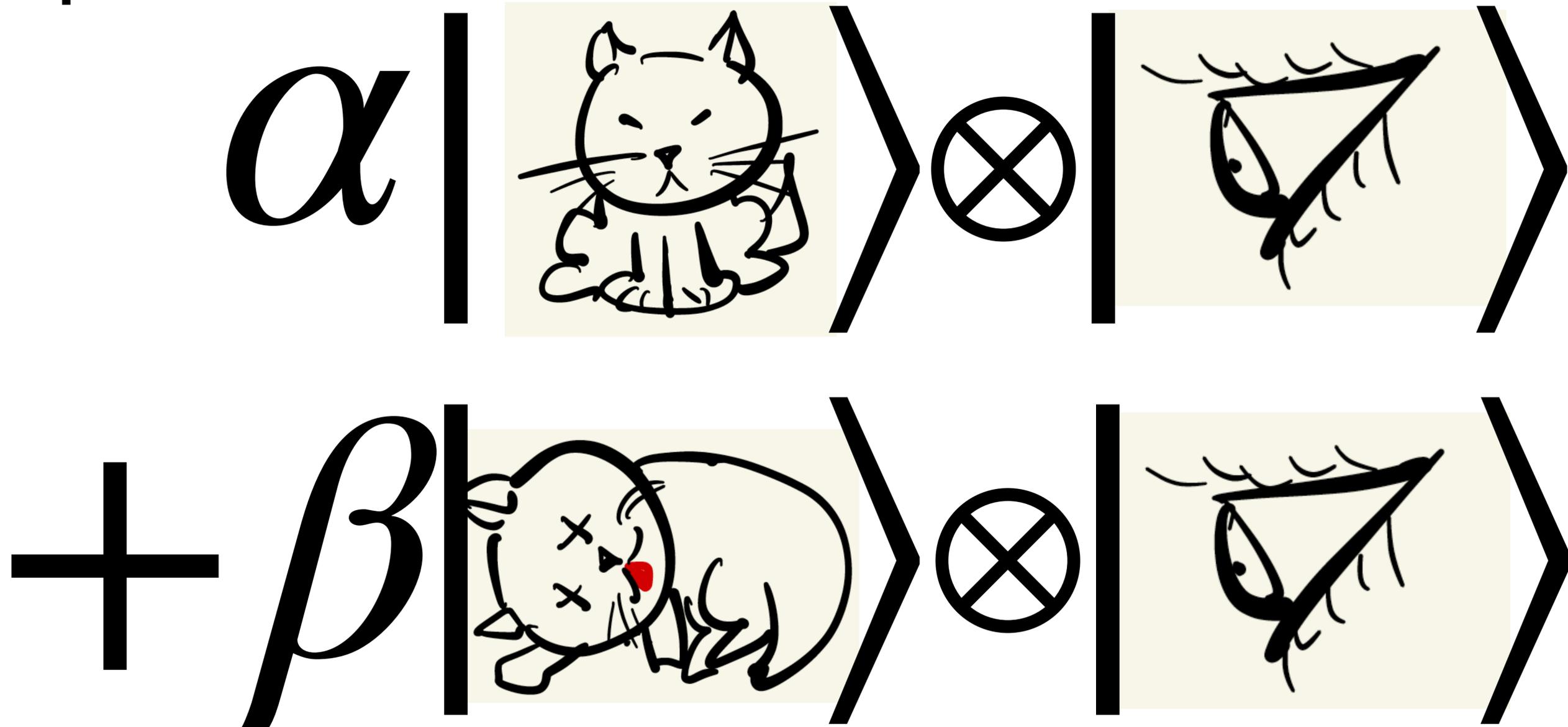
# Qbit

interpretación de Everett



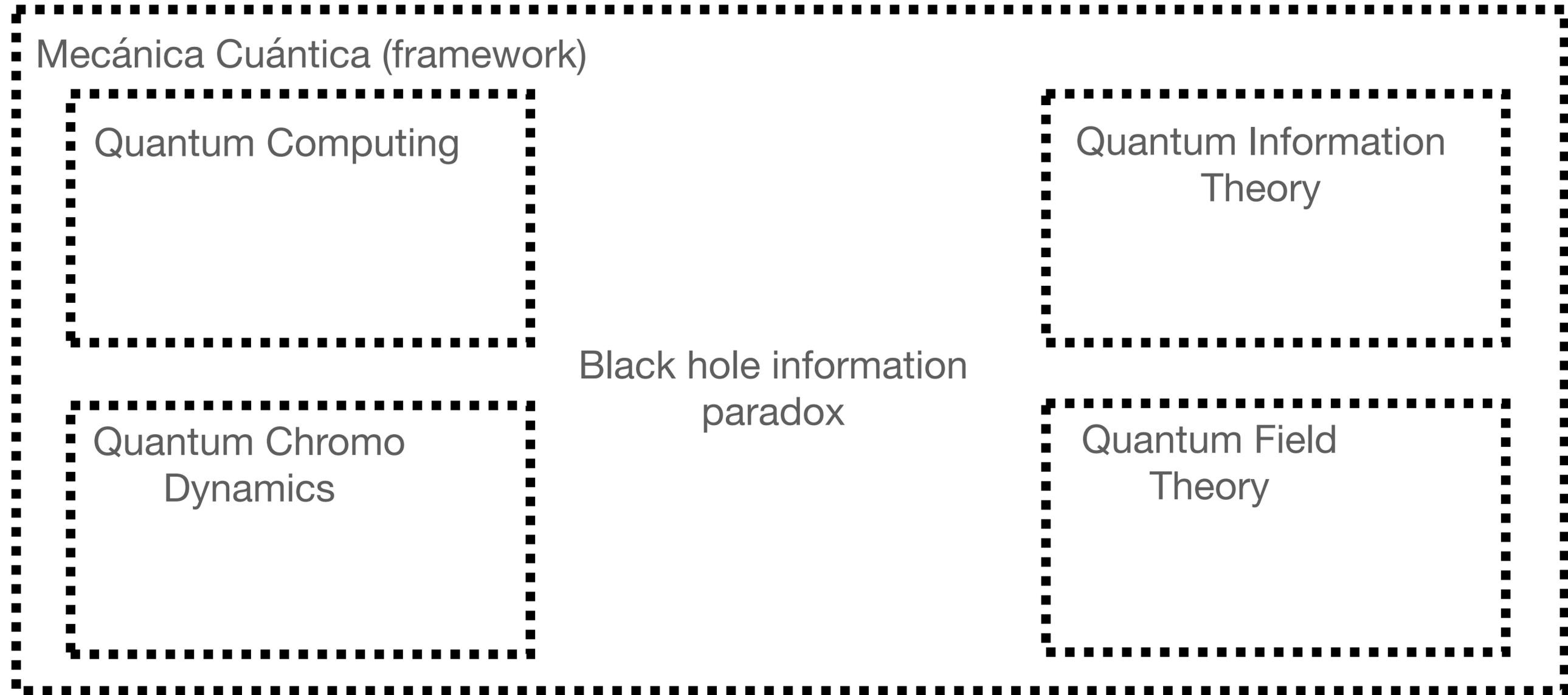
# Qbit

interpretación de Everett



# Panorama (¿qué tan complicado es?)

## Bases



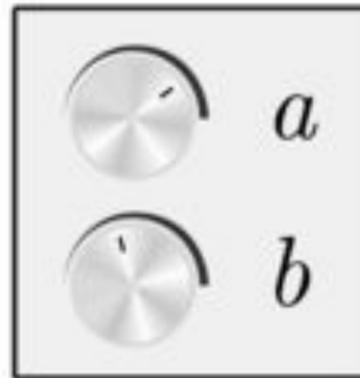
# Estados clásicos vs estados cuánticos

Classical  
Bit



Qubit

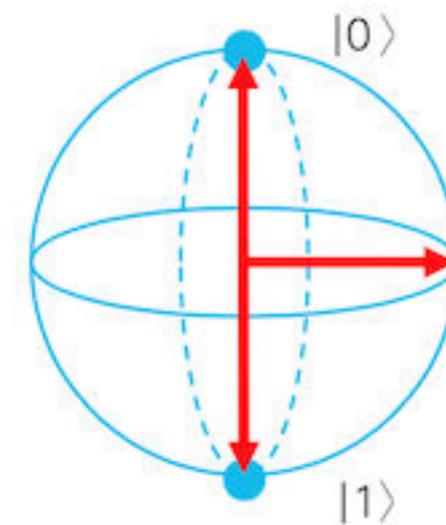
$$a|0\rangle + b|1\rangle$$



● 0

● 1

Classical Bit

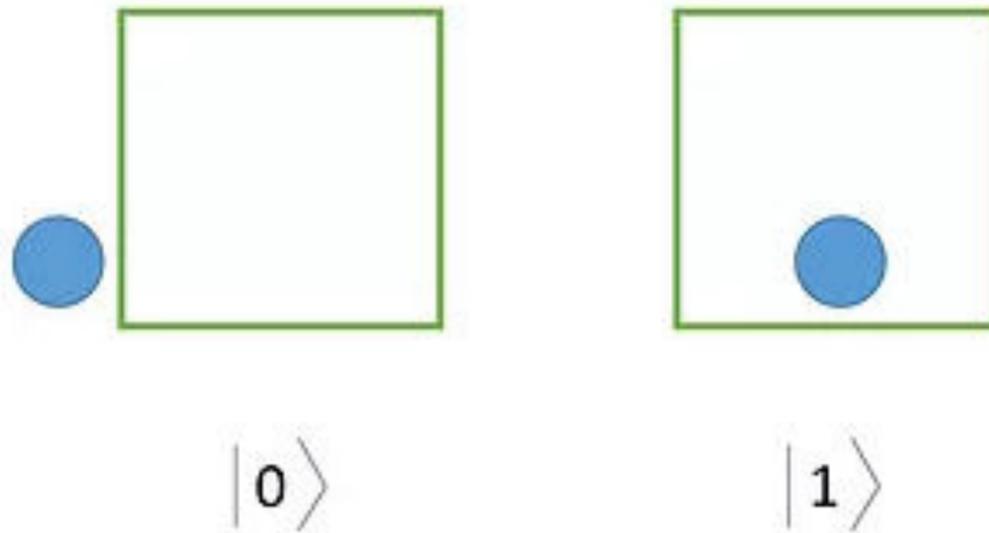


Qubit

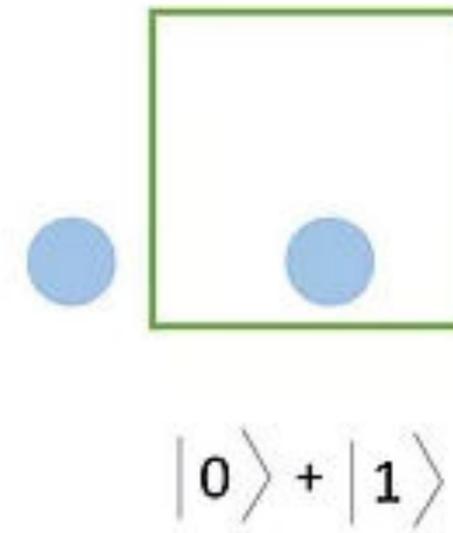
$$\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}$$

# Superposición cuántica

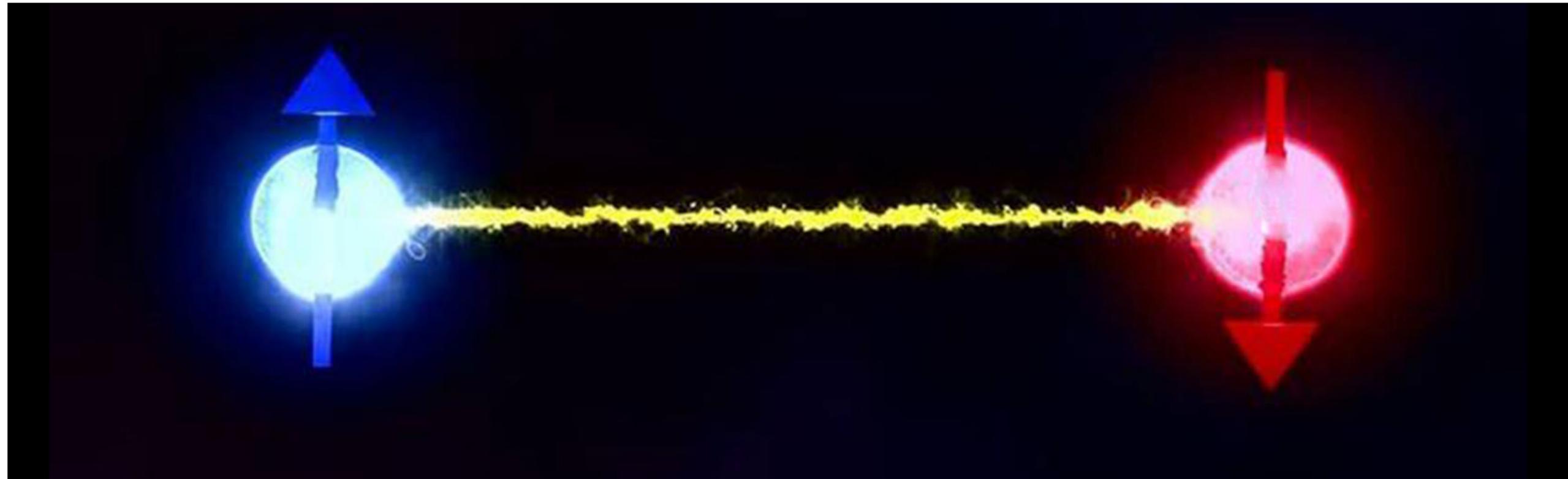
Classical states



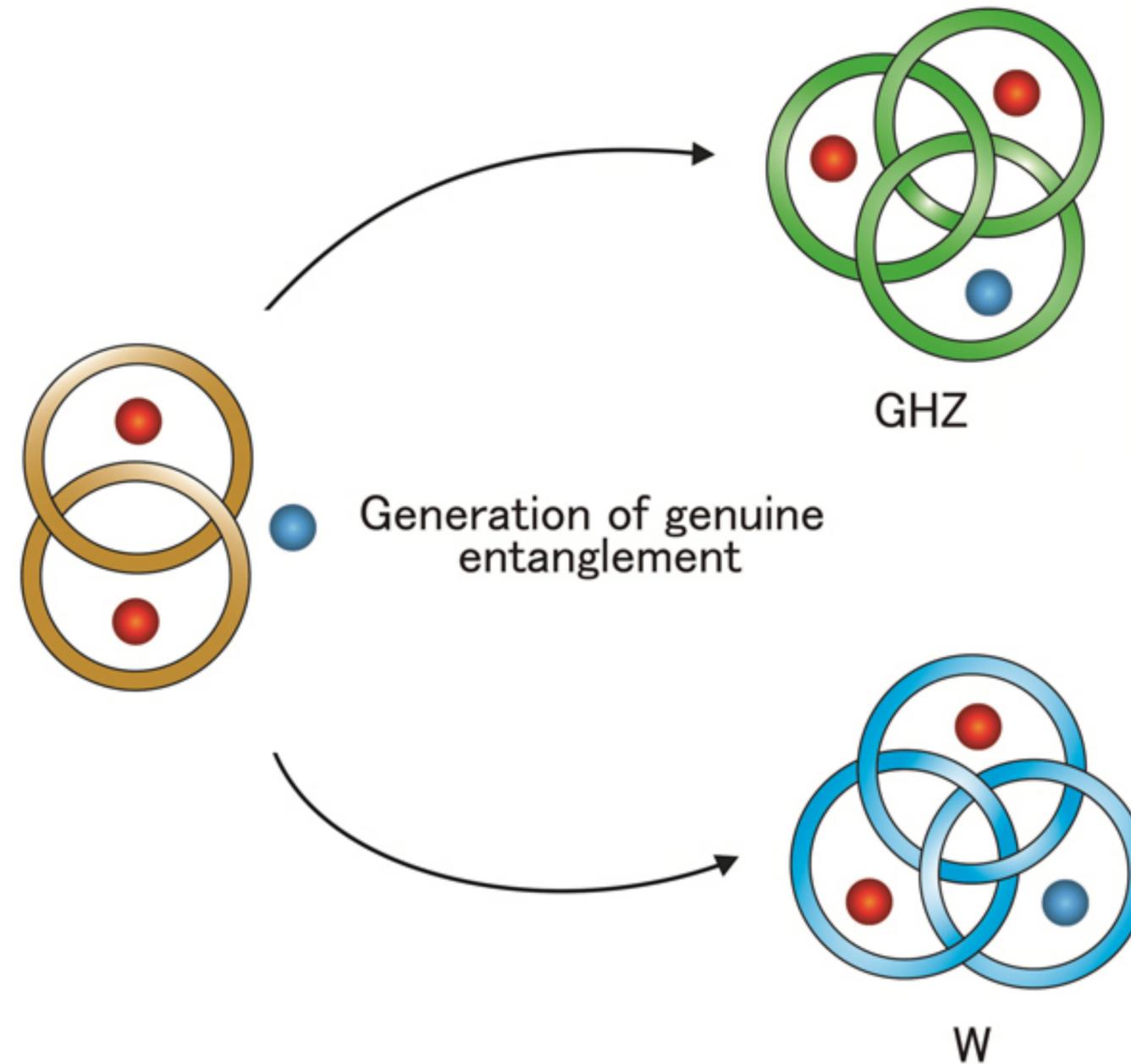
Quantum superposition state



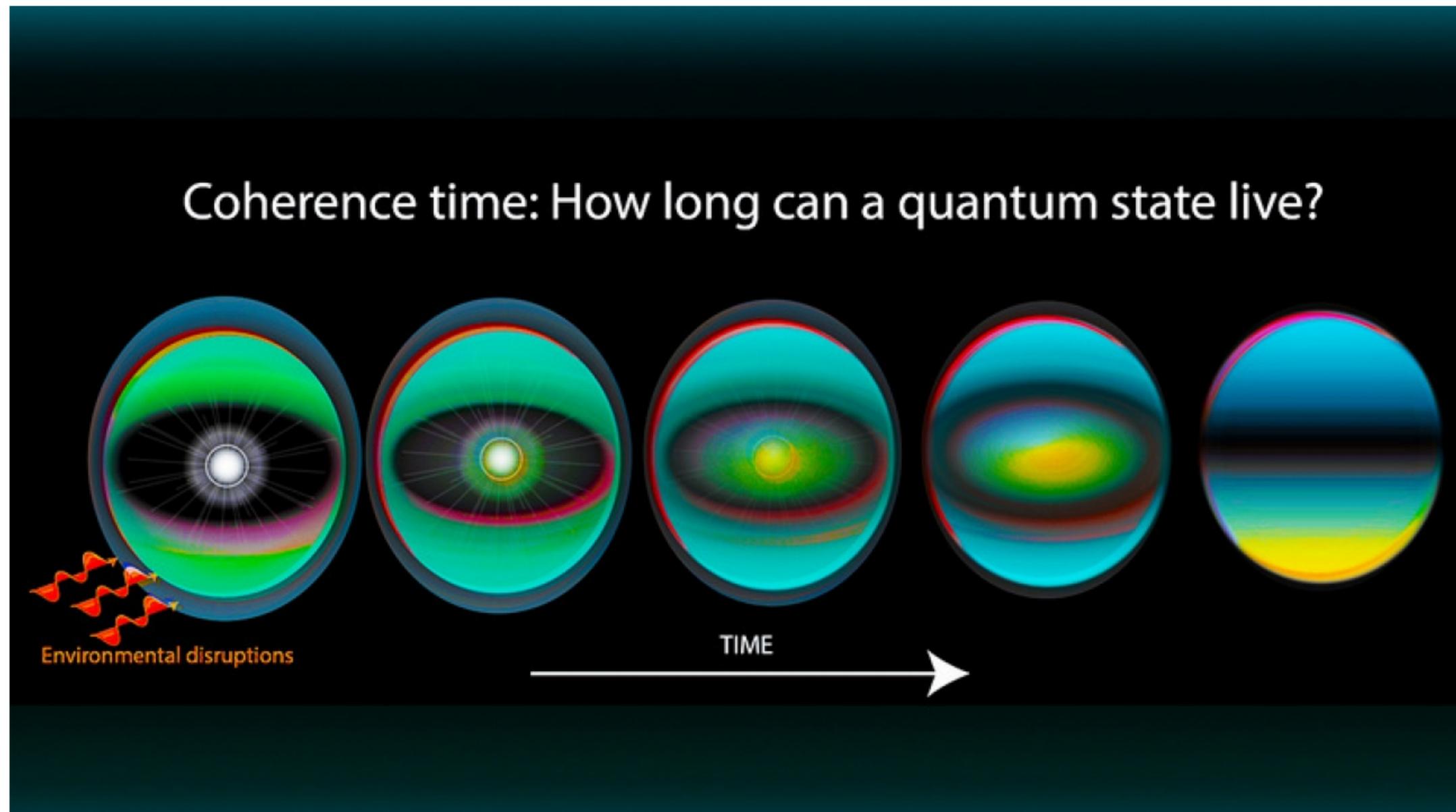
# El efecto Einstein-Podolski-Rosen



# Enmarañamiento (Entanglement)



# Decoherencia



<https://www.nist.gov/topics/physics/introduction-new-quantum-revolution/strange-world-quantum-physics>

# Matemáticamente hablando

## Computación

- Máquinas de Turing y Von Neumann

- Algebra de Bool (no electrónica!)

$$(p + \neg q) \cdot r \equiv t$$

$$p, q, r, t \in \{0,1\}$$

$$+ = \wedge \text{ (and)}$$

$$\cdot = \vee \text{ (or)}$$

$$\neg = \text{not}$$

- Computación Cuántica

- Algebra Lineal con variable compleja (no física cuántica!)

$$\begin{bmatrix} 1 & i \\ i & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \end{bmatrix}, \quad \alpha, \beta \in \mathbb{C}$$

$$\alpha = a + ib, \quad a, b \in \mathbb{R}, \quad i = \sqrt{-1}$$

- No puede haber disipación de energía, compuertas son reversibles

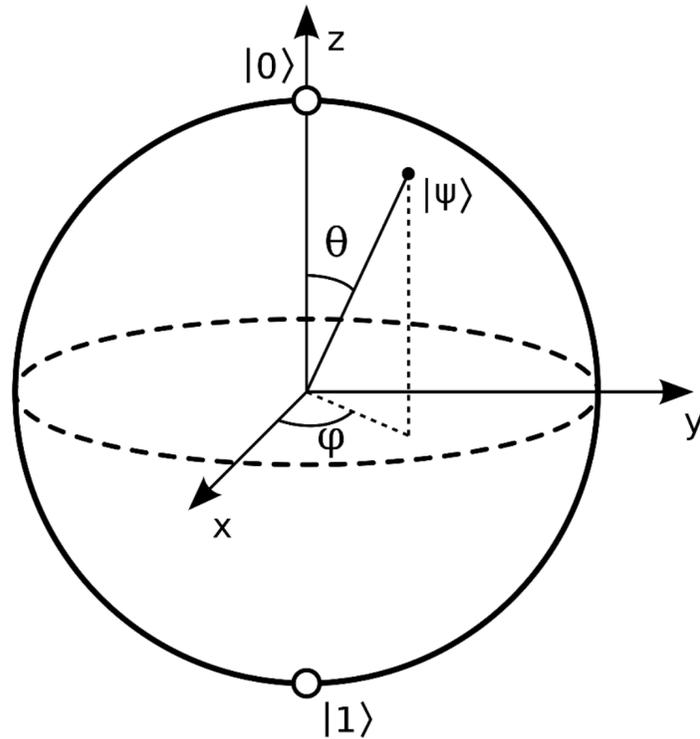
# Matemáticamente hablando

## Computación cuántica

- Estados = vectores (de números complejos)
- 1 Qubit (vector de 2 elementos)
- 2 Qubits (vector de 4 elementos)
- 3 Qubits (vector de 8 elementos)
- ⋮
- n Qubits (vector de  $2^n$  elementos)
- Operaciones = matrices (de números complejos)
- 1 Qubit (mat. de 2x2 elementos)
- 2 Qubits (mat. de 4x4 elementos)
- 3 Qubits (mat. de 8x8 elementos)
- ⋮
- n Qubits (mat de  $2^n \times 2^n$  ele.)

# Matrices de Pauli

## Operadores en 1 QuBit



$$\sigma_z = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\sigma_x = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\sigma_y = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}$$

$$1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\hat{\sigma}_z |+\rangle = |+\rangle$$

$$\hat{\sigma}_z |-\rangle = -|-\rangle$$

$$\hat{\sigma}_x |+\rangle = |-\rangle$$

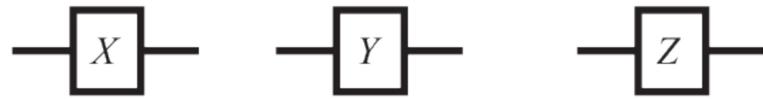
$$\hat{\sigma}_x |-\rangle = |+\rangle$$

$$\hat{\sigma}_y |+\rangle = i|-\rangle$$

$$\hat{\sigma}_y |-\rangle = -i|+\rangle$$

# Compuertas cuánticas

Pauli- $X$  (NOT)    Pauli- $Y$     Pauli- $Z$  (phase flip)



Hadamard

Phase

$\pi/8$



controlled- $U$

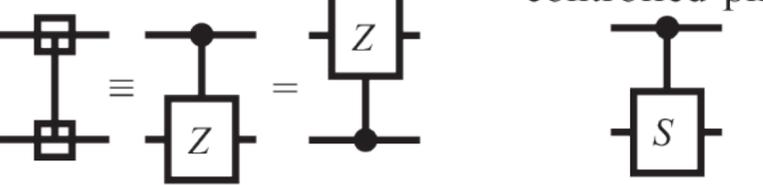
controlled- $X$

CNOT

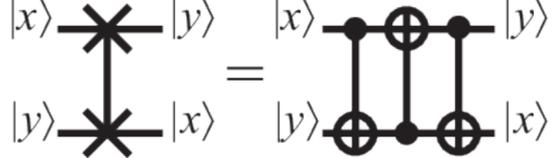


controlled- $Z$

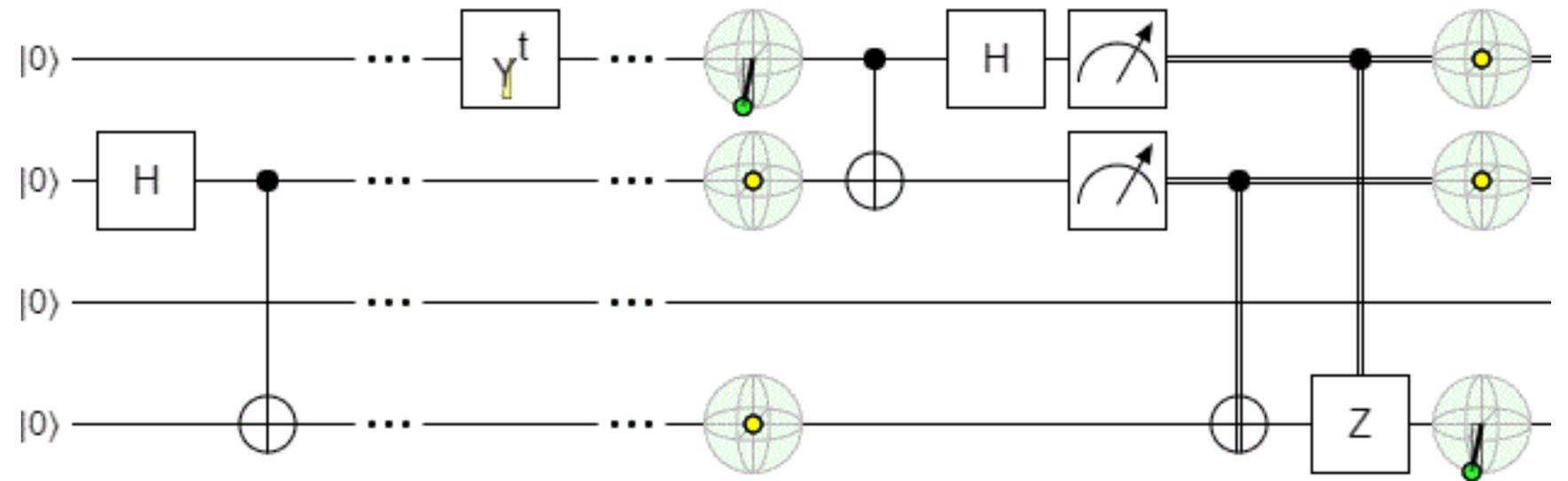
controlled-phase



SWAP



$Y$ -rotation



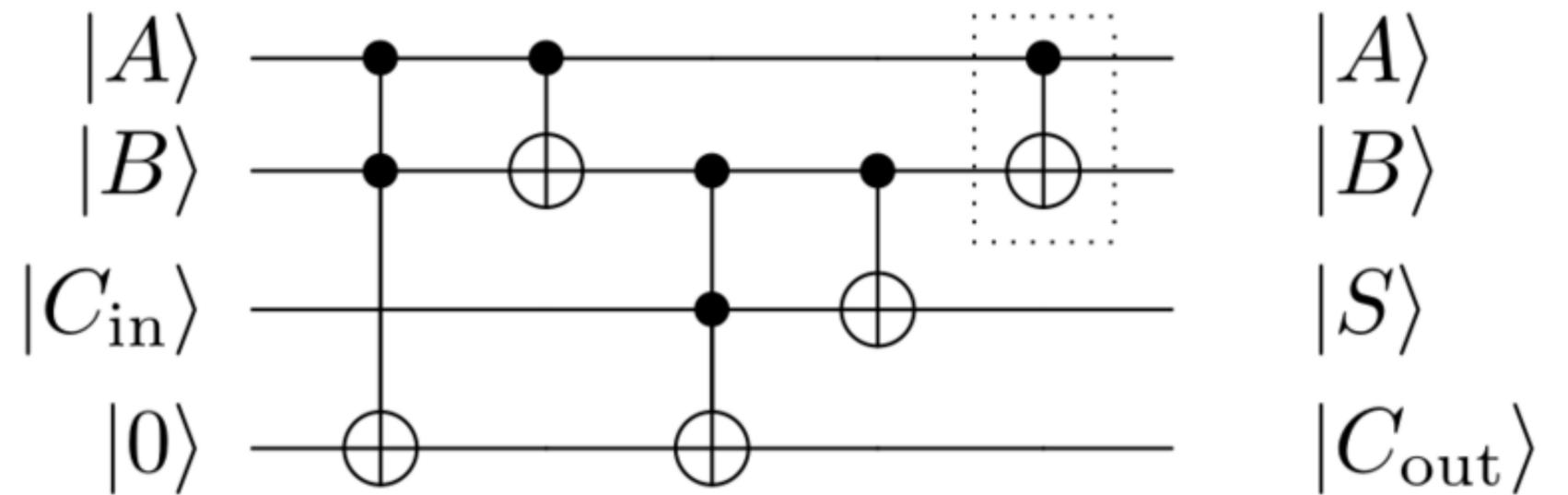
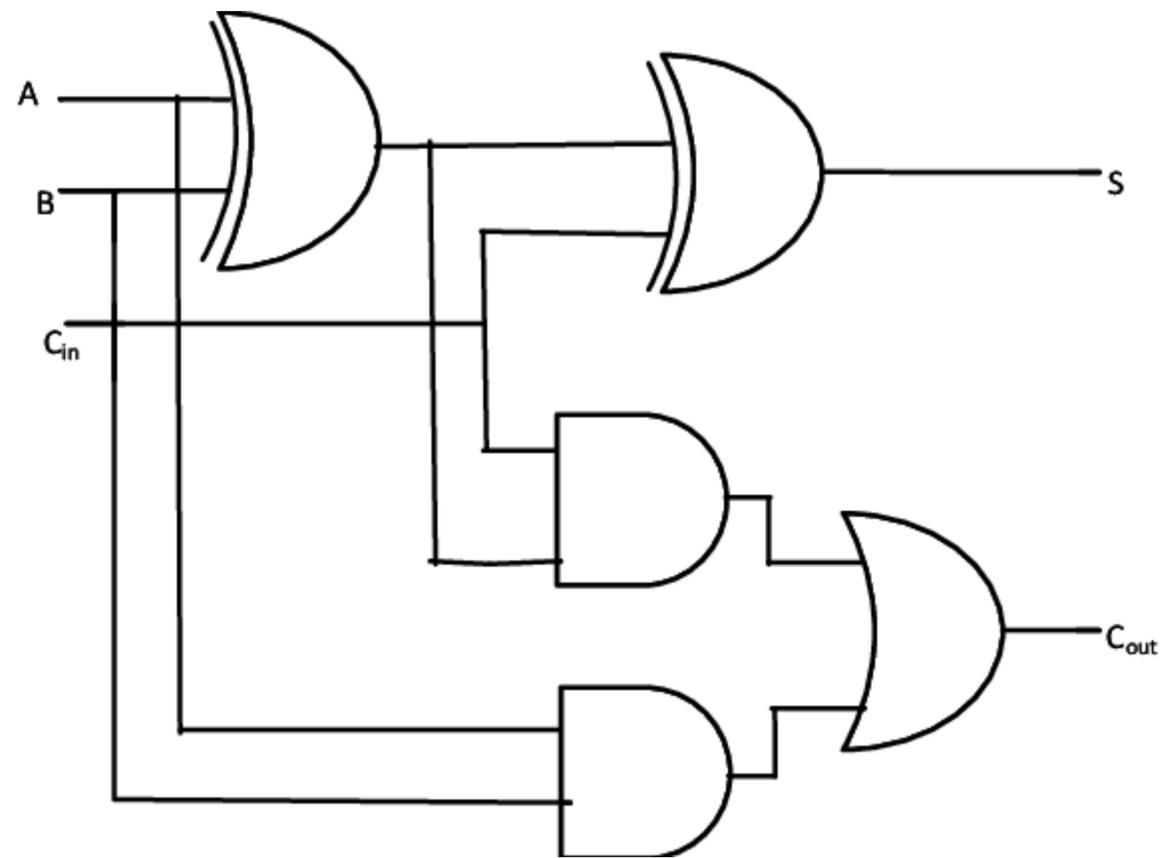
# Compuertas Cuánticas

# Compuertas Cuánticas

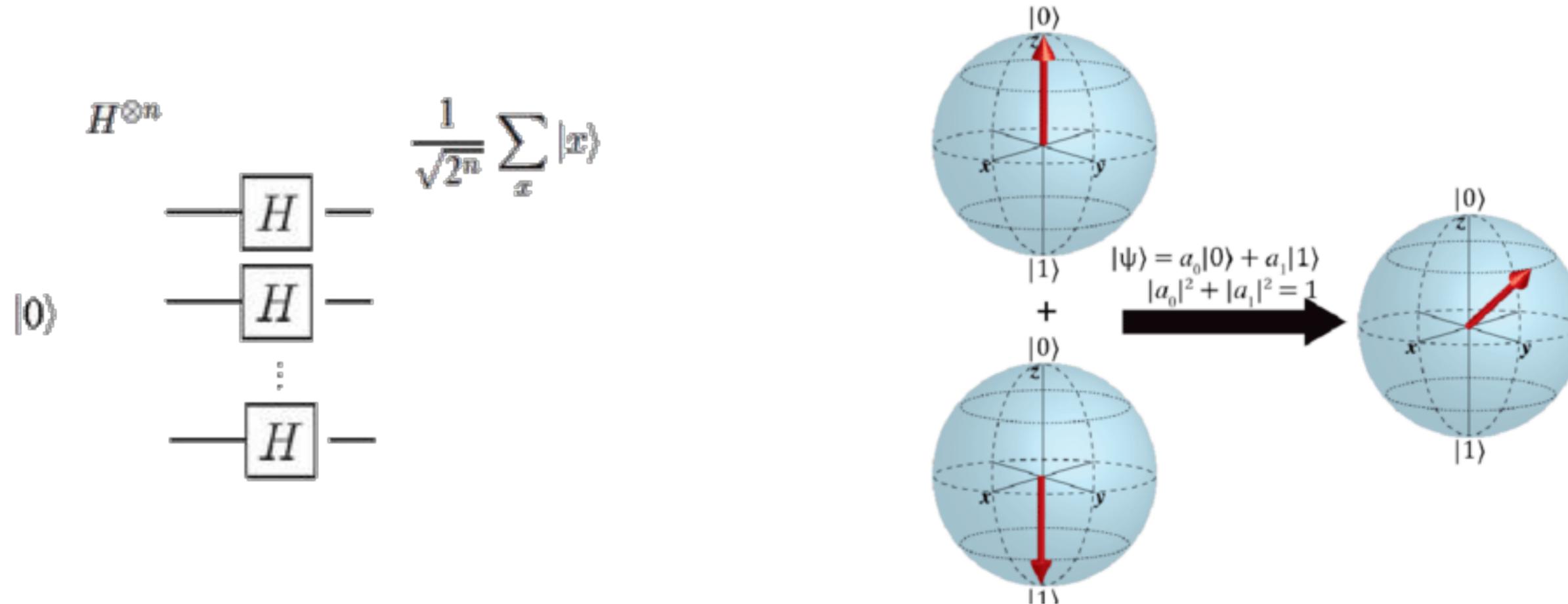
## Consideraciones

- La mayoría de los algoritmos cuánticos y paquetes de desarrollo se especifican a nivel de las compuertas
- Esto es cercano a un “ensamblador”, no es idóneo, la comunidad reconoce la necesidad de desarrollar herramientas para poder especificar/compilar a más alto nivel

# Sumador clásico vs sumador cuántico



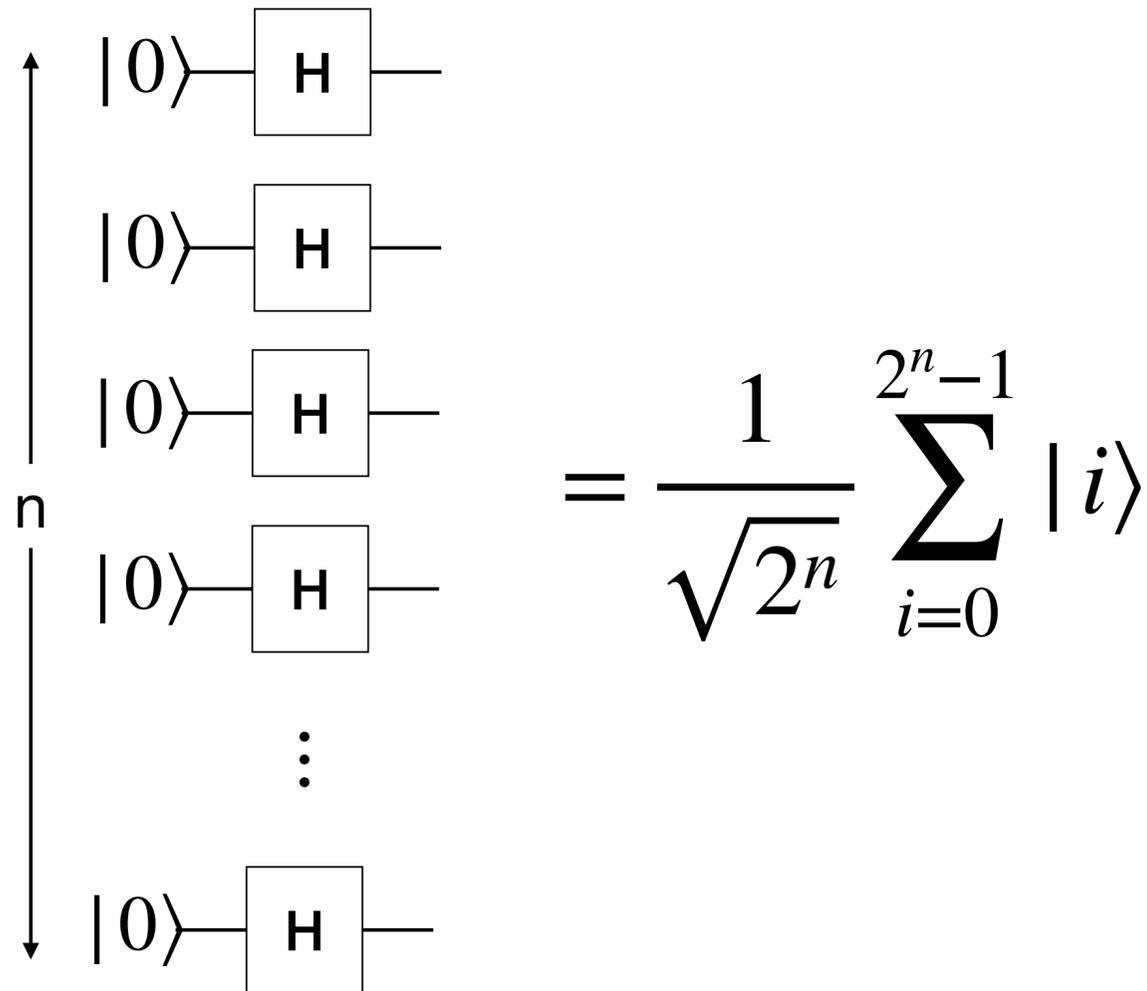
# El poder de la superposición



- La superposición nos permite explorar múltiples posibles soluciones de forma simultánea
- Cuando los problemas tienen estructura interna que permite hacer una “consulta global”, se obtiene eficiencia exponencial.

# Paralelismo Cuántico

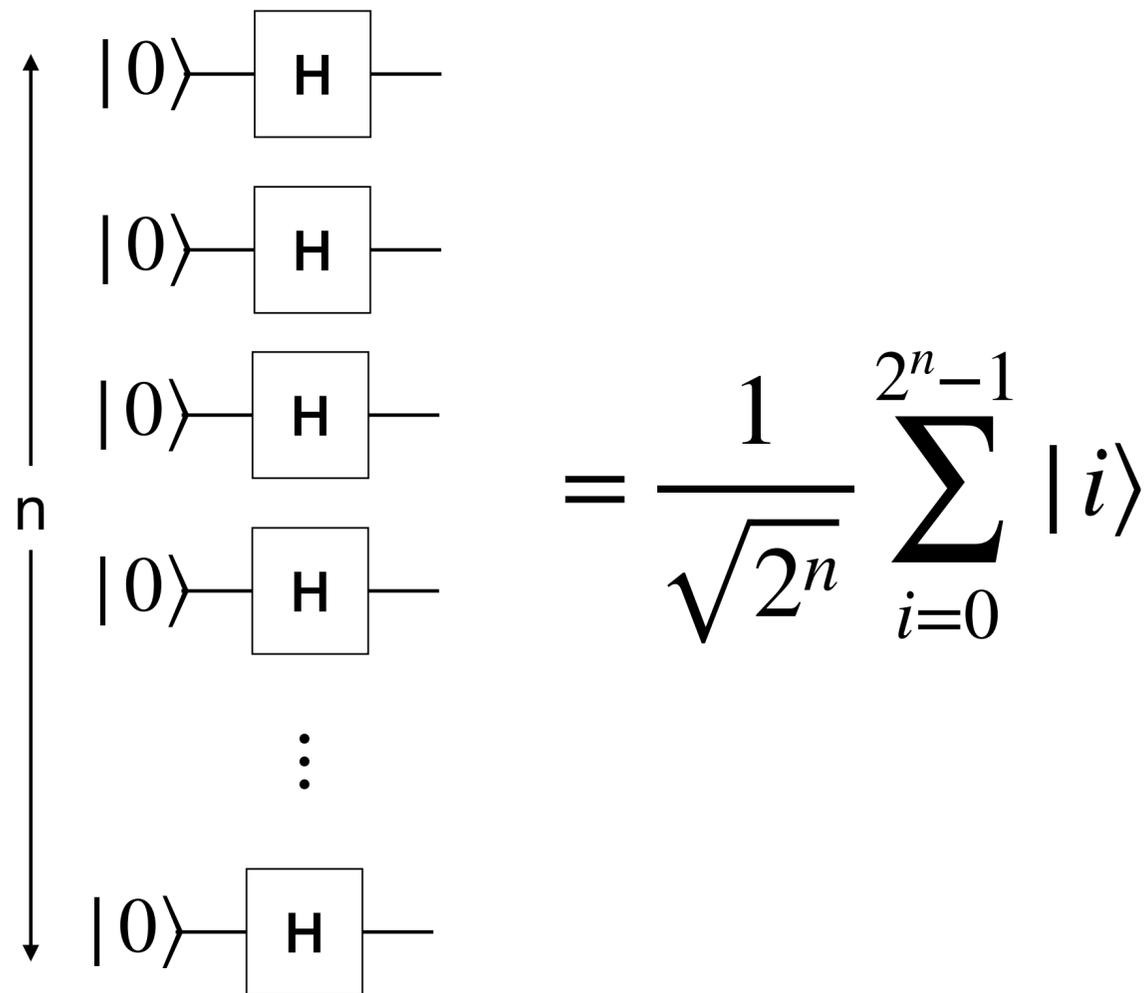
## Memoria de n qbits



$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & +1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

# Paralelismo Cuántico

## Memoria de n qbits



$$= \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} |i\rangle$$

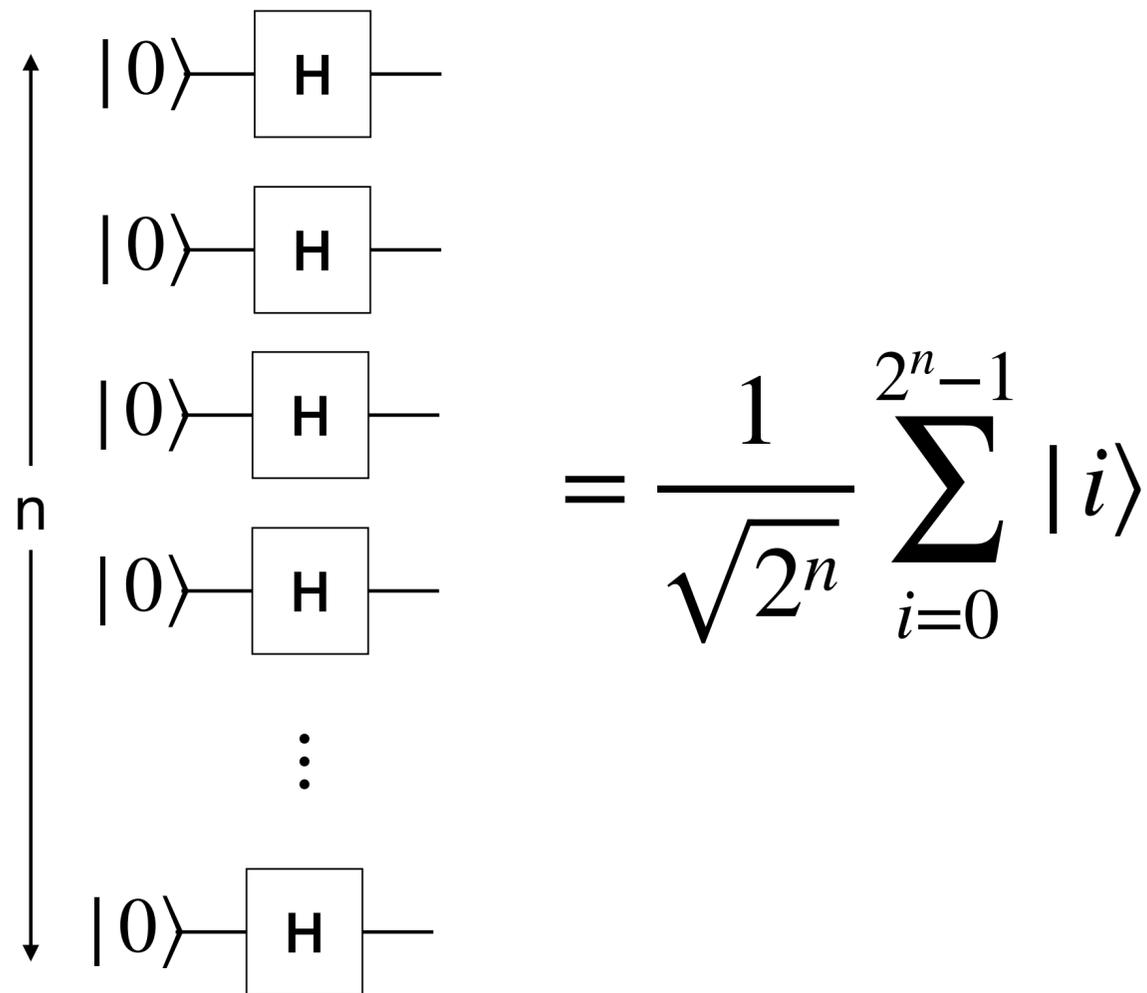
$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & +1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

Por linealidad, si le aplicamos  $M$  a esto ...

$$= M \left( \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} |i\rangle \right)$$
$$= M \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} |i\rangle$$

# Paralelismo Cuántico

## Memoria de n qbits



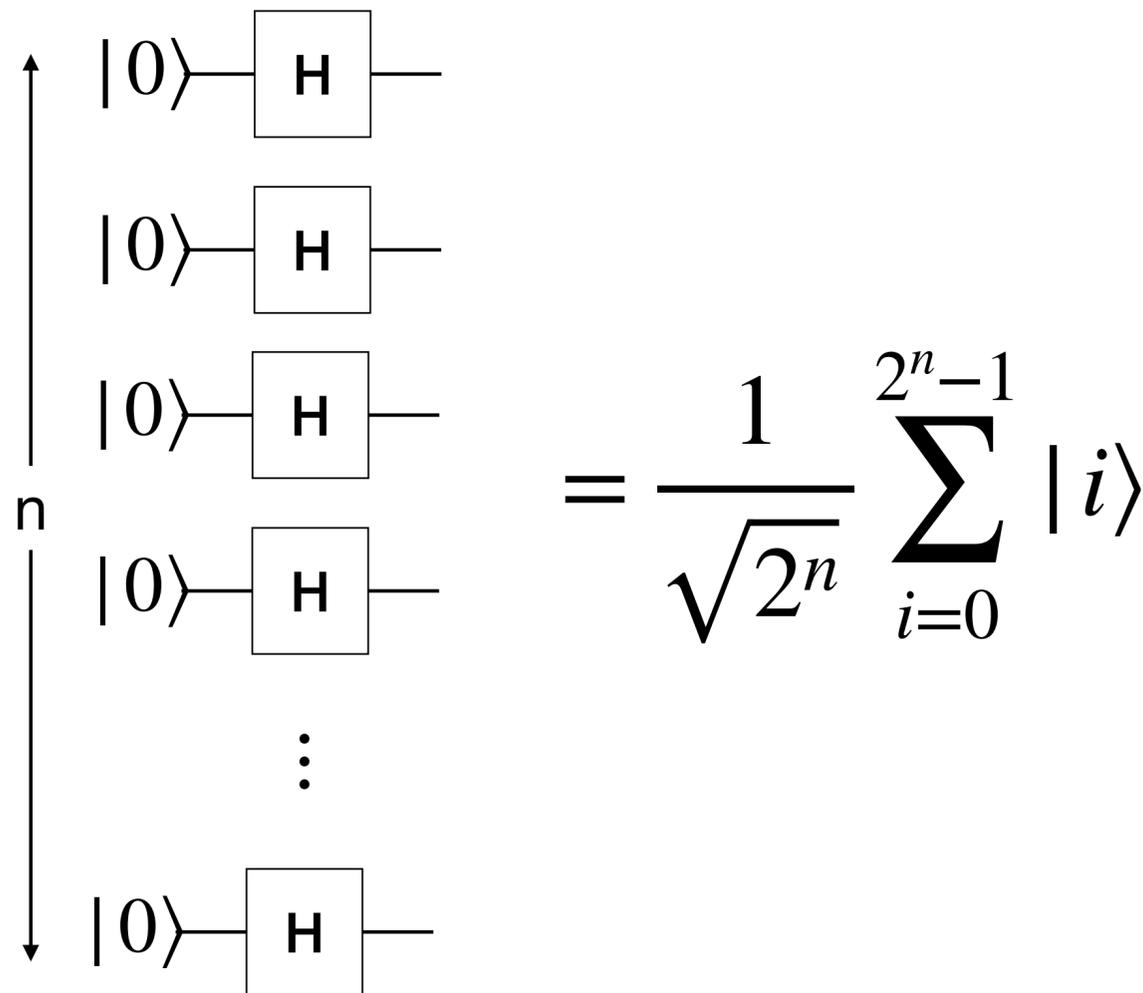
$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & +1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

Por linealidad, si le aplicamos  $M$  a esto ...

$$= M \left( \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} |i\rangle \right)$$
$$= \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} M |i\rangle$$

# Paralelismo Cuántico

## Memoria de n qbits



$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & +1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

Por linealidad, si le aplicamos  $M$  a esto ...

$$= M \left( \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} |i\rangle \right)$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} M|i\rangle$$

aplica  $M$  a todas las distintas configuraciones de memoria al mismo tiempo

# Paralelismo Cuántico

Memoria de n qbits

**GENIAL!** leamos el resultado



$$= \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} M|i\rangle$$

aplica M a todas las distintas configuraciones de memoria al mismo tiempo

# Paralelismo Cuántico

Memoria de n qbits

**GENIAL!** leamos el resultado

$$= \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{i=0}^{2^n-1} M|i\rangle$$

aplica M a todas las distintas configuraciones de memoria al mismo tiempo



# Paralelismo Cuántico

Memoria de  $n$  qbits

**GENIAL!** leamos el resultado



$$M|i\rangle$$

**Desaparecen todos menos 1!**

aplica  $M$  a todas las distintas configuraciones de memoria al mismo tiempo

# Paralelismo Cuántico

## caveats

- Solo ciertos algoritmos pueden aprovechar el paralelismo cuántico
  - Hay que conocer la matemática (álgebra lineal) que hay detrás para saber cuáles son
  - Tiene que existir algún tipo de interferencia o patrón entre las distintas soluciones para que el paralelismo funcione
  - Los algoritmos terminan siendo probabilísticos (probabilidad alta de obtener la solución correcta)

# Ejemplo: la transformada rápida de Fourier

$$x[k] = \sum_{n=0}^{N-1} x[n] e^{-j2\pi kn/N}$$

$$x[k] = \sum_{r=0}^{\frac{N}{2}-1} x[2r] e^{-j2\pi k(2r)/N} + x[k] = \sum_{r=0}^{\frac{N}{2}-1} x[2r+1] e^{-j2\pi k(2r+1)/N}$$

$$x[k] = \sum_{r=0}^{\frac{N}{2}-1} x[2r] e^{-j2\pi k(2r)/N} + x[k] = e^{-j2\pi k/N} \sum_{r=0}^{\frac{N}{2}-1} x[2r+1] e^{-j2\pi k(2r)/N}$$

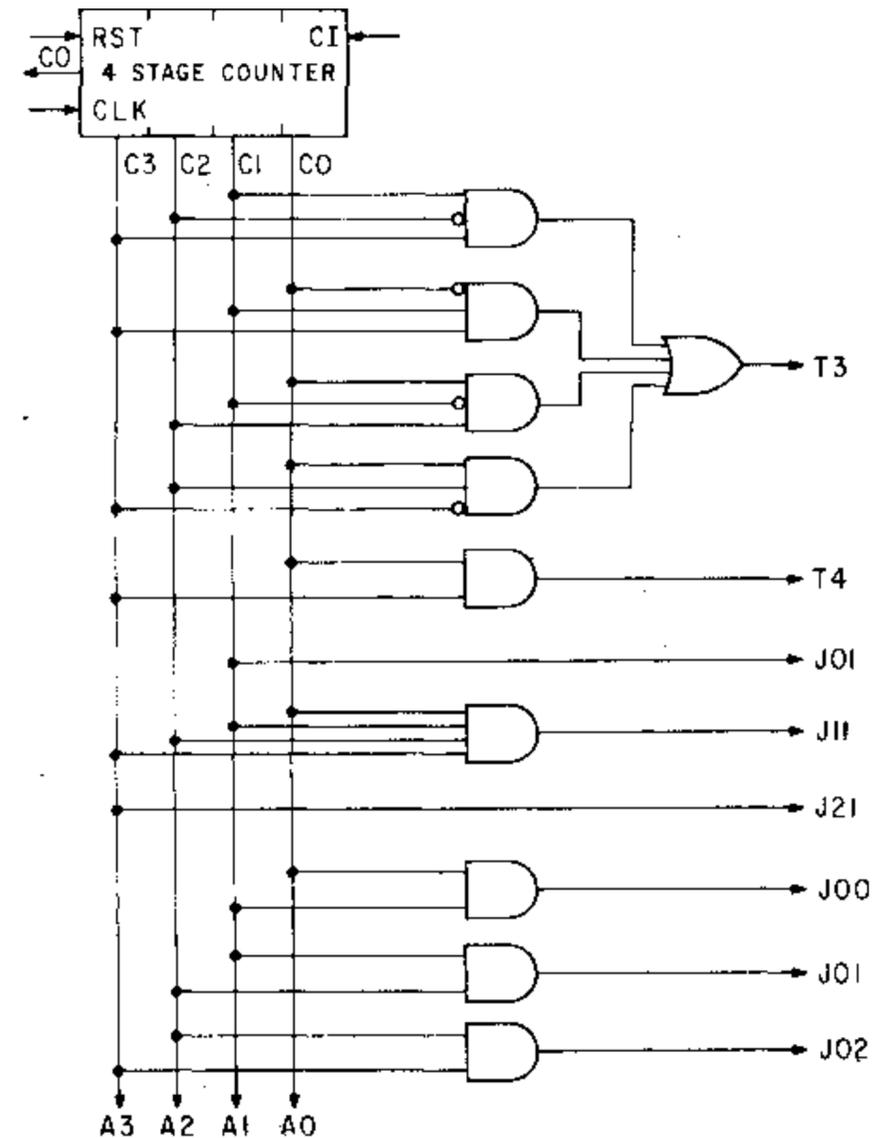
$$x[k] = \sum_{r=0}^{\frac{N}{2}-1} x[2r] e^{-j2\pi k(r)/N/2} + x[k] = e^{-j2\pi k/N} \sum_{r=0}^{\frac{N}{2}-1} x[2r+1] e^{-j2\pi k(r)/N/2}$$

$$x[k] = x_{\text{even}}[k] + e^{-j2\pi k/N} x_{\text{odd}}[k]$$

# Ejemplo: la transformada rápida de Fourier

```
for (s = 0 ; s < log2N ; s++)
  for (i = 0 ; i < N/(2s+1) ; i++)
    C = wr[idx]; S = wi[idx];
    for (j = i ; j < N ; j += N/2s)
      tmpr = aar[idx] - aar[idx+N/2s+1];
      tmpi = aai[idx] - aai[idx+N/2s+1];
      aar[idx] = aar[idx] + aar[idx+N/2s+1];
      aai[idx] = aai[idx] + aai[idx+N/2s+1];
      aar[idx+N/2s+1] = tmpr*C - tmpi*S;
      aai[idx+N/2s+1] = tmpr*S + tmpi*C;
    idx = idx + 2s;
```

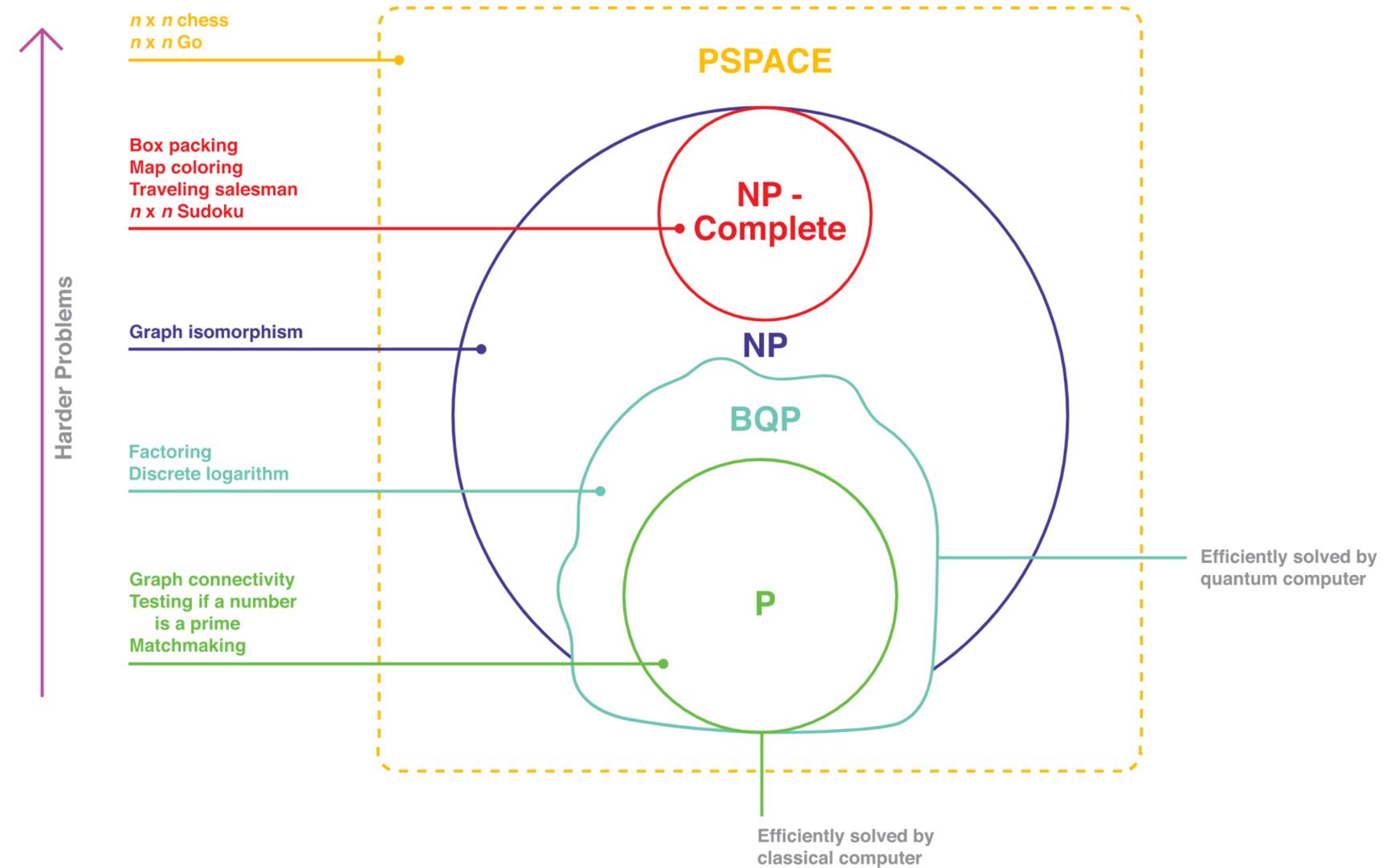
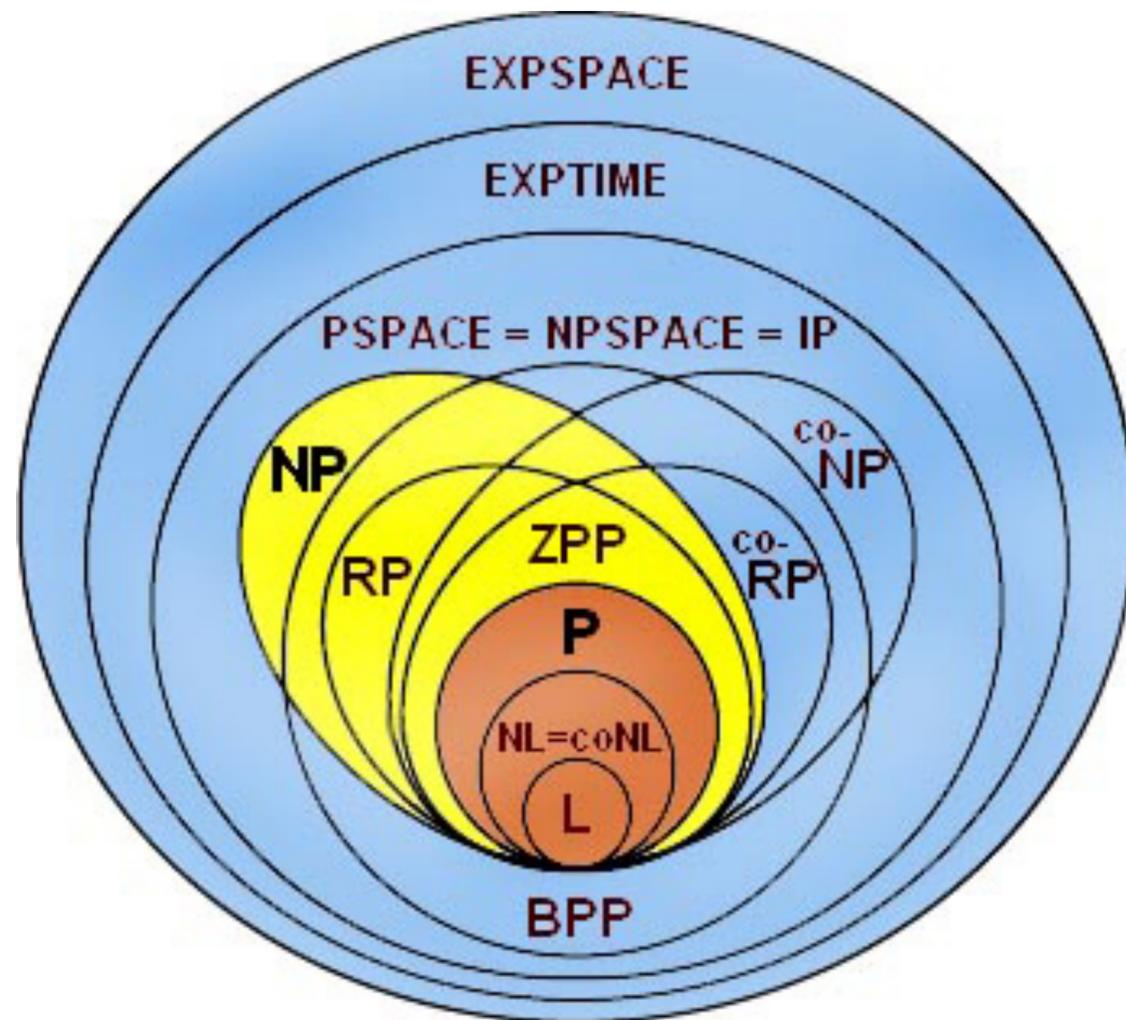
# Ejemplo: la transformada rápida de Fourier



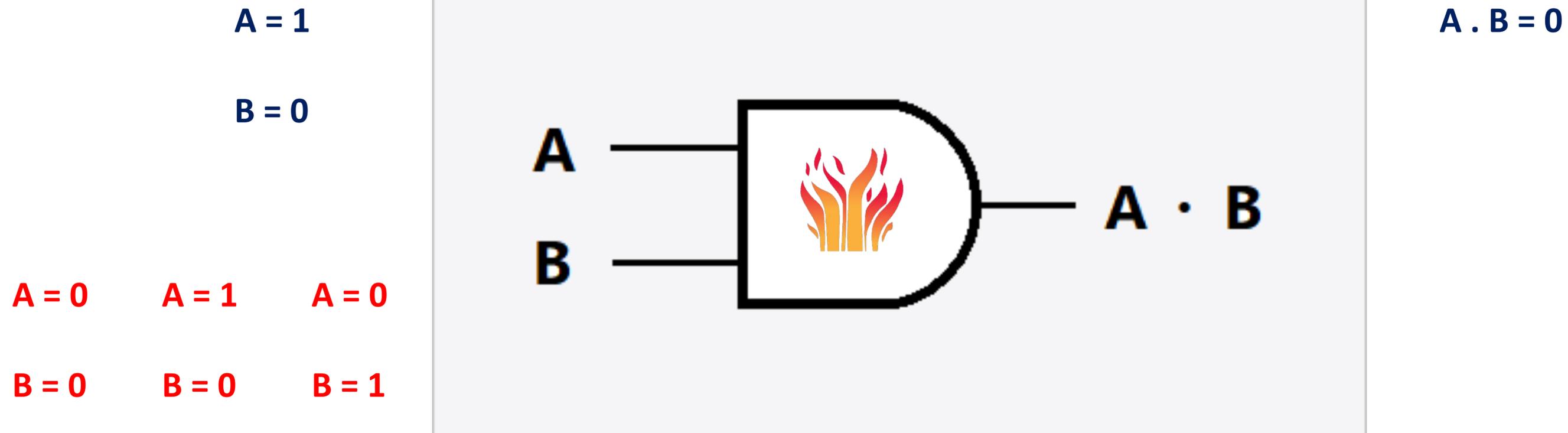
# Algunos algoritmos cuánticos

<b>Algoritmo</b>	<b>Utilidad</b>	<b>Impacto en actividades humanas</b>
Factorización entera (Shor)	Descubrir factores primos en tiempo polinomial en vez de exponencial	Fuerza a repensar toda la infraestructura de llave pública-privada basada en RSA
Búsqueda no estructurada (Grover)	Encontrar elementos en conjuntos de datos grandes	Búsqueda en Big Data, estrategias automáticas en FinTech
Álgebra lineal cuántica	Resolver sistemas de ecuaciones lineales que representan múltiples tipos de preguntas	Logística, machine learning, ingeniería en general
QKD (quantum key distribution)	Compartir llaves criptográficas de manera 100% segura	Impacto fuerte y pronto en la seguridad informática y sistema bancario

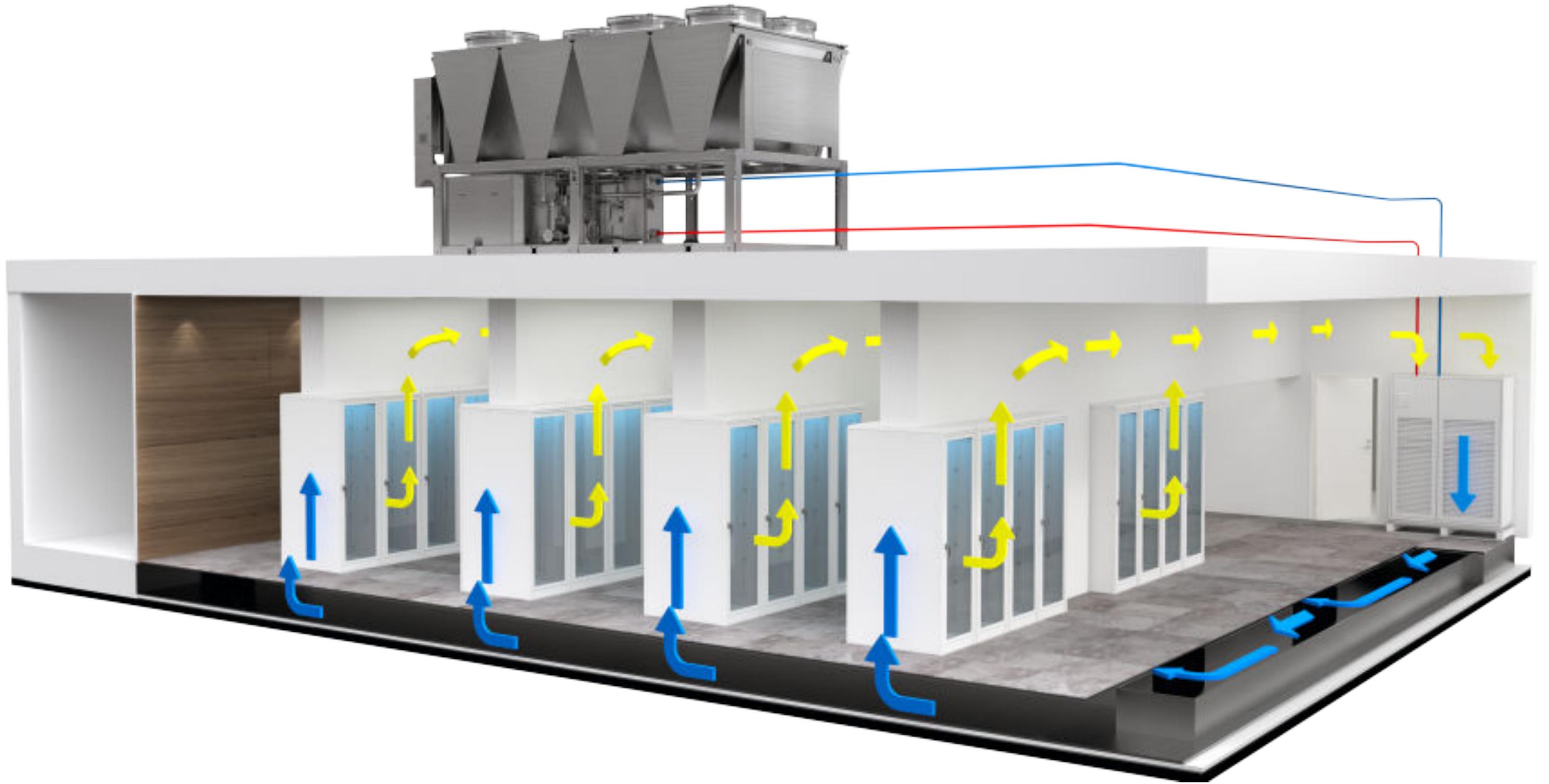
# Complejidad computacional clásica y cuántica



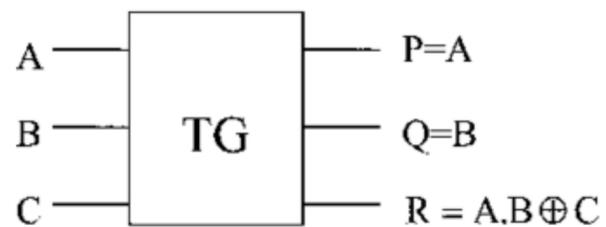
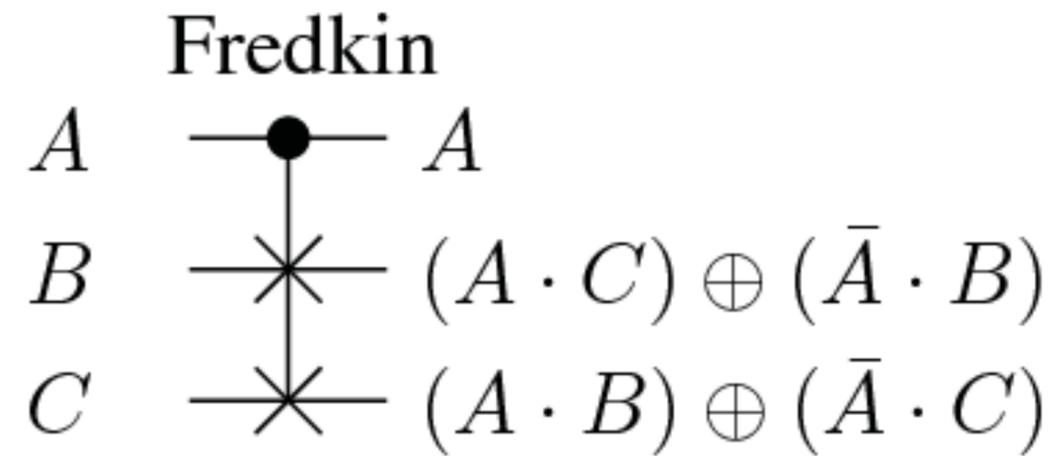
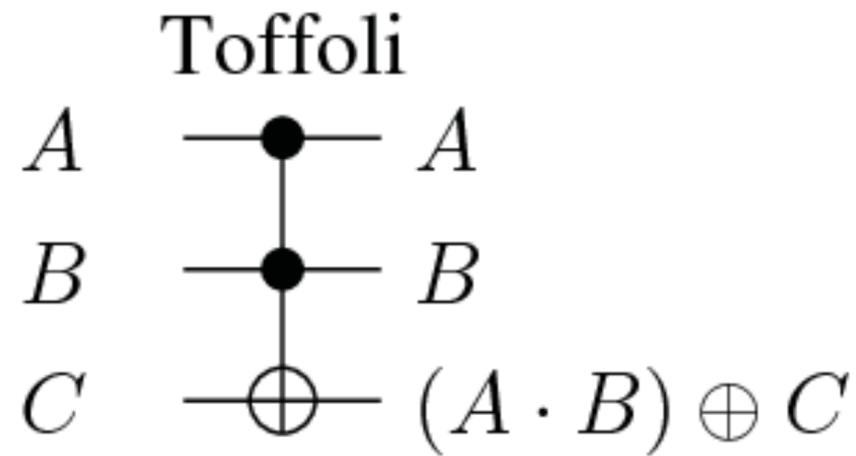
# De vuelta a compuertas lógicas



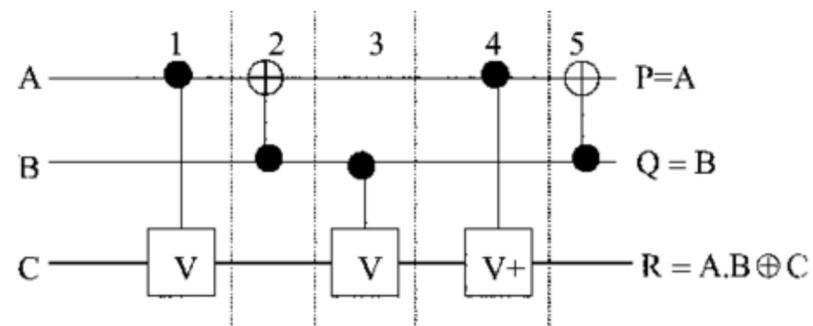
El modelo de hardware que utilizamos es irreversible:  
perdemos información útil y producimos calor.



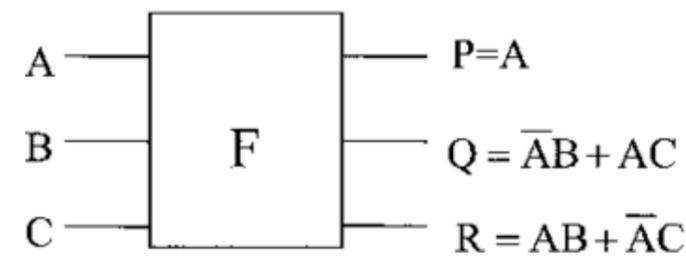
# La solución: compuertas reversibles



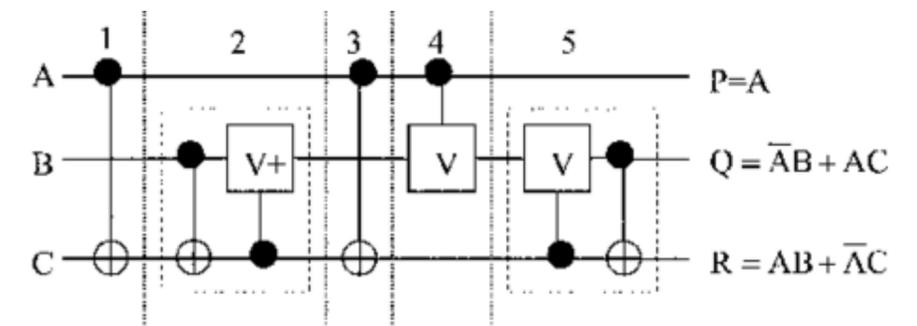
(a) Toffoli Gate



(b) Quantum implementation of the Toffoli Gate

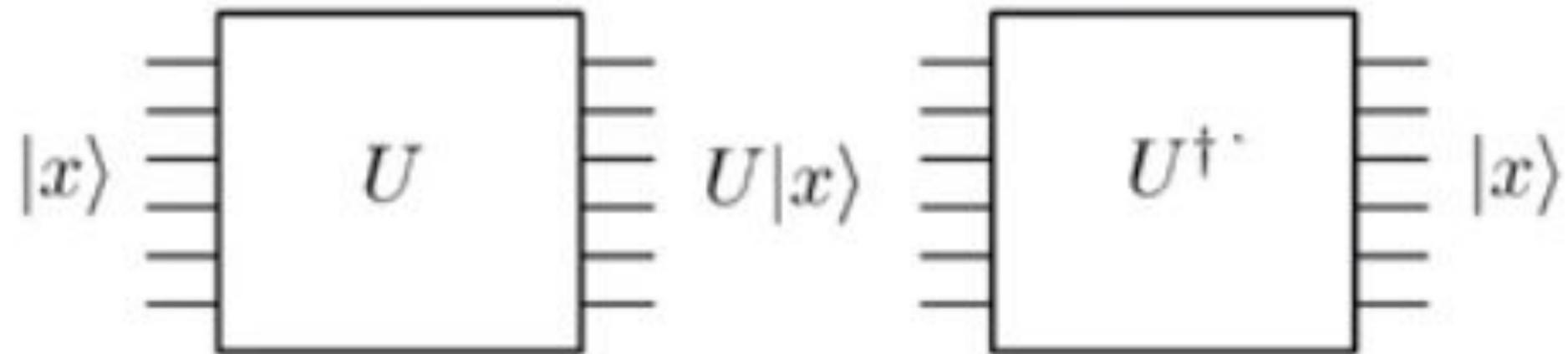


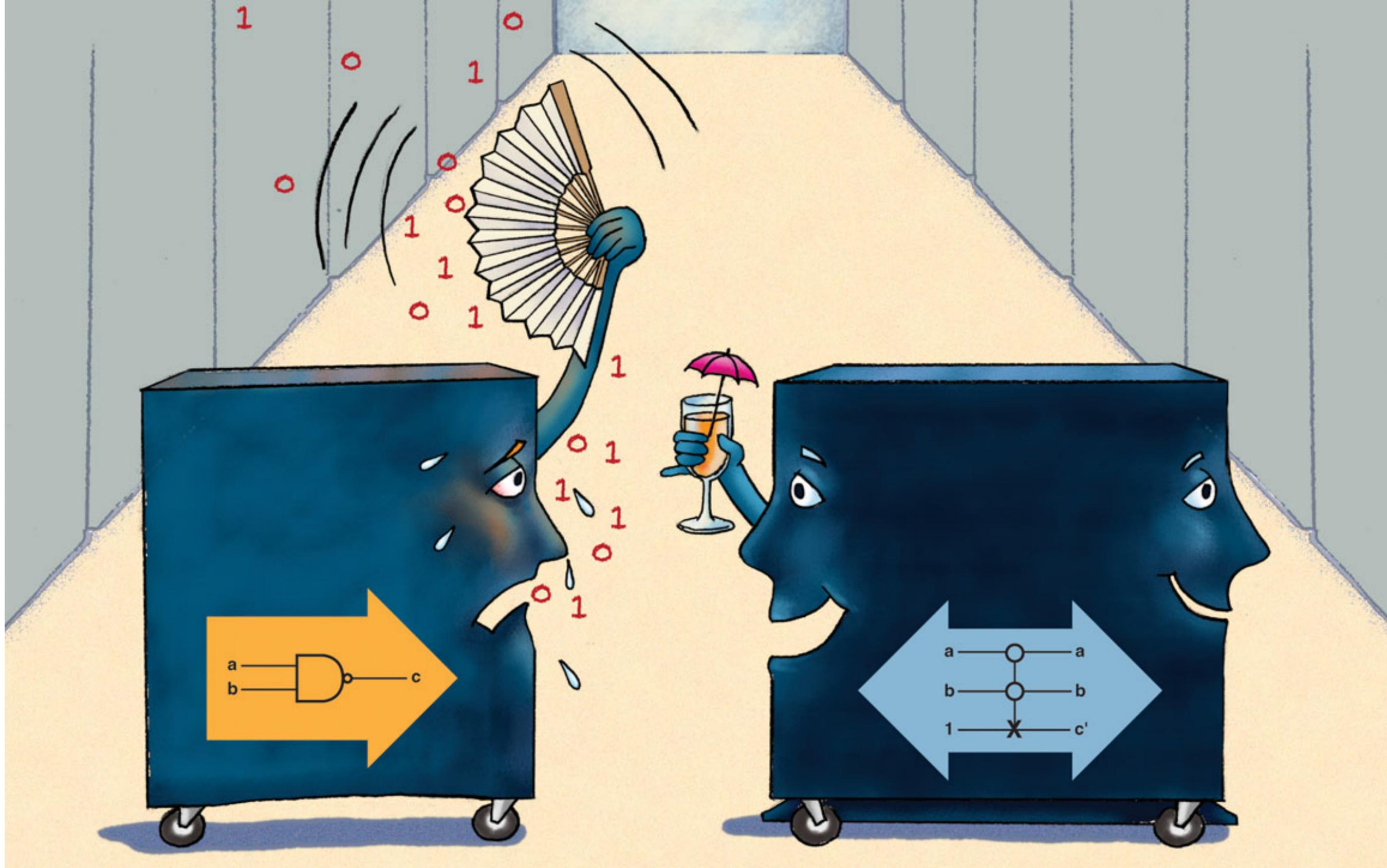
(a) Fredkin Gate

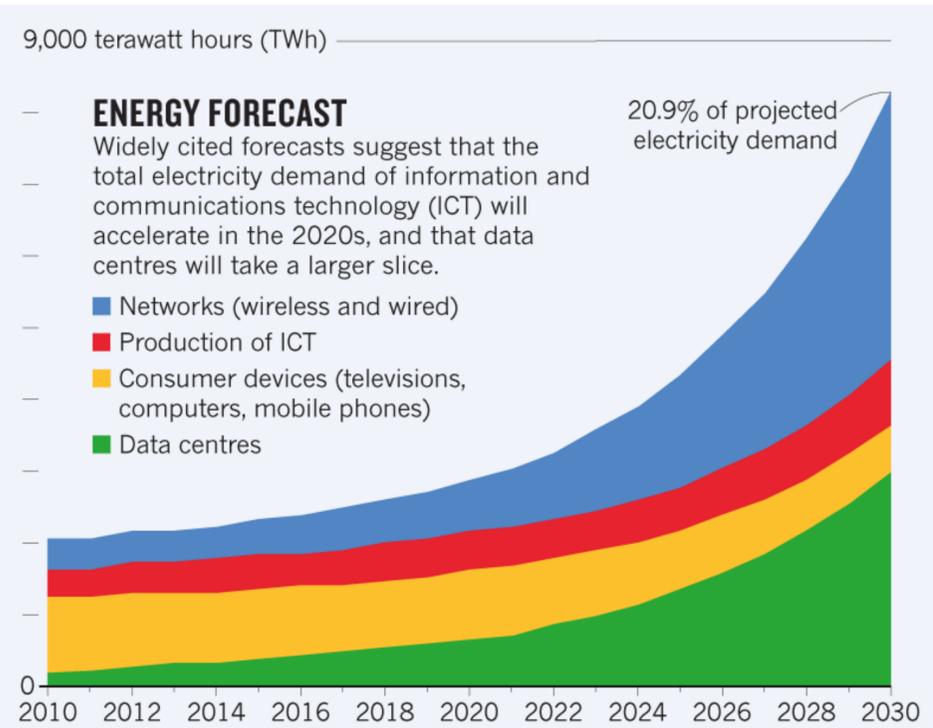


(b) Quantum representation of the Fredkin Gate

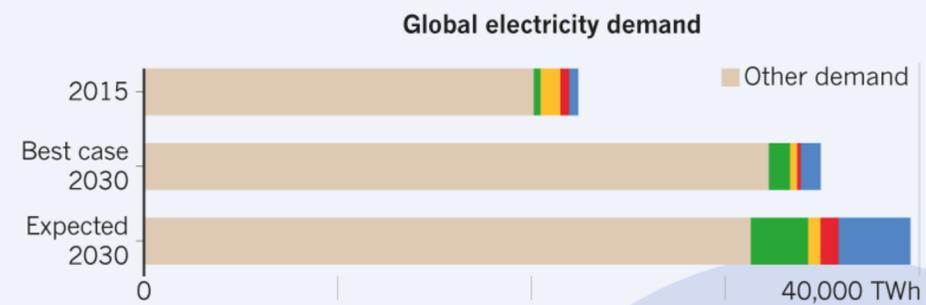
¡Todas las compuertas cuánticas son reversibles (excepto medición)!







The chart above is an 'expected case' projection from Anders Andrae, a specialist in sustainable ICT. In his 'best case' scenario, ICT grows to only 8% of total electricity demand by 2030, rather than to 21%.



### INTERNET EXPLOSION

Internet traffic\* is growing exponentially, and reached more than a zettabyte (ZB,  $1 \times 10^{21}$  bytes) in 2017.

1987  
2 TB†

1997  
60 PB

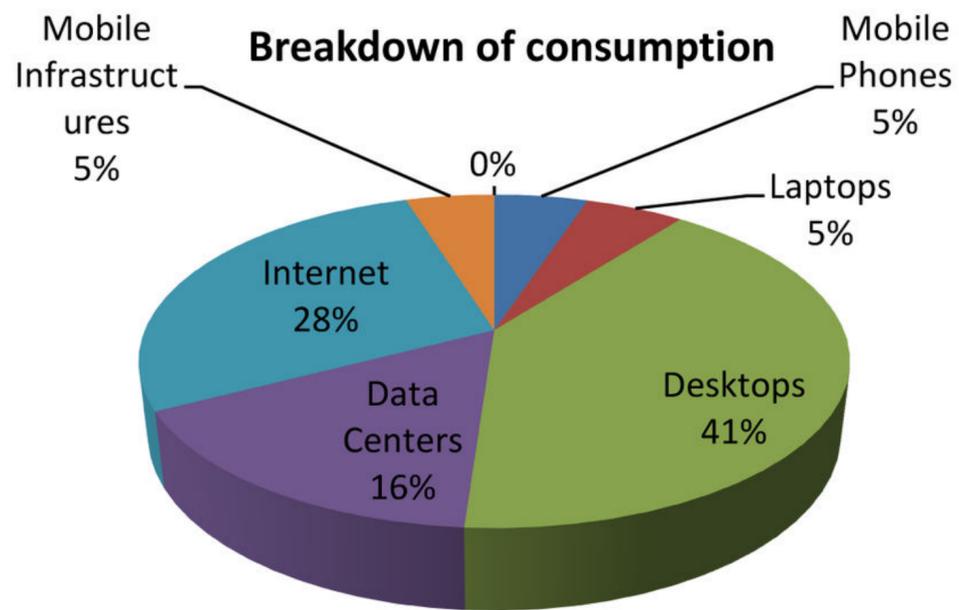
2007  
50 EB

2017  
1.1 ZB

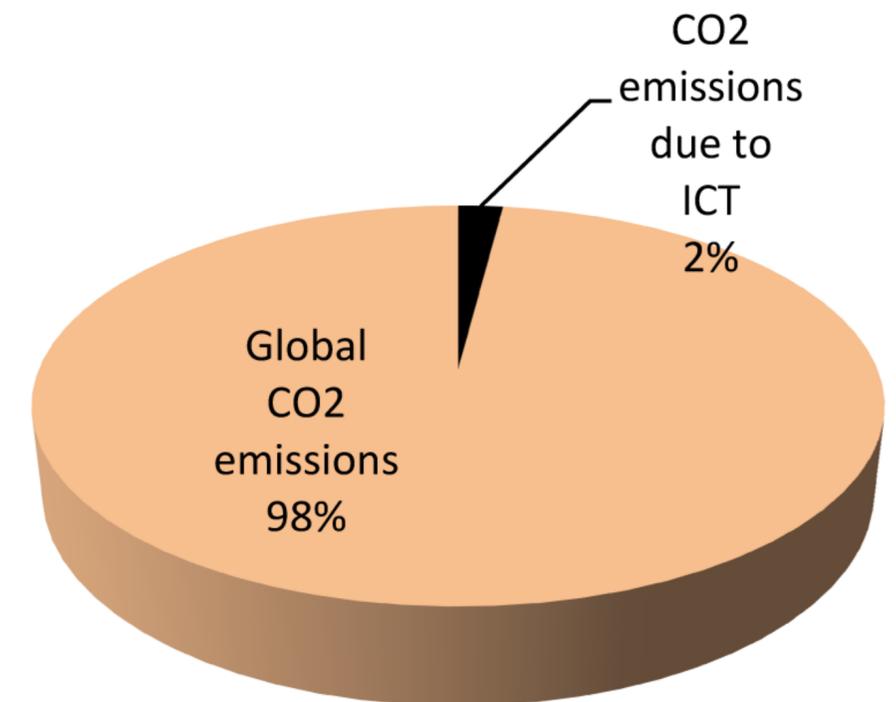
\*Traffic to and from data centres.

†TB, terabyte ( $10^{12}$  bytes); PB, petabyte ( $10^{15}$  bytes); EB, exabyte ( $10^{18}$  bytes).

©nature

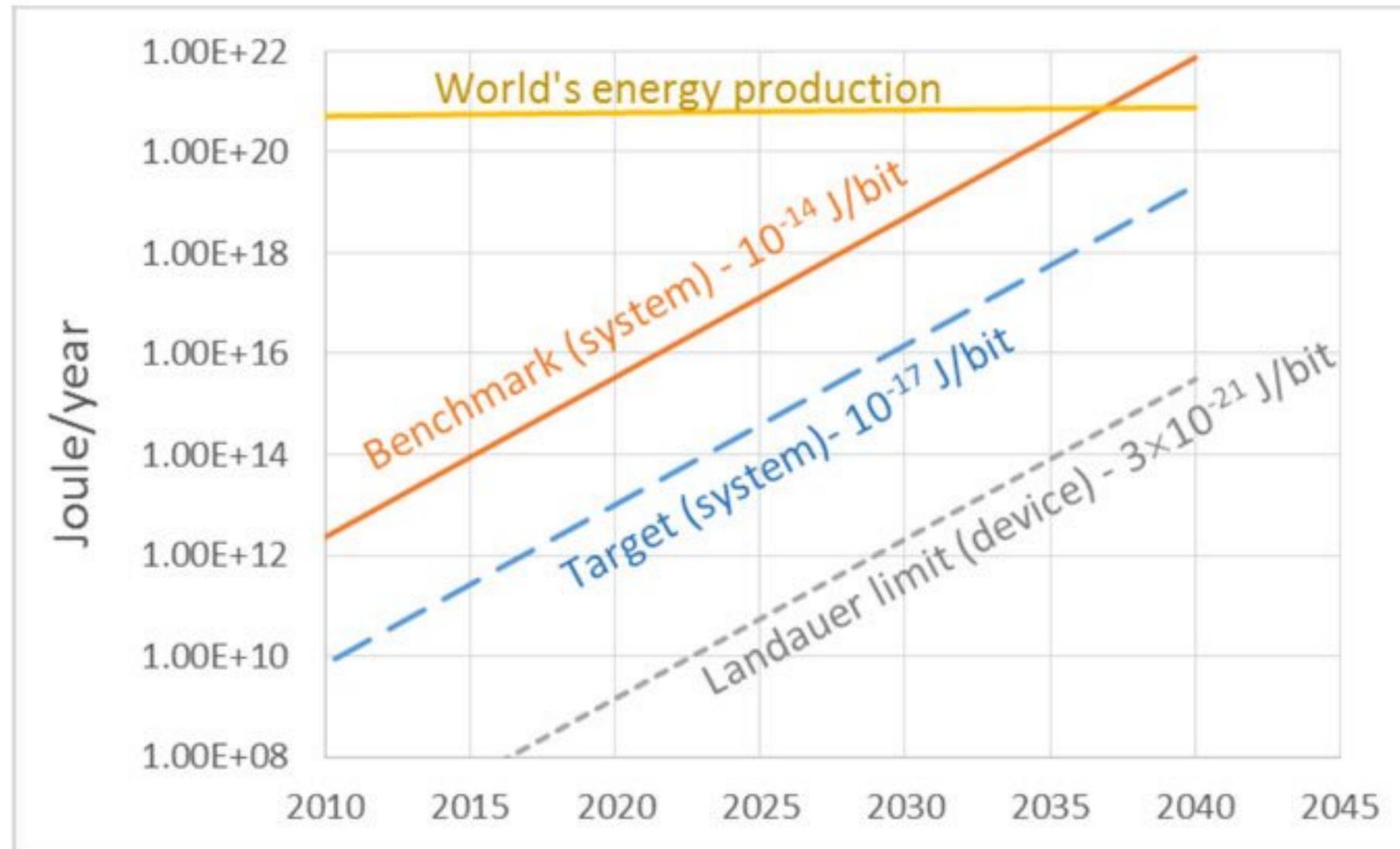


### Contribution of ICT CO2 emissions



Somavat, P., & Namboodiri, V. (2011). Energy consumption of personal computing including portable communication devices. *Journal of Green Engineering*, 1(4), 447-475.

# Energía y TIC: quantum como respuesta



**Fig. A8. Total energy of computing.**

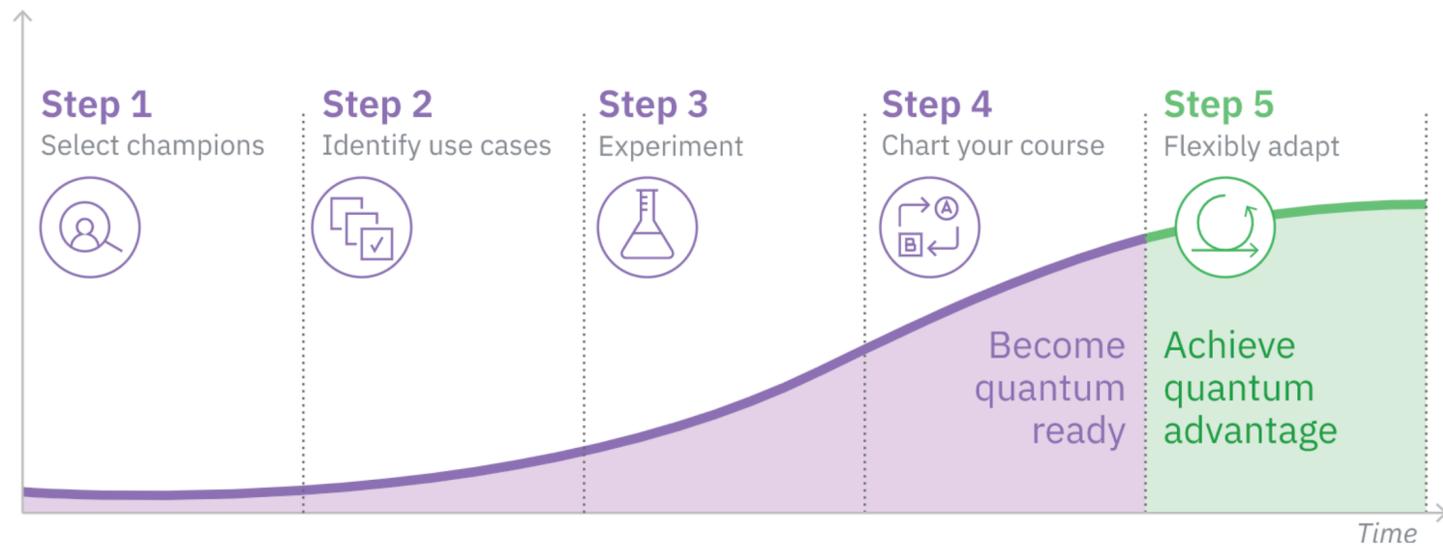
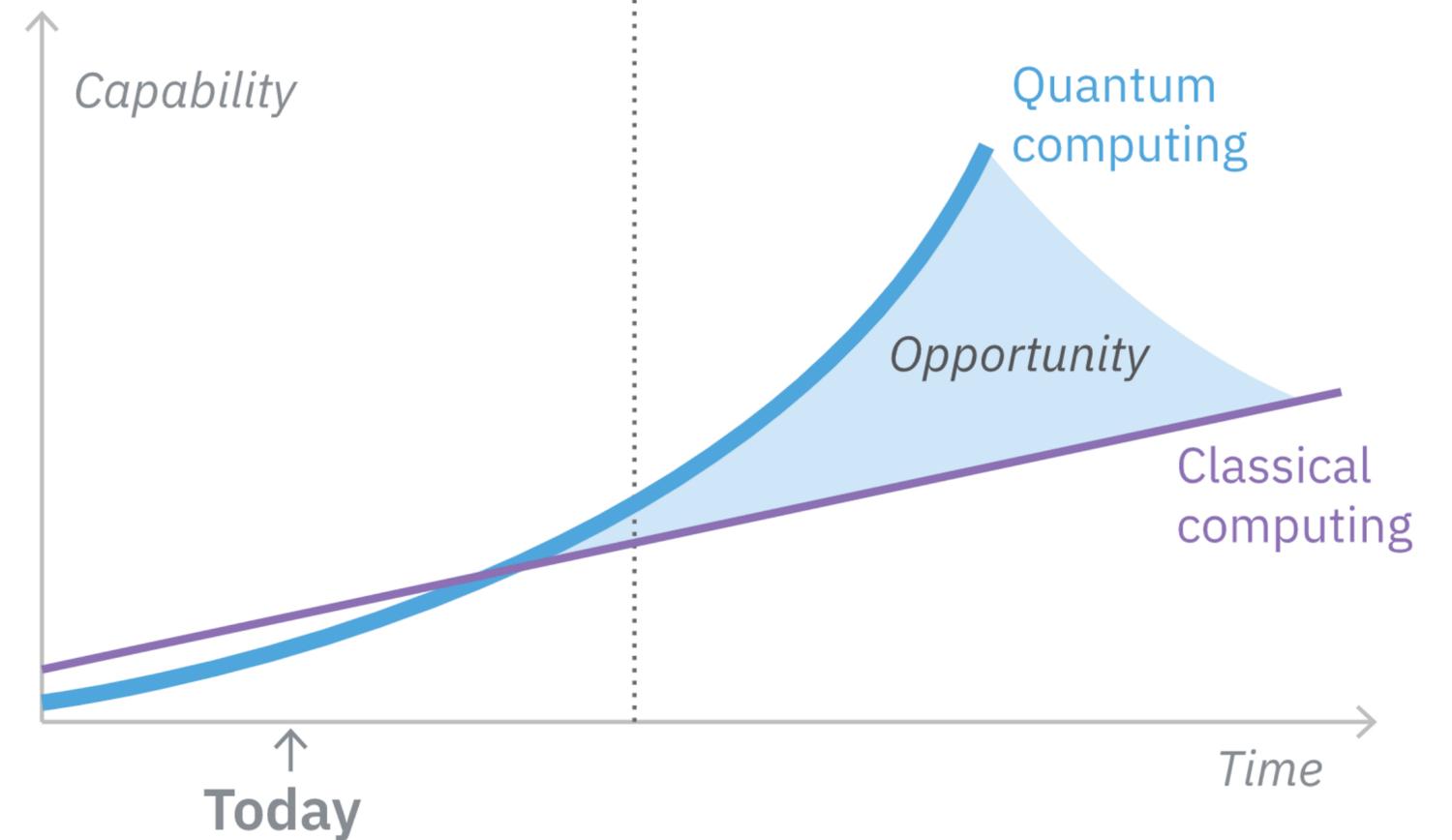
Drechsler, R., & Wille, R. (2012). **Reversible circuits: Recent accomplishments and future challenges for an emerging technology.** In *Progress in VLSI Design and Test* (pp. 383-392). Springer, Berlin, Heidelberg.

**Type of scaling**    **Time to solve problem**

Classical algorithm with exponential runtime	10 secs	2 mins	330 years	3300 years	Age of the universe
Quantum algorithm with polynomial runtime	1 min	2 mins	10 mins	11 mins	~24 mins

**Quantum ready**  
Use case development

**Quantum advantage**  
Use case commercialization



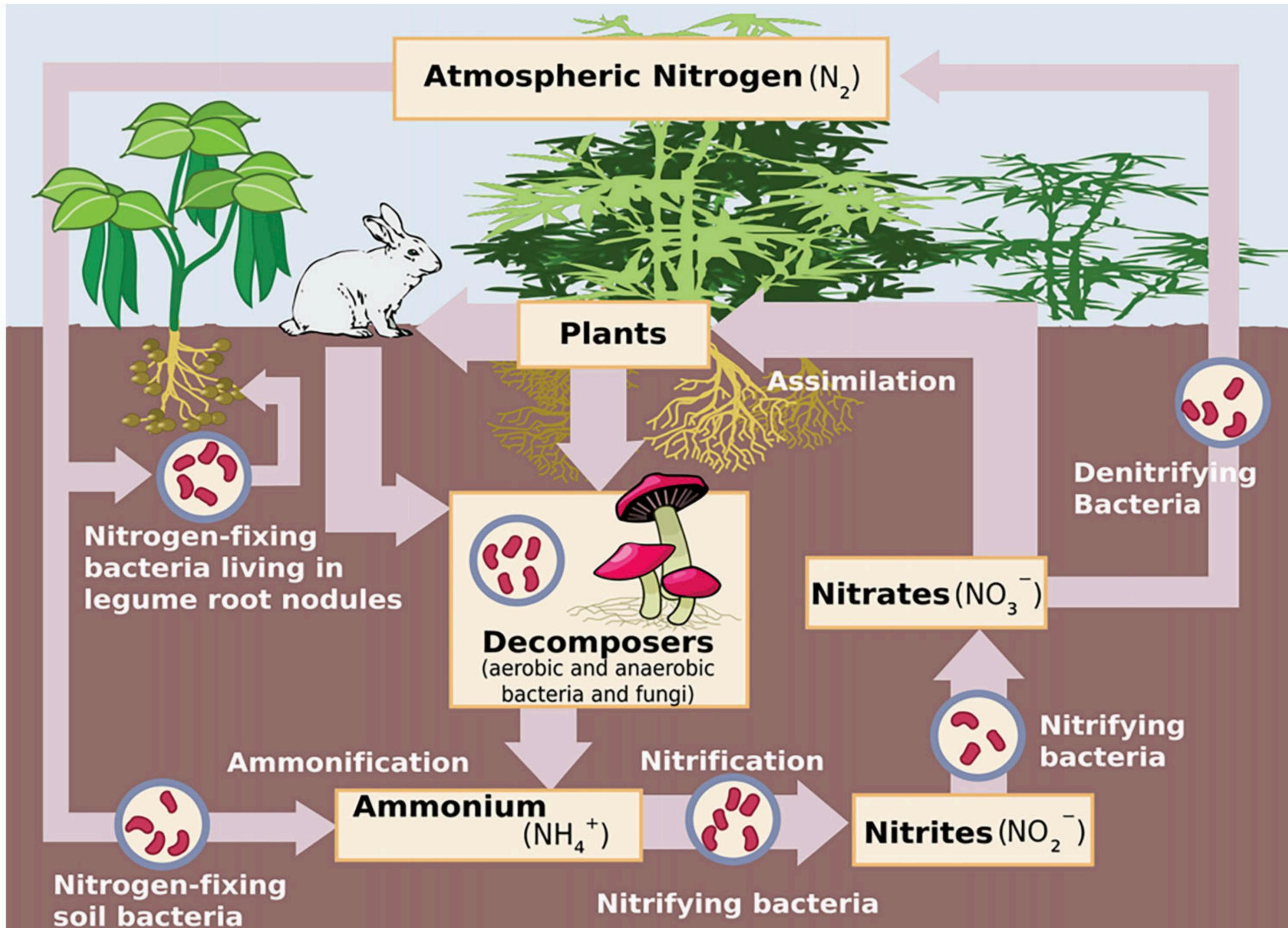
# ¿Para qué nos sirve una computadora cuántica?



Nature isn't classical, dammit, and if you want to make a simulation of nature, you'd better make it quantum mechanical, and by golly it's a wonderful problem, because it doesn't look so easy.

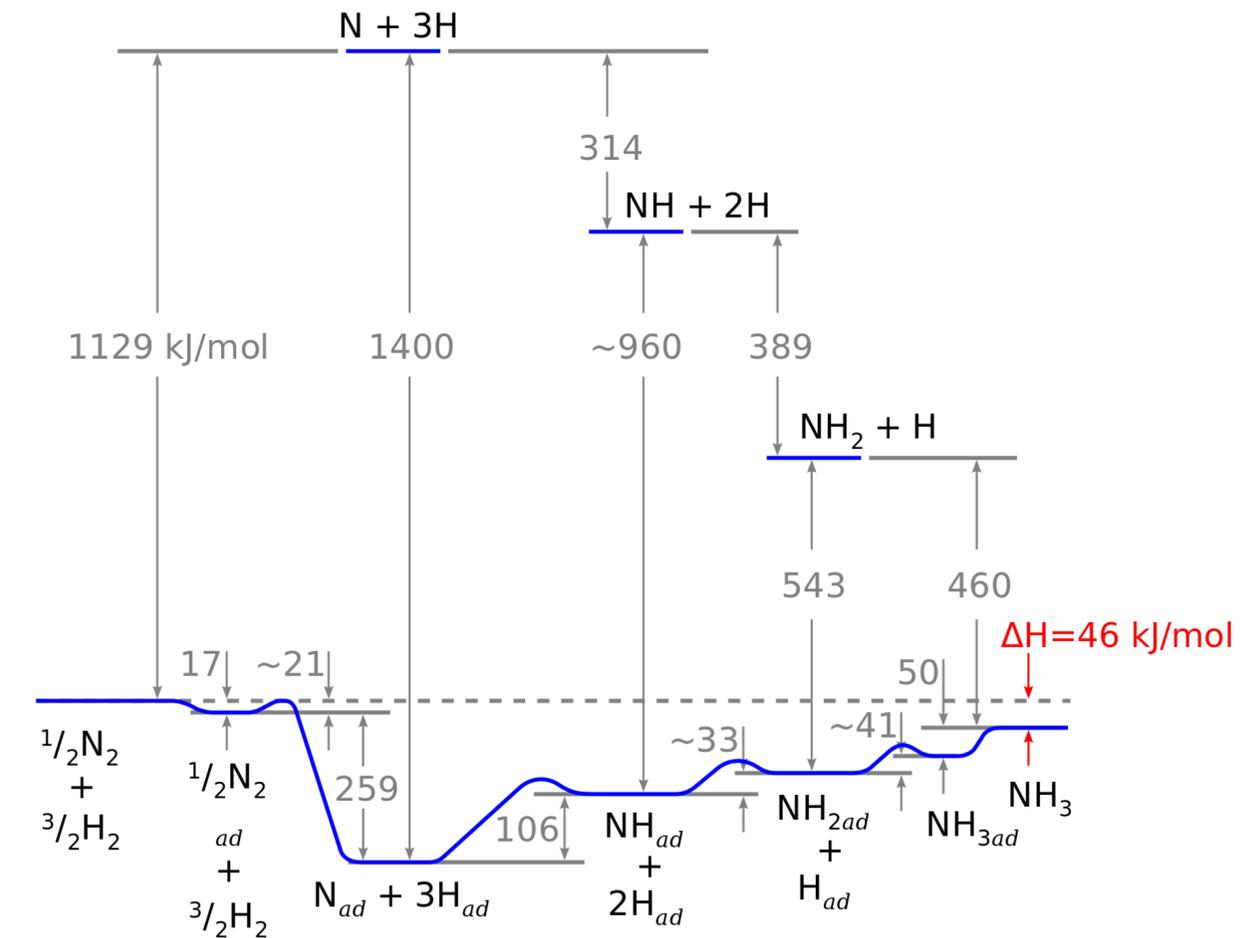
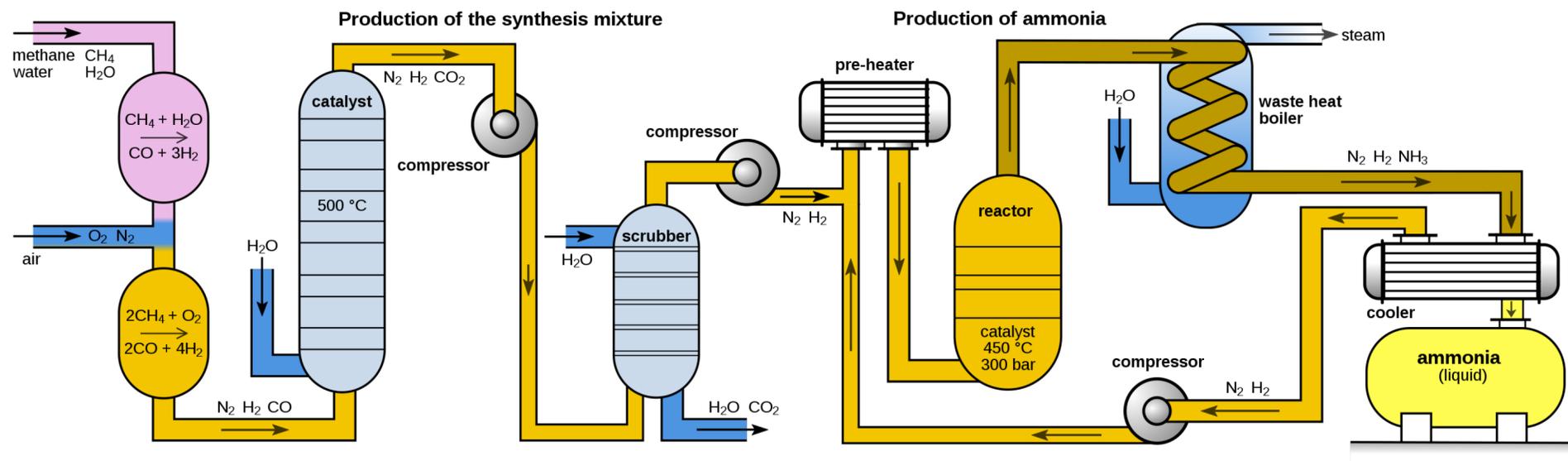
— *Richard P. Feynman* —

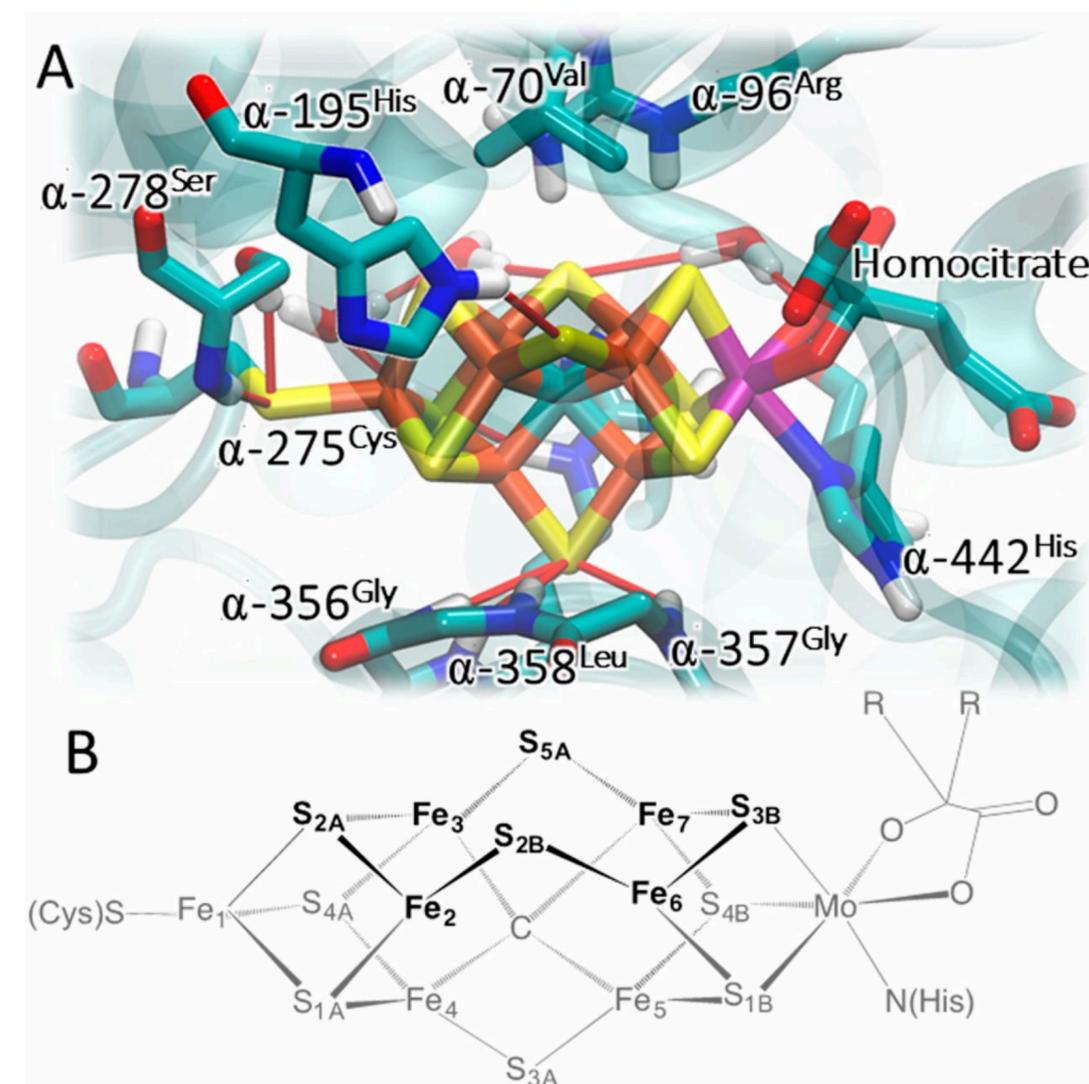
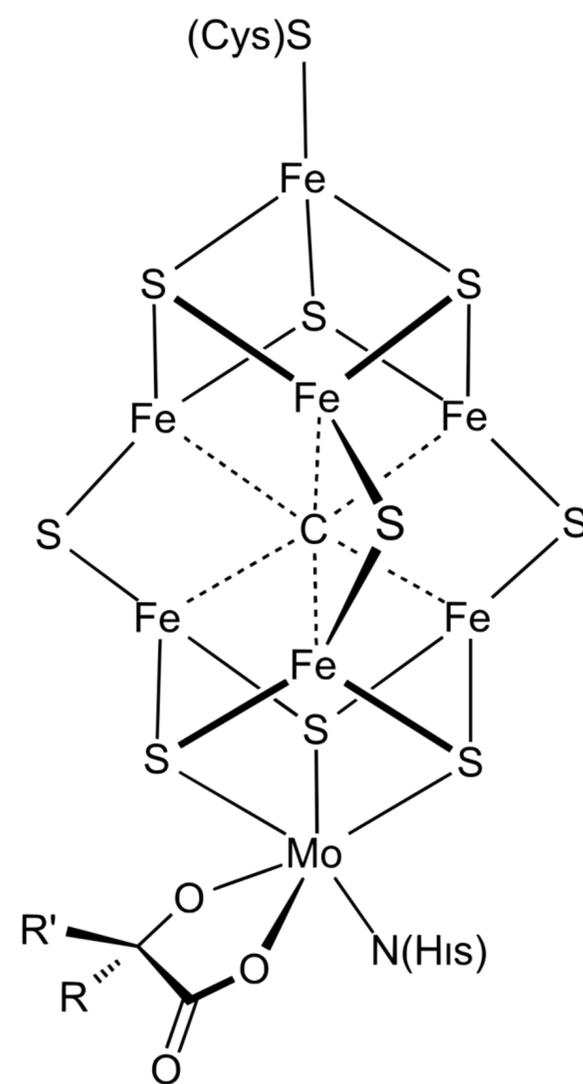
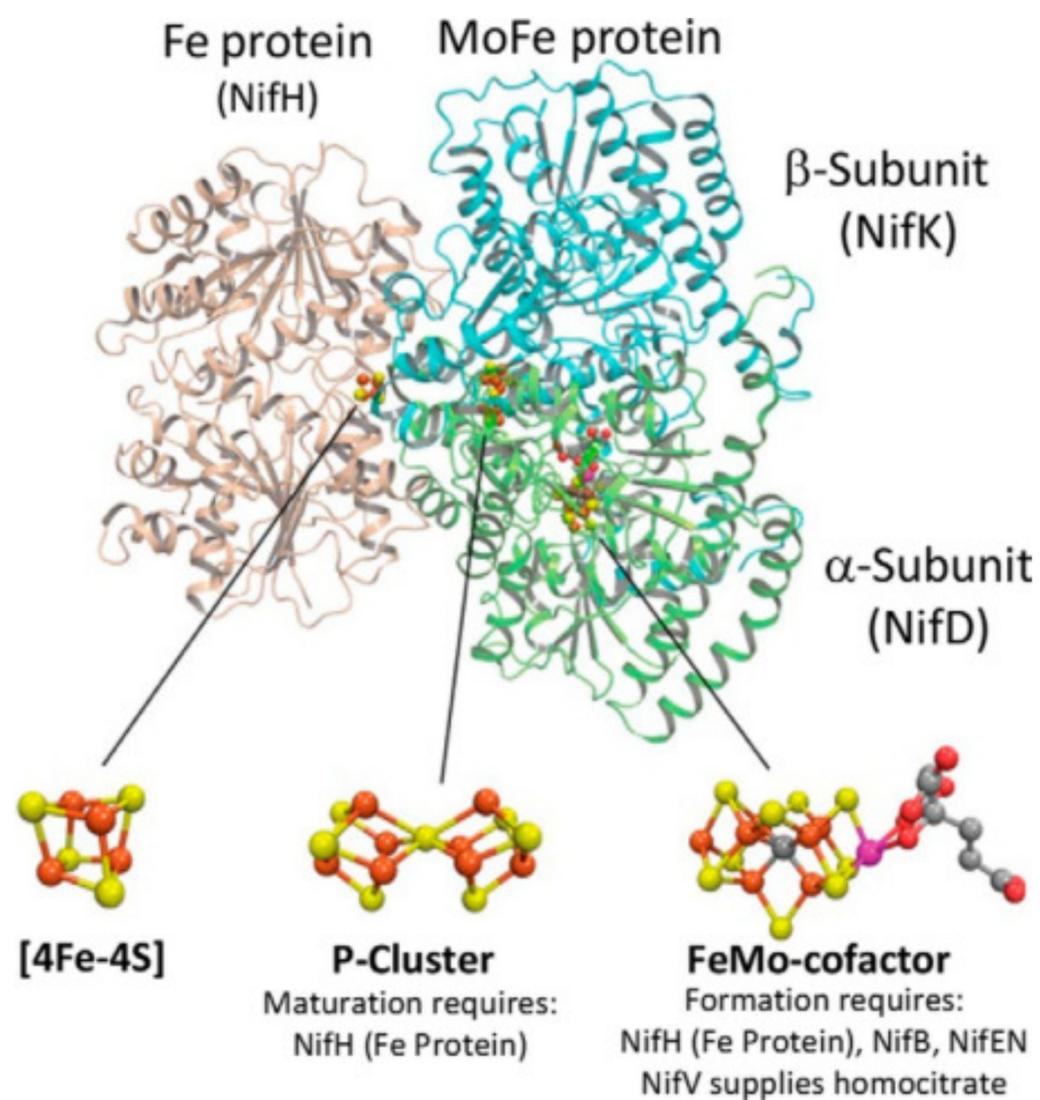
AZ QUOTES



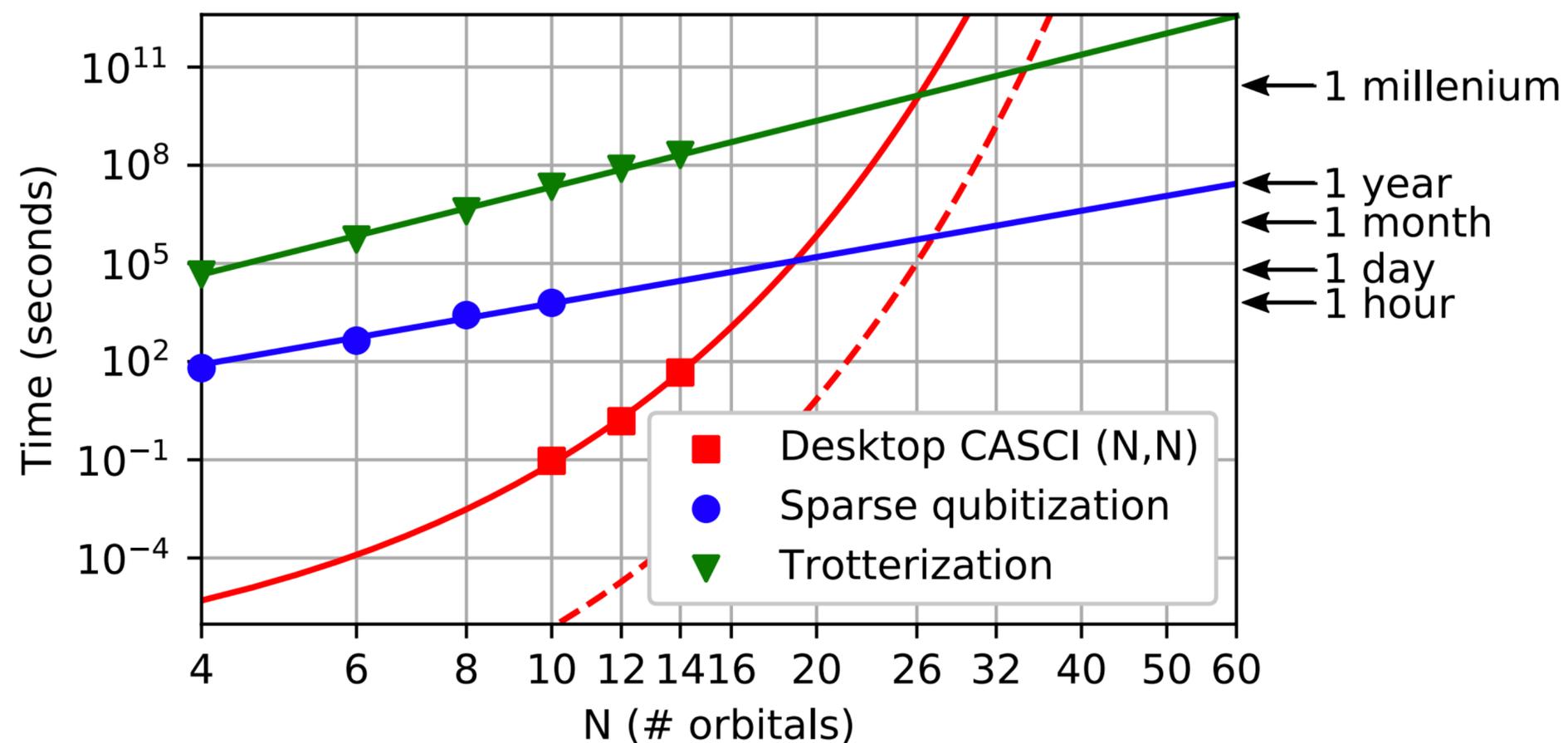
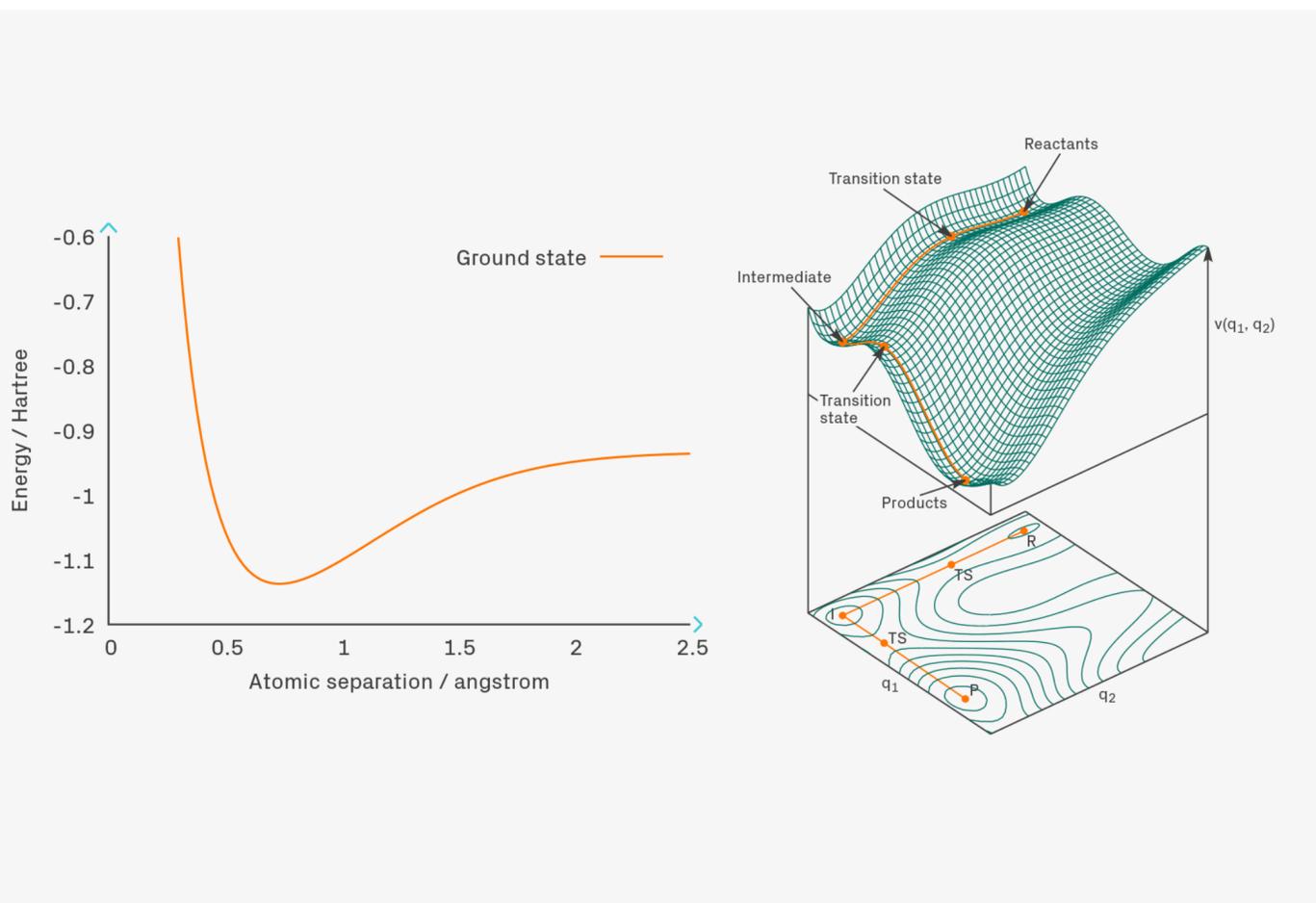
**Figure 2:** The process of nitrogen fixation. **Source:** Wikimedia Commons. Included by Kevin Kang, Editor-In-Chief

Haber-Bosch (61% eff.): 2% de la energía global, 5% del gas natural global, 450°C a 200 atms.





# Química cuántica asistida por QC



Elfving, V. E., Broer, B. W., Webber, M., Gavartin, J., Halls, M. D., Lorton, K. P., & Bochevarov, A. (2020). **How will quantum computers provide an industrially relevant computational advantage in quantum chemistry?**. *arXiv preprint arXiv:2009.12472*.

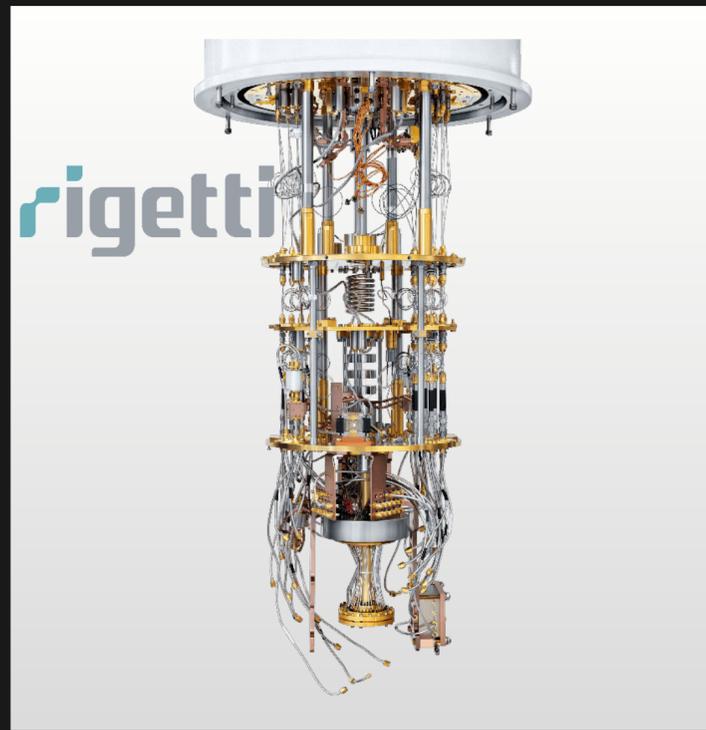
# Como se programa una computadora cuántica



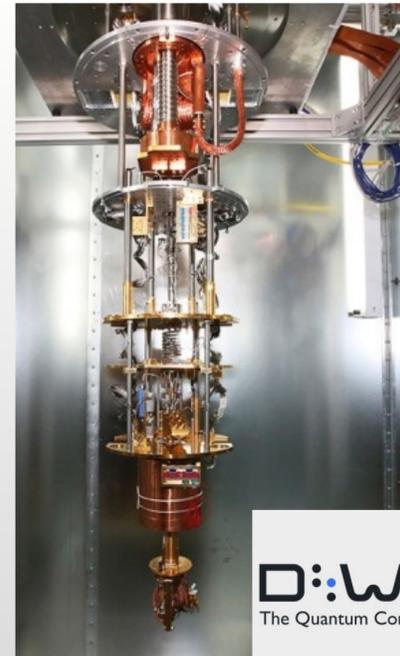
Google



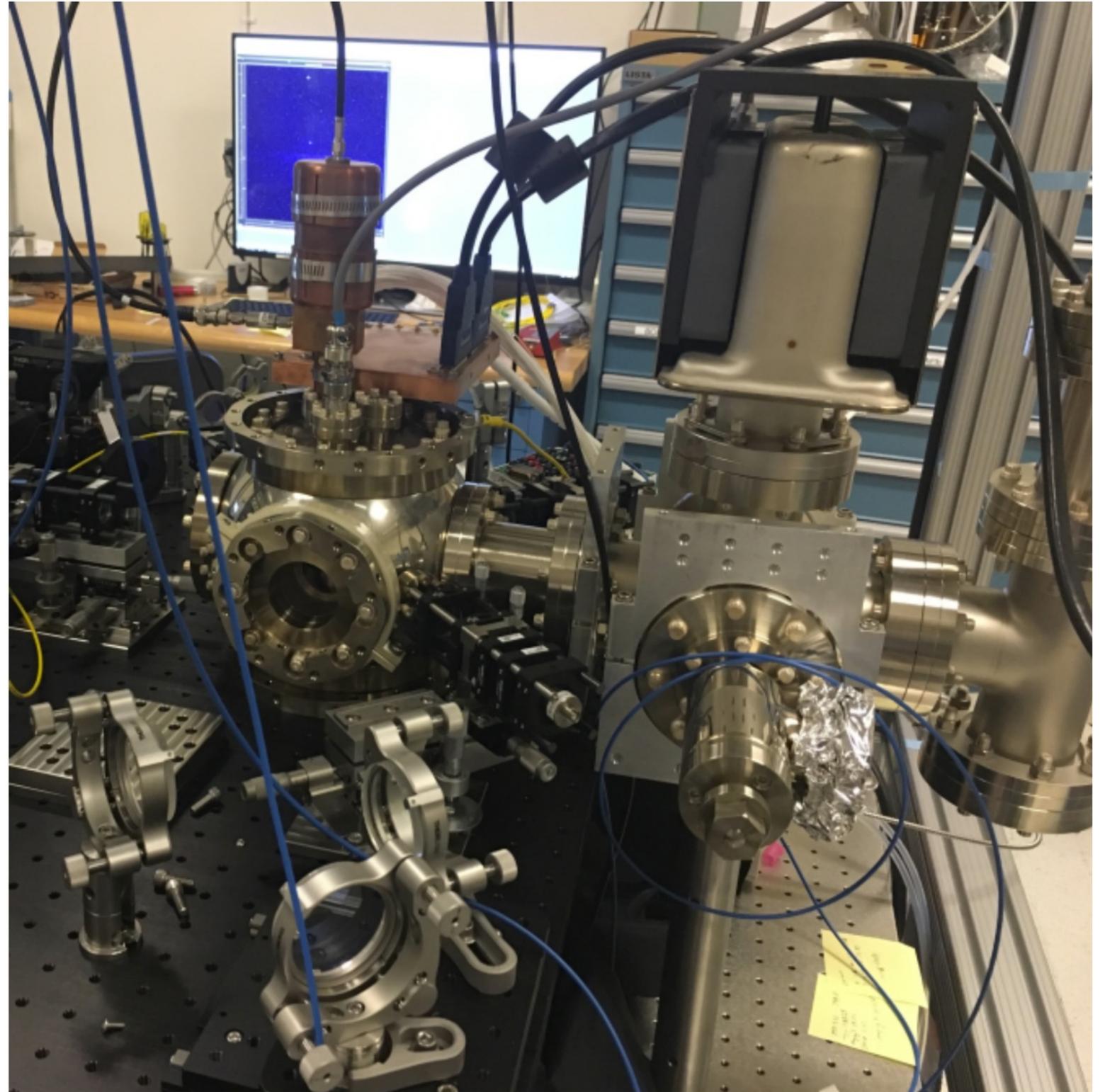
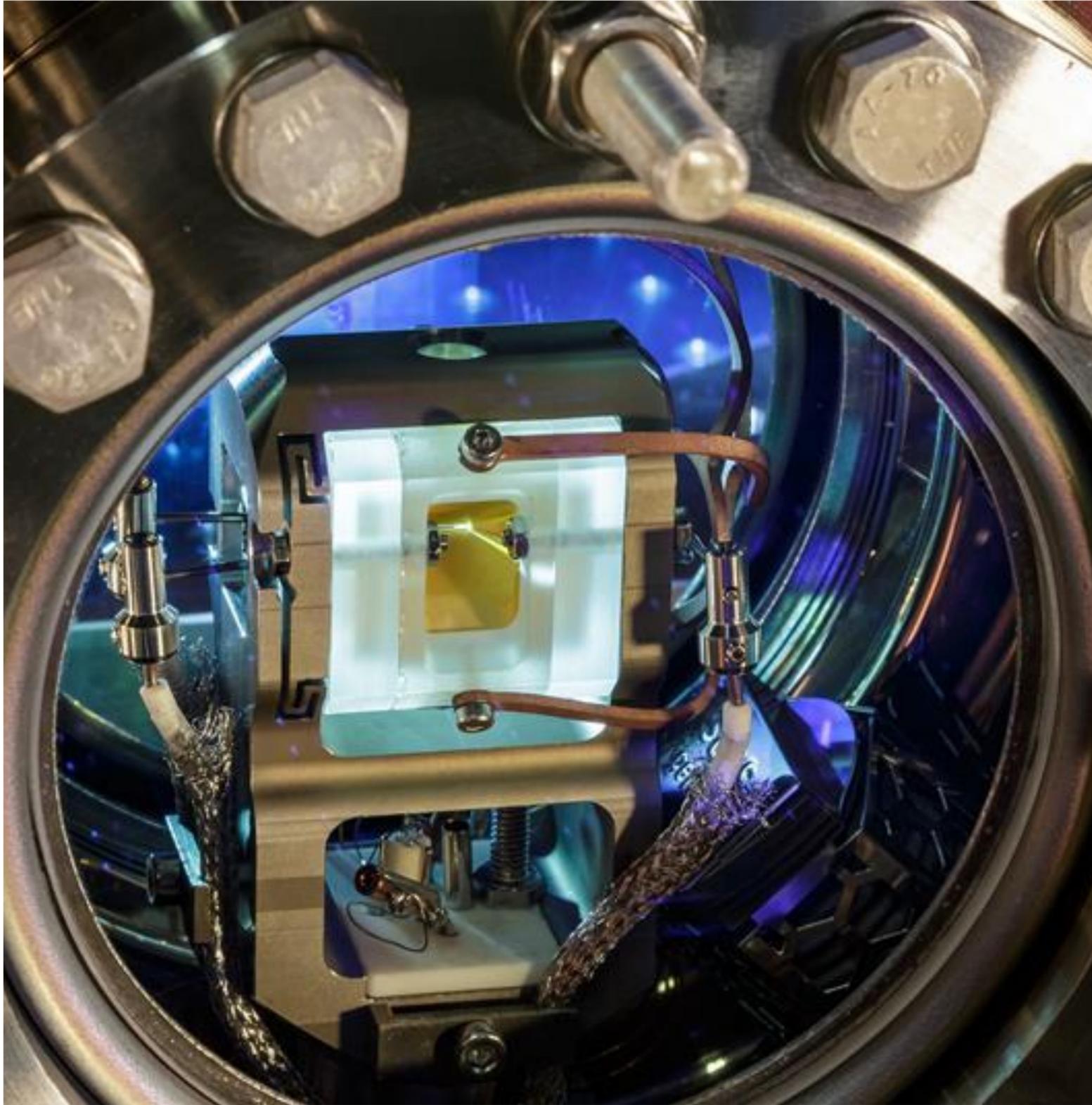
IBM Q



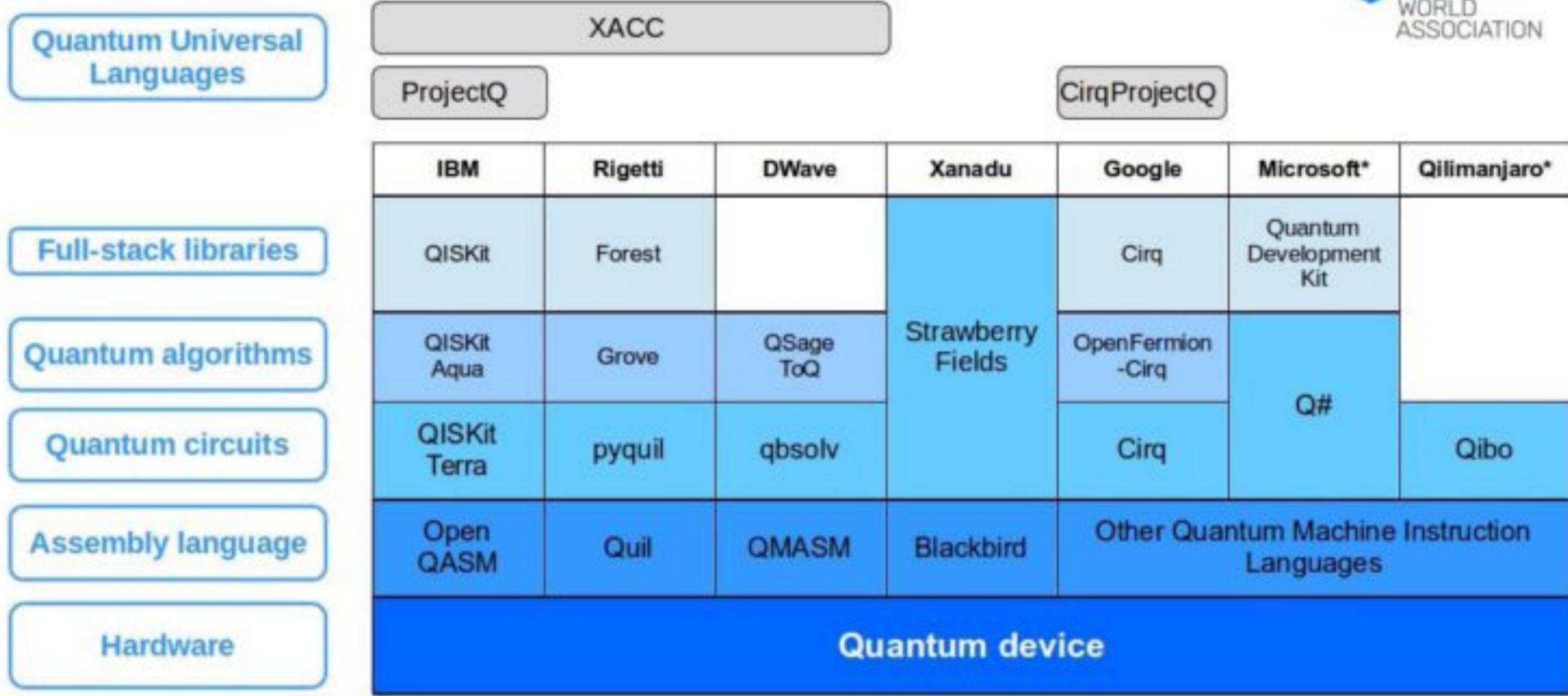
rigetti



D:wave  
The Quantum Computing Company™



# Quantum Computing Programming Languages



\* Hardware under development. Quantum programs are run on their own simulators.

"Quantum Language" is referred with no distinction both as a quantum equivalence of a programming language and as a library to write quantum programs supported by some well-known classical programming language.

© Alba Cervera-Lierta for the QWA (2018)



```
1 from collections import OrderedDict
2 from qiskit_chemistry import FermionicOperator
3 from qiskit_chemistry.drivers import PySCFDriver, UnitsType
4
5 # Use PySCF, a classical computational chemistry software package, to compute the one- an
6 # two-body integrals in molecular-orbital basis, necessary to form the Fermionic operator
7 driver = PySCFDriver(atom='H .0 .0 .0; H .0 .0 0.735', unit=UnitsType.ANGSTROM,
8                     charge=0, spin=0, basis='sto3g')
9 molecule = driver.run()
10 num_particles = molecule.num_alpha + molecule.num_beta
11 num_spin_orbitals = molecule.num_orbitals * 2
12
13 # Build the qubit operator, which is the input to the VQE algorithm in Aqua
14 ferOp = FermionicOperator(h1=molecule.one_body_integrals, h2=molecule.two_body_integrals)
15 map_type = 'PARITY'
16 qubitOp = ferOp.mapping(map_type)
17 qubitOp = qubitOp.two_qubit_reduced_operator(num_particles)
18 num_qubits = qubitOp.num_qubits
19
20 # set the backend for the quantum computation
21 from qiskit import Aer
22 backend = Aer.get_backend('statevector_simulator')
23
24 # setup a classical optimizer for VQE
25 from qiskit_aqua.components.optimizers import L_BFGS_B
26 optimizer = L_BFGS_B()
27
28 # setup the initial state for the variational form
29 from qiskit_chemistry.aqua_extensions.components.initial_states import HartreeFock
30 init_state = HartreeFock(num_qubits, num_spin_orbitals, num_particles)
31
32 # setup the variational form for VQE
33 from qiskit_aqua.components.variational_forms import RYZ
34 var_form = RYZ(num_qubits, initial_state=init_state)
35
36 # setup and run VQE
37 from qiskit_aqua.algorithms import VQE
38 algorithm = VQE(qubitOp, var_form, optimizer)
39 result = algorithm.run(backend)
40 print(result['energy'])
```



Q#

Copy

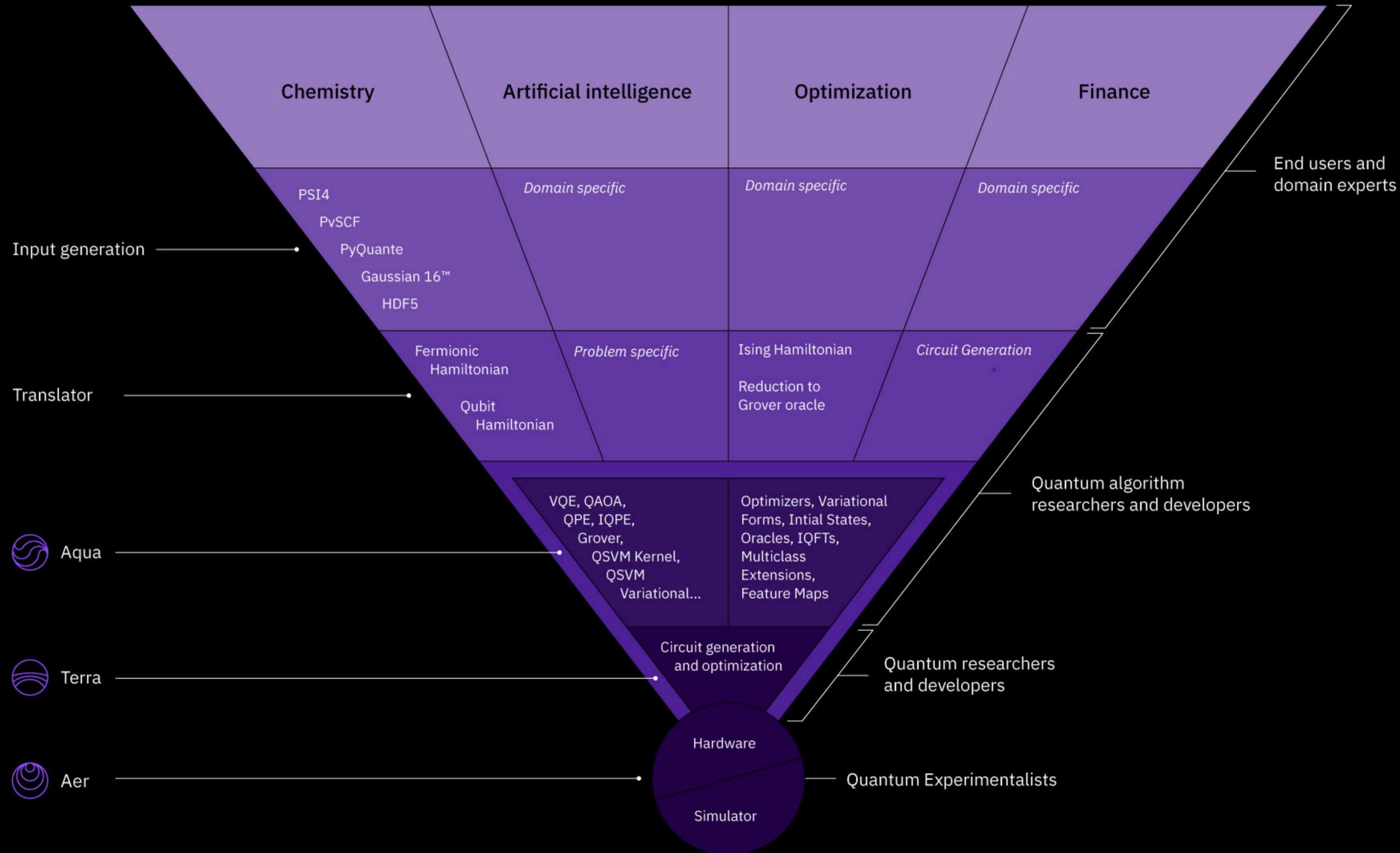
```
operation TestBellState(count : Int, initial : Result) : (Int, Int) {
    mutable numOnes = 0;
    use qubit = Qubit();
    for test in 1..count {
        SetQubitState(initial, qubit);
        let res = M(qubit);

        // Count the number of ones we saw:
        if res == One {
            set numOnes += 1;
        }
    }

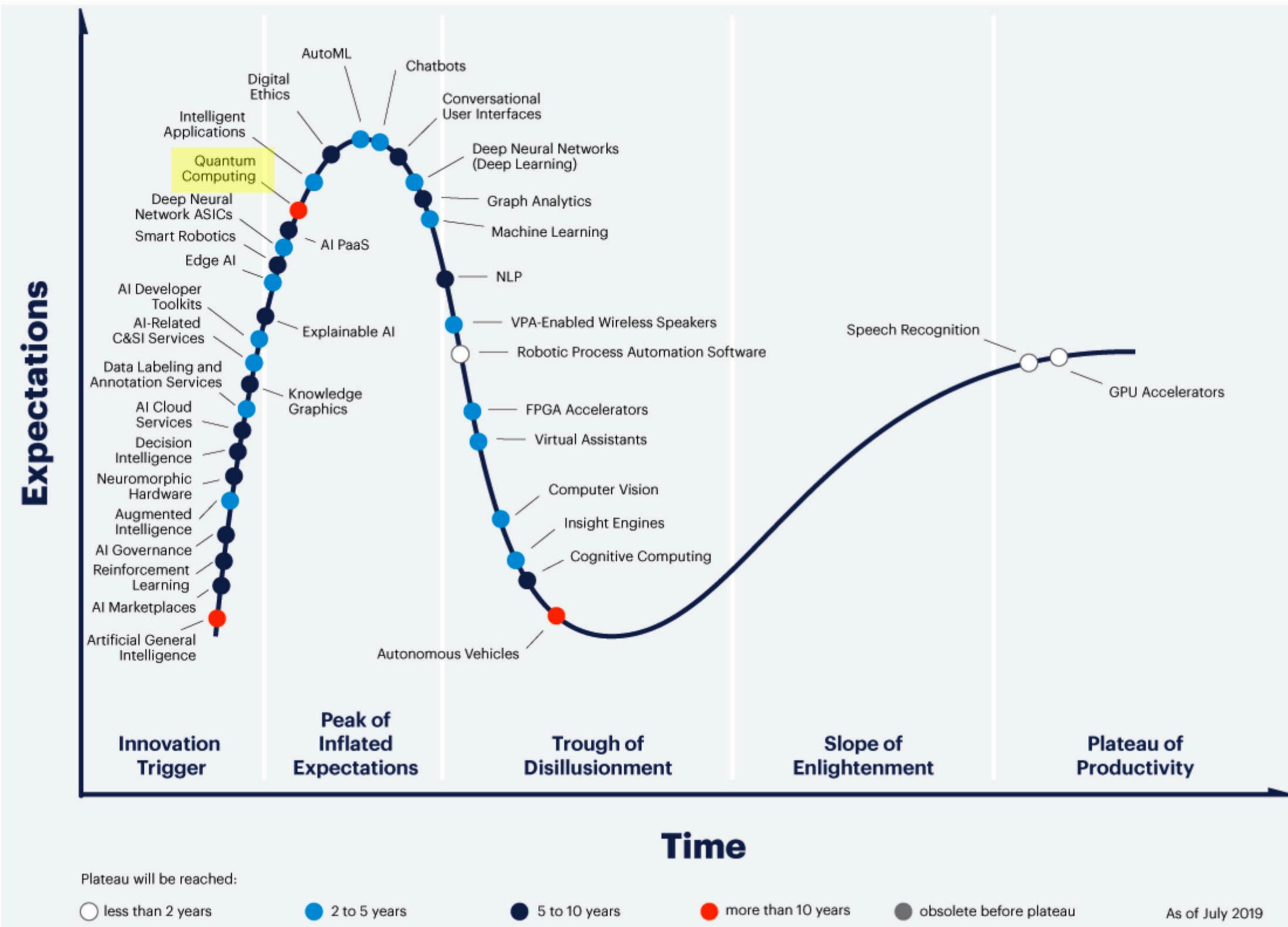
    SetQubitState(Zero, qubit);

    // Return number of times we saw a |0> and number of times we saw a |1>
    Message("Test results (# of 0s, # of 1s): ");
    return (count - numOnes, numOnes);
}
```

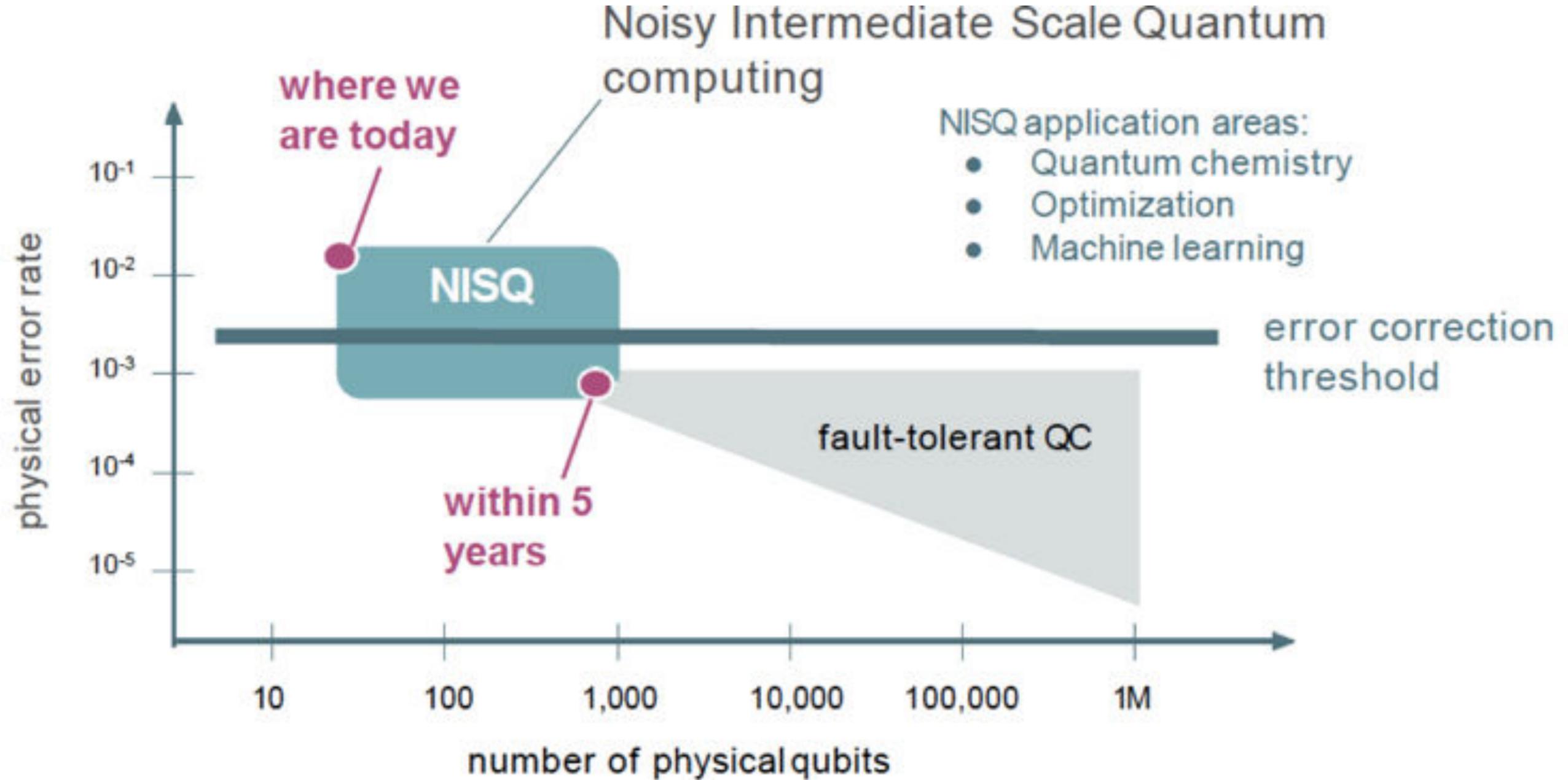




**Futuro:**  
**¿será una tecnología realista?**

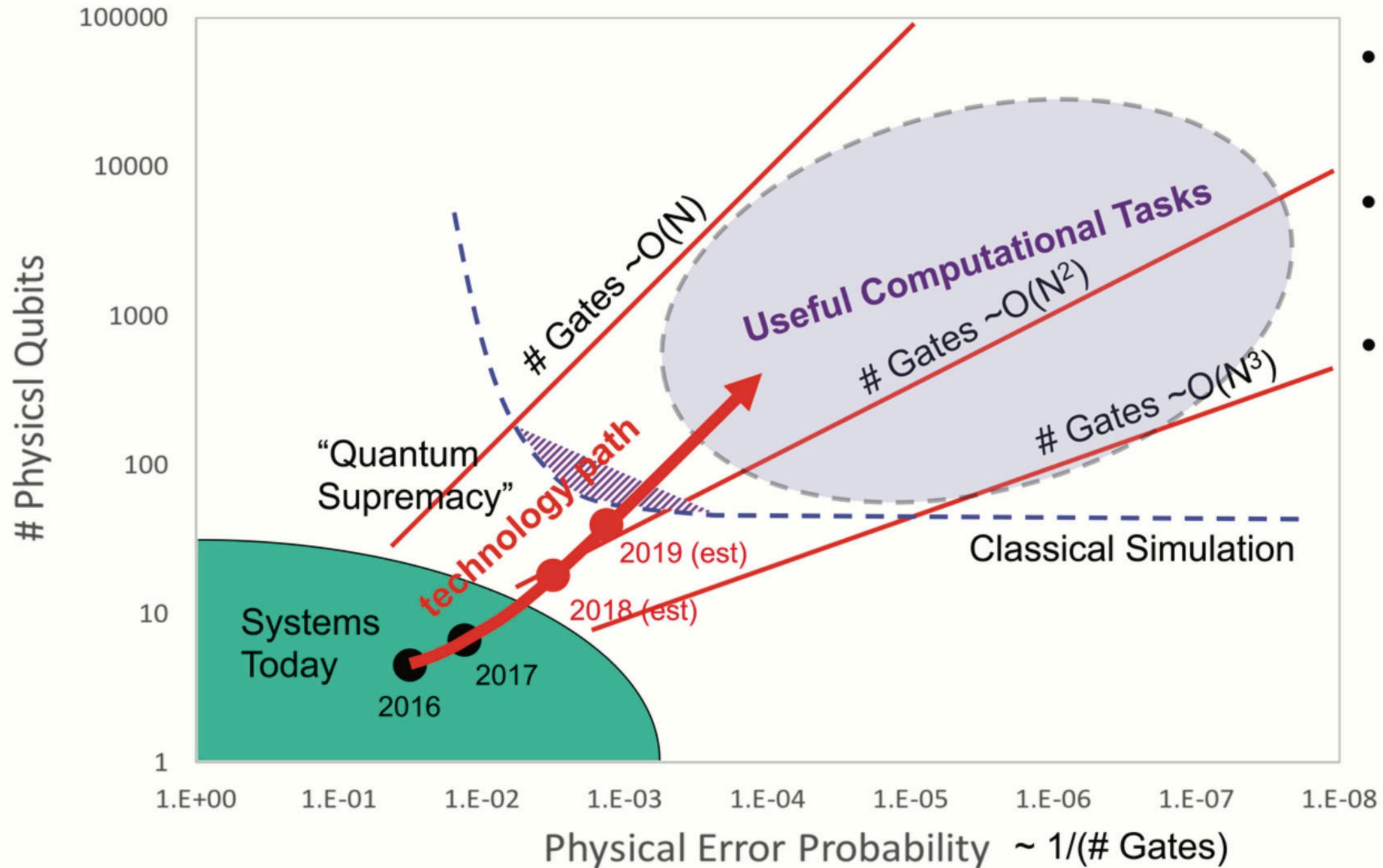


The 2019 Gartner Hype Cycle for Artificial Intelligence, with quantum computing highlighted in yellow. Credit: Gartner

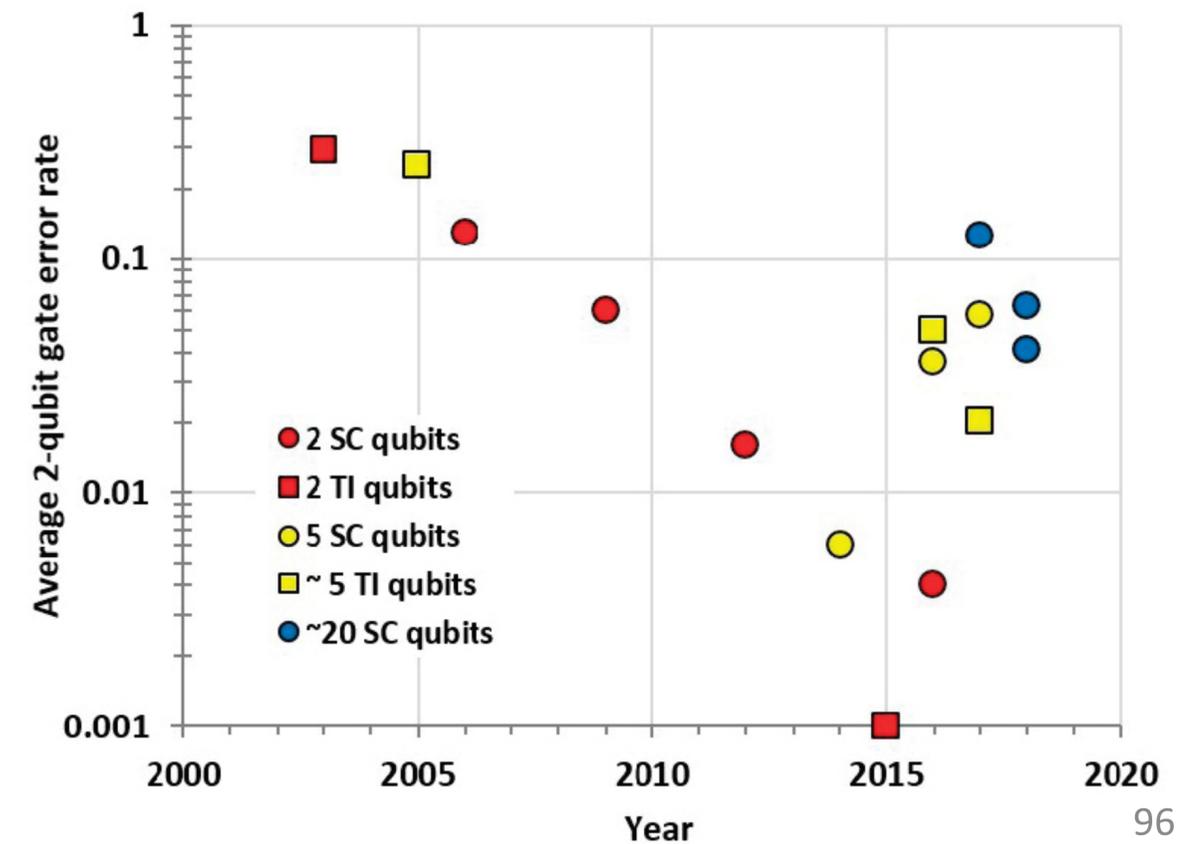
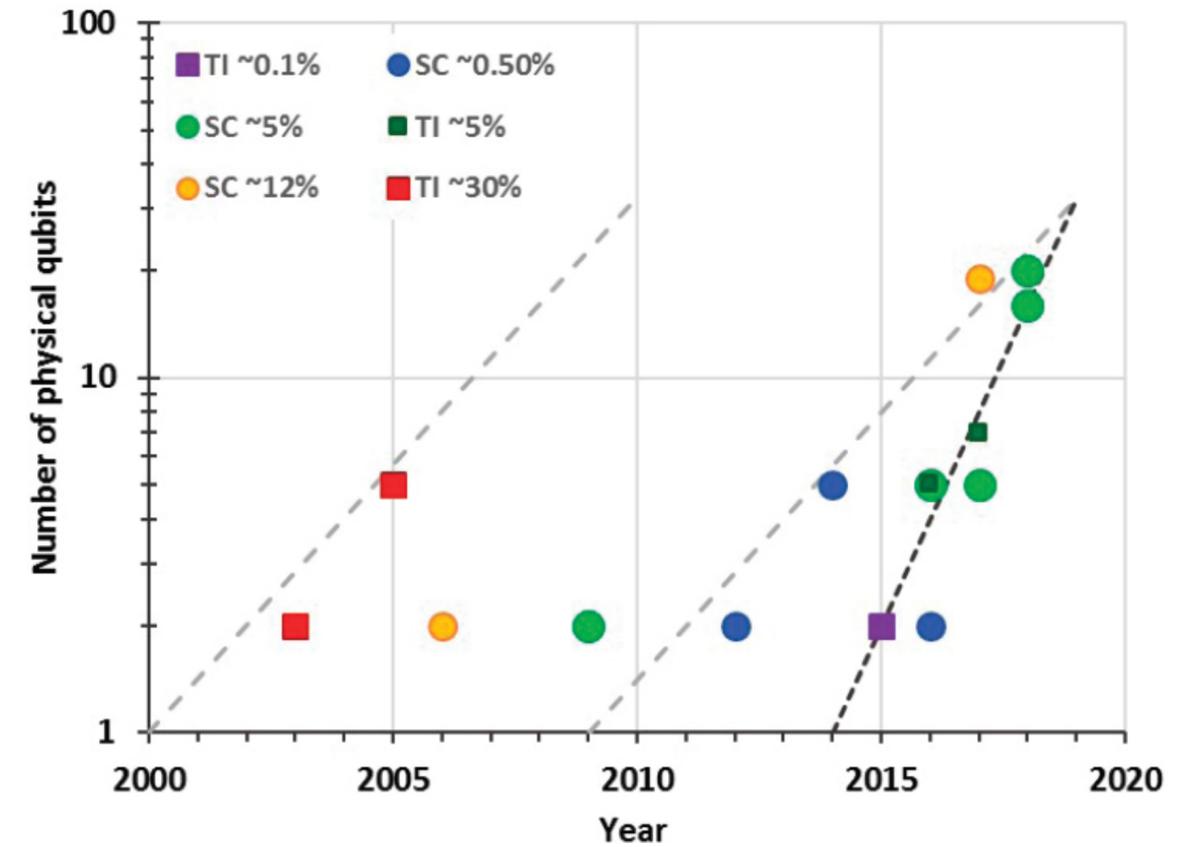
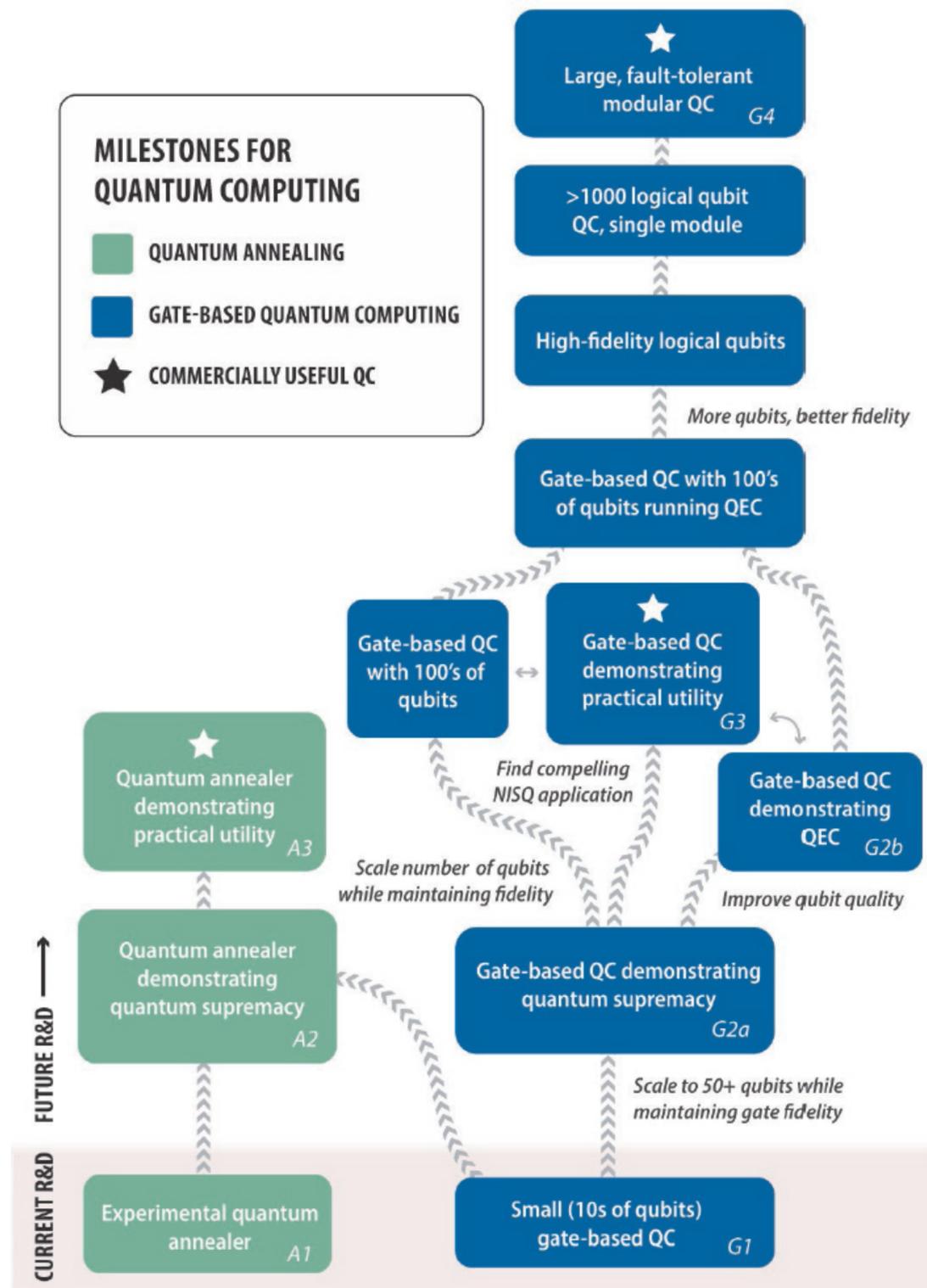


“Quantum computing in the NISQ era and beyond” Preskill, 2018 <https://arxiv.org/abs/1801.00862>



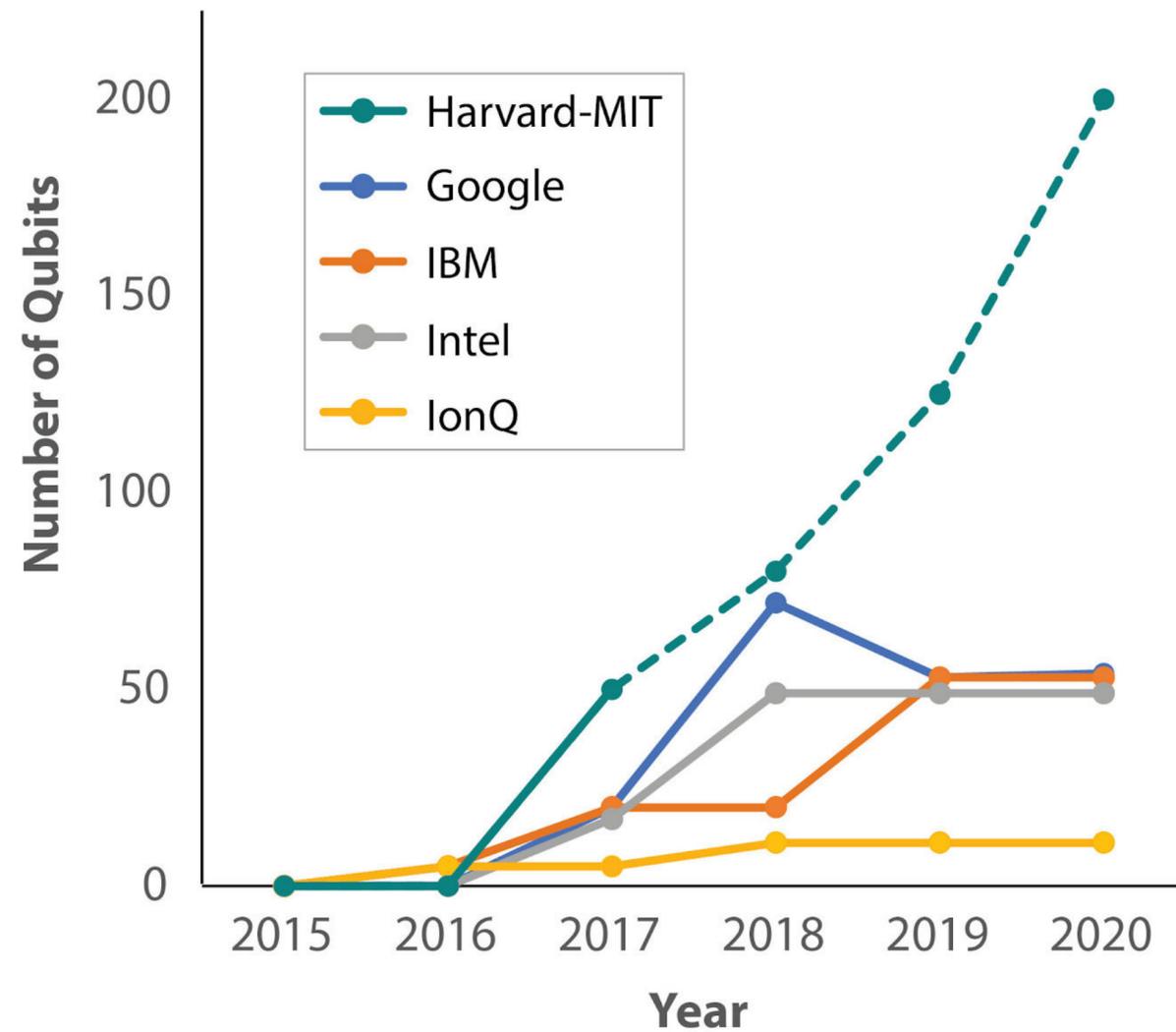


- First, reach a fault-tolerant qubit
- Then scale up in numbers
- Interesting computational tasks beyond classical simulation limit



National Academies of Sciences, Engineering, and Medicine. *Quantum computing: progress and prospects*. National Academies Press. 2019.

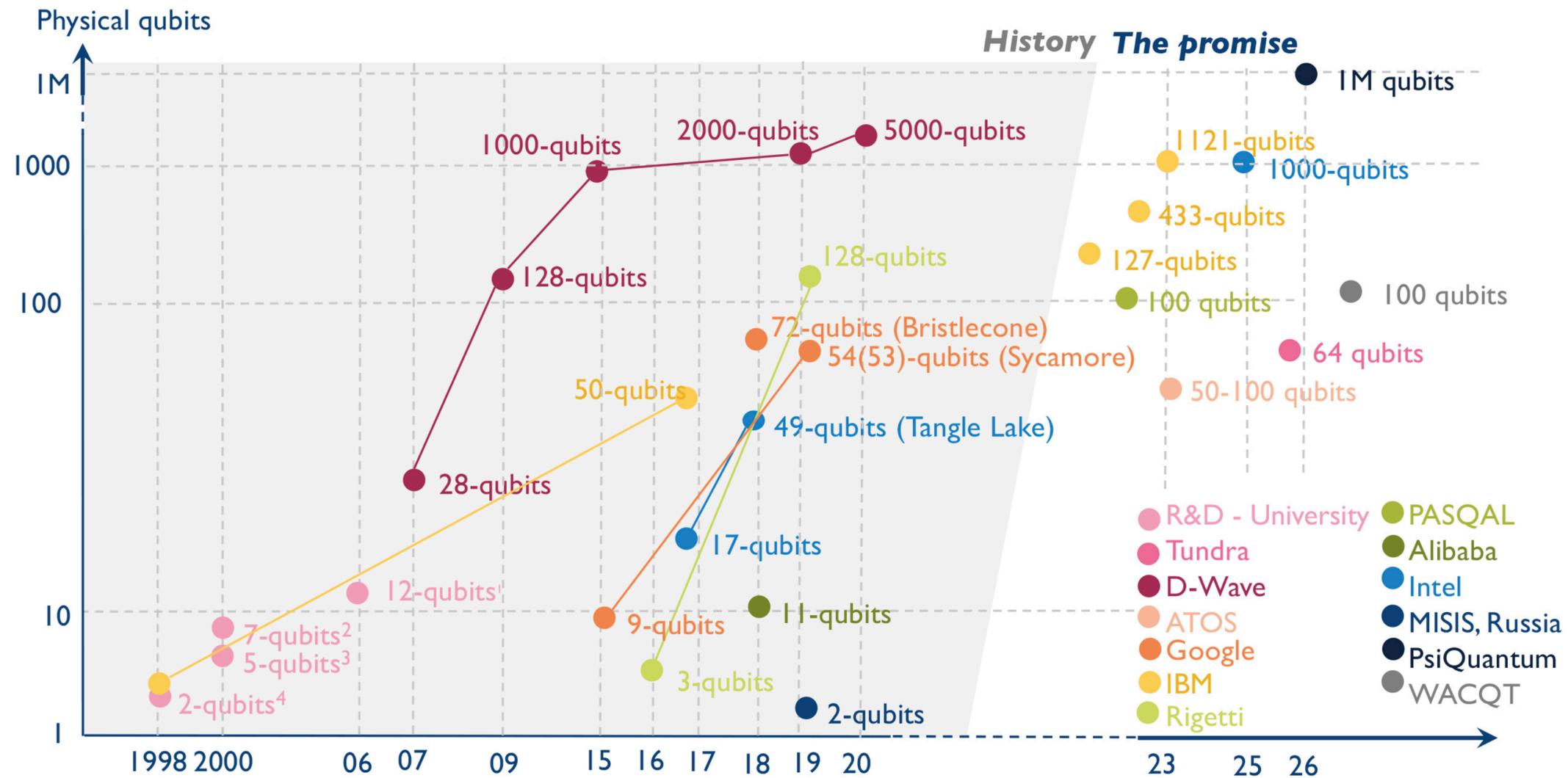
## Advances in Quantum Computer Size



System	Type	Number of Qubits	Qubit Stability	System Flexibility
<b>Google</b>	Superconducting circuits	54	Medium	Medium
<b>IBM</b>	Superconducting circuits	53	Medium	Medium
<b>Intel</b>	Superconducting circuits	49	Medium	Medium
<b>IonQ</b>	Trapped Ions	11	High	High
<b>Harvard-MIT</b>	Ultracold Atoms	50	Low	Low

# 1998-2026 Physical qubit roadmap for quantum computer

(Source: Quantum Technologies 2021 report, Yole Développement, 2021)



<sup>1</sup> (Institute for Quantum Computing, Perimeter Institute for Theoretical Physics, MIT)

<sup>2</sup> (Los Alamos National lab)

<sup>3</sup> (TU Munich)

<sup>4</sup> (Oxford University, IBM, UC Berkeley, Stanford, MIT)

## Puntos clave

---

Estamos a 5 años de contar con hardware cuántico con poder computacional suficiente para disrupción industrial a gran escala

---

Aún es un ambiente pre-competitivo en materia de innovación, gran ecualizador de oportunidades

---

Innovar en QC puede ocurrir más fácilmente a nivel de software, algoritmos y aplicaciones (una oportunidad para Costa Rica y socios país)

---

Aún cuando se requieren fundamentos de física, personas con formación en álgebra lineal y software pueden introducirse bien en este campo

# ¿Qué podemos hacer en Costa Rica?

## estrategia

- No estamos a nivel para participar en desarrollo de hardware
- Posiblemente en aplicaciones, si preparamos a la gente en las bases del area
- El area también requiere herramientas de alto nivel, como compiladores, no son fáciles, pero CR tiene el conocimiento en la industria en esa area
- Si en estos 5 años no preparamos gente en el momento del boom no estaremos listos

# ¿Qué podemos hacer en CR?

## estrategia

- La formación para programar/entender computación cuántica es algebra lineal en variable compleja
  - Similar a los programas que ya se están dando en ciencia de datos en varias universidades
  - Ya hay gente entonces que ha recorrido parte del camino
- La matemática necesaria está a nivel de un estudiante de bachillerato universitario
- Muchas universidades norteamericanas ya dan cursos de computación cuántica para sus estudiantes de bachillerato
- Es razonable dar electivas e ir preparando gente para que de aquí a 5 años estemos en mejores condiciones de absorber un boom